

1. 다음 중 반드시 근호를 사용하여 나타내야만 하는 것은?

① $\sqrt{0.49}$

② $\sqrt{121}$

③ $\sqrt{1}$

④ $\sqrt{\frac{1}{16}}$

⑤ $\sqrt{0.4}$

해설

① $\sqrt{0.49} = \sqrt{0.7^2} = 0.7$

② $\sqrt{121} = \sqrt{11^2} = 11$

③ $\sqrt{1} = \sqrt{1^2} = 1$

④ $\sqrt{\frac{1}{16}} = \sqrt{\left(\frac{1}{4}\right)^2} = \frac{1}{4}$

⑤ 0.4는 제곱수가 아니므로 $\sqrt{0.4}$ 는 반드시 근호를 사용하여 나타낸다.

2. $a > 0$ 일 때, 다음 계산에서 옳지 않은 것을 모두 골라라.

$$\textcircled{\text{A}} \quad -\sqrt{121a^2} - \sqrt{(-7a)^2} = -4a$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \sqrt{25a^2} + \sqrt{(-6a)^2} = -a$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad -\sqrt{(-4a)^2} \times \frac{\sqrt{25a^2}}{a^2} = -20a$$

$$\textcircled{\text{D}} \quad 9\sqrt{a^2} + \sqrt{(-6a)^2} - \sqrt{a^2} = 14a$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $\textcircled{\text{A}}$

▷ 정답: $\textcircled{\text{B}}$

▷ 정답: $\textcircled{\text{C}}$

해설

$$\textcircled{\text{A}} \quad -\sqrt{121a^2} - \sqrt{(-7a)^2} = -11a - 7a = -18a$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \sqrt{25a^2} + \sqrt{(-6a)^2} = 5a + 6a = 11a$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad -\sqrt{(-4a)^2} \times \frac{\sqrt{25a^2}}{a^2} = -4a \times \frac{5a}{a^2} = -20$$

3. $\sqrt{50-x}$ 가 자연수가 되도록 하는 자연수 x 중 세번째로 작은 값은?

- ① 1 ② 5 ③ 9 ④ 14 ⑤ 25

해설

50 보다 작은 제곱수 중 가장 큰 수부터 차례대로 구하면 49, 36, 25 이고, 이를 만족하는 자연수 x 중 세번째로 작은

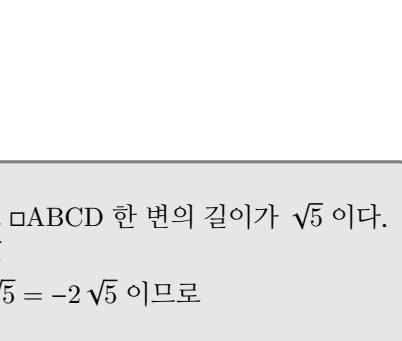
값은 $\sqrt{50-x} = 25$ 가 될 때이다.

$$\sqrt{50-x} = \sqrt{25}$$

$$50-x = 25$$

$$\therefore x = 25$$

4. 정사각형 ABCD 가 다음 그림과 같을 때, 수직선 위의 점 P, Q에 대응하는 좌표를 각각 p , q 라 할 때, $p - q$ 의 값이 $a\sqrt{b}$ 이다. $a + b$ 의 값을 구하시오. (단, 모든 한 칸은 한 변의 길이가 1인 정사각형이다.)



▶ 답:

▷ 정답: $a + b = 3$

해설

$\square ABCD$ 의 면적이 5 이므로 $\square ABCD$ 한 변의 길이가 $\sqrt{5}$ 이다.

$$p = -1 - \sqrt{5}, q = -1 + \sqrt{5}$$

$$\therefore p - q = -1 - \sqrt{5} + 1 - \sqrt{5} = -2\sqrt{5} \text{ 이므로}$$

$$a + b = 3 \text{ 이다.}$$

5. 다음 중 대소 비교를 올바르게 한 것은?

- ① $\sqrt{2} + 1 = 3$ ② $\sqrt{2} < 1.4$
③ $1 > \sqrt{1}$ ④ $\sqrt{15} < 14$
⑤ $\sqrt{5} + \sqrt{6} < 2 + \sqrt{6}$

해설

- ① $\sqrt{2} + 1 < 3$
② $\sqrt{2} > 1.4$
③ $1 = \sqrt{1}$
④ $\sqrt{15} > 14$
⑤ $\sqrt{5} + \sqrt{6} > 2 + \sqrt{6}$

6. 다음 수를 근호 안의 수가 가장 작은 자연수가 되도록 $a\sqrt{b}$ 의 꼴로 나타낸 것 중 옳은 것은?

$$\textcircled{1} \quad \sqrt{\frac{5}{9}} = \frac{5\sqrt{5}}{3} \quad \textcircled{2} \quad \sqrt{0.05} = \frac{\sqrt{5}}{20} \quad \textcircled{3} \quad \sqrt{0.24} = \frac{\sqrt{6}}{5}$$

해설

$$\textcircled{1} \quad \sqrt{\frac{5}{9}} = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$\textcircled{2} \quad \sqrt{0.05} = \frac{\sqrt{5}}{10}$$

$$\textcircled{4} \quad \sqrt{\frac{4}{81}} = \frac{2}{9}$$

$$\textcircled{5} \quad \sqrt{\frac{12}{16}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

7. $\frac{2\sqrt{2}}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{6} + \frac{\sqrt{3}}{3} = a\sqrt{2} + b\sqrt{3}$ 일 때, 유리수 a, b 에 대하여 $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a+b = \frac{1}{3}$

해설

$$\begin{aligned} & \frac{2\sqrt{2}}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{6} + \frac{\sqrt{3}}{3} \\ &= \frac{4\sqrt{2}}{6} - \frac{\sqrt{2}}{6} - \frac{3\sqrt{3}}{6} + \frac{2\sqrt{3}}{6} \\ &= \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{3}}{6} \end{aligned}$$

따라서 $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{6}$ 이므로 $a+b = \frac{1}{2} - \frac{1}{6} = \frac{1}{3}$ 이다.

8. $\sqrt{5} \left(\frac{4\sqrt{5}}{\sqrt{10}} + \frac{5}{\sqrt{9}} \right) + \frac{3+4\sqrt{2}}{\sqrt{5}} = a\sqrt{5} + b\sqrt{10}$ 일 때, $b-a$ 의 값은?
(단, a, b 는 유리수)

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{2}{5}$ ③ $\frac{7}{15}$ ④ $\frac{8}{15}$ ⑤ $\frac{3}{5}$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{5} \left(\frac{4\sqrt{5}}{\sqrt{10}} + \frac{5}{\sqrt{9}} \right) + \frac{3+4\sqrt{2}}{\sqrt{5}} \\= 2\sqrt{10} + \frac{5\sqrt{5}}{3} + \frac{3\sqrt{5}+4\sqrt{10}}{5} \\= 2\sqrt{10} + \frac{4\sqrt{10}}{5} + \left(\frac{5}{3} + \frac{3}{5} \right) \sqrt{5} \\= \frac{14\sqrt{10}}{5} + \frac{34}{15}\sqrt{5} \\a = \frac{34}{15}, b = \frac{14}{5} \\∴ b - a = \frac{8}{15}\end{aligned}$$

9. $A = 5\sqrt{2} - 2$, $B = 3\sqrt{2} + 1$, $C = 4\sqrt{3} - 2$ 일 때, 다음 중 대소 관계가 옳은 것은?

- ① $A > B > C$ ② $A > C > B$ ③ $B > A > C$
④ $B > C > A$ ⑤ $C > A > B$

해설

$$A - B = 2\sqrt{2} - 3 < 0 \text{ 이므로 } A < B$$
$$A - C = 5\sqrt{2} - 4\sqrt{3} > 0 \text{ 이므로 } A > C$$
$$\therefore B > A > C$$

10. \sqrt{a} 의 정수 부분이 3 일 때, 자연수 a 의 값은 모두 몇 개인가?

- ① 5 개 ② 6 개 ③ 7 개 ④ 8 개 ⑤ 9 개

해설

$$\sqrt{a} = 3. \times \times$$

$$3 \leq \sqrt{a} < 4 \rightarrow 9 \leq a < 16$$

$$\therefore 16 - 9 = 7 (\text{개})$$

11. $[a, b] = (a + b)^2$ 일 때, $[2x, -3y] - 2 \times [-x, 2y]$ 를 간단히 하면?

- ① $2x^2 - 4xy - 2y^2$ ② $2x^2 - 4xy + 2y^2$
③ $2x^2 - 4xy + y^2$ ④ $2x^2 + 4xy + y^2$
⑤ $2x^2 + 4xy + 4y^2$

해설

$$\begin{aligned}(2x - 3y)^2 - 2 \times (-x + 2y)^2 \\= 4x^2 - 12xy + 9y^2 - 2(x^2 - 4xy + 4y^2) \\= 2x^2 - 4xy + y^2\end{aligned}$$

12. $\left(x - \frac{A}{4}\right)^2$ 을 전개한 식이 $x^2 + Bx + \frac{1}{16}$ 일 때, $A^2 + 4B^2$ 의 값을 구하여라. (단, A, B 는 상수)

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$x^2 + 2 \times x \times \left(-\frac{A}{4}\right) + \left(-\frac{A}{4}\right)^2 = x^2 - \frac{1}{2}Ax + \frac{A^2}{16}$$

$$A^2 = 1, B^2 = \frac{1}{4}A^2$$

$$\therefore A^2 + 4B^2 = 1^2 + 4 \times \frac{1}{4} = 2$$

13. $(3x - 2y + 1)^2$ 을 전개한 식에서 xy 의 계수를 A , y 의 계수를 B 라 할 때, $A - B$ 의 값은?

- ① 8 ② 4 ③ 0 ④ -4 ⑤ -8

해설

$$\begin{aligned}3x - 2y &= A \text{ 라 하면} \\(3x - 2y + 1)^2 &= (A + 1)^2 \\&= A^2 + 2A + 1 = (3x - 2y)^2 + 2(3x - 2y) + 1 \\&= 9x^2 - 12xy + 4y^2 + 6x - 4y + 1 \\&\therefore A = -12, B = -4 \\&\therefore A - B = -8\end{aligned}$$

14. 곱셈 공식을 이용하여 다음 수의 값을 계산할 때, 나머지 넷과 다른 공식이 적용되는 것은?

- ① 5.8×6.2 ② 16×24 ③ 51×49
④ 98×102 ⑤ 27×30

해설

①, ②, ③, ④ $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$
⑤ $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$

15. $9x^2 - (m-5)xy + 64y^2$ 이 완전제곱식이 되는 m 의 값들의 합을 구하
면?

- ① -53 ② -43 ③ 10 ④ 43 ⑤ 53

해설

$$9x^2 - (m-5)xy + 64y^2 = (3x \pm 8y)^2$$

$$= 9x^2 \pm 48xy + 64y^2$$

$$(m-5) = 48 \text{ 일 때}, m = 53$$

$$(m-5) = -48 \text{ 일 때}, m = -43$$

$$\therefore 53 - 43 = 10$$

16. $(x-y)^2 - 12x + 12y + 36 = (x+ay+b)^2$ 일 때, 상수 a, b 의 곱 ab 의 값은?

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 11 ⑤ 16

해설

$$x-y = A \text{로 치환하면}$$
$$A^2 - 12A + 36 = (A-6)^2 = (x-y-6)^2$$

$$\therefore a = -1, b = -6$$

$$\therefore ab = 6$$

17. 다음 중 $x^8 - 1$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $x - 1$ ② $x^2 - 1$ ③ $x^4 - 1$
④ $x^6 - 1$ ⑤ $x^8 - 1$

해설

$$\begin{aligned}x^8 - 1 &= (x^4 - 1)(x^4 + 1) \\&= (x^2 - 1)(x^2 + 1)(x^4 + 1) \\&= (x - 1)(x + 1)(x^2 + 1)(x^4 + 1)\end{aligned}$$

18. 이차방정식 $x^2 - ax - 7 + a = 0$ 의 한 근이 -2 일 때, 다른 한 근을 구하면?

- ① -3 ② -1 ③ 1 ④ 3 ⑤ 5

해설

주어진 식에 x 대신 -2 를 대입하면

$$(-2)^2 + 2a - 7 + a = 0$$

$$3a - 3 = 0 \quad \therefore a = 1$$

$$x^2 - x - 6 = 0$$

$$(x - 3)(x + 2) = 0$$

$$\therefore x = 3 \text{ 또는 } x = -2$$

19. 이차방정식 $3x^2 - 4x - 4 = 0$ 의 두 근을 a, b 라 할 때, $a + b - ab$ 의 값을 구하면?

① 0 ② 1 ③ $-\frac{8}{3}$ ④ -1 ⑤ $\frac{8}{3}$

해설

$$3x^2 - 4x - 4 = 0$$

$$(3x + 2)(x - 2) = 0$$

$$x = -\frac{2}{3} \text{ 또는 } x = 2$$

$$a + b - ab = -\frac{2}{3} + 2 - \left(-\frac{2}{3} \times 2\right) = \frac{8}{3}$$

20. 이차방정식 $x^2 + 4ax + 6a + 4 = 0$ 의 중근을 가질 때, 양수 a 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$$x^2 + 4ax + 6a + 4 = 0$$

$$x^2 + 4ax = -6a - 4$$

$$(x + 2a)^2 = -6a - 4 + 4a^2$$

따라서 $-a - 4 + a^2 = 0$ 이므로

$$(4a + 2)(a - 2) = 0$$

$$a = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } a = 2 \text{이다.}$$

21. 다음의 이차방정식을 $(x + p)^2 = q$ 의 꼴로 나타내는 과정이다.
(가)~(마)에 들어갈 수가 아닌 것은?

$$\begin{aligned}16x^2 - 24x - 23 &= 0 \\16(x^2 - (\frac{3}{2})x + (\frac{9}{4})) &= 23 + (\frac{9}{4}) \\16\left(x - \frac{3}{4}\right)^2 &= (\frac{121}{4})\end{aligned}$$

- ① (가) : $\frac{3}{2}$ ② (나) : $\left(\frac{3}{4}\right)^2$ ③ (다) : 16
④ (라) : 2 ⑤ (마) : 32

해설

$$\begin{aligned}16\left(x^2 - \frac{3}{2}x + \left(\frac{3}{4}\right)^2\right) &= 23 + 9 \\16\left(x - \frac{3}{4}\right)^2 &= 32\end{aligned}$$

이므로 (다)는 9이다.

22. 이차방정식 $x^2 - 4x - 3 = 0$ 의 두 근 사이에 있는 정수의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$$x^2 - 4x - 3 = 0, \quad x = 2 \pm \sqrt{7}$$

$2 < \sqrt{7} < 3$ 이므로

$$2 - \sqrt{7} = 0. \times \times \times, \quad 2 + \sqrt{7} = 5. \times \times \times$$

따라서 $2 - \sqrt{7}$ 과 $2 + \sqrt{7}$ 사이에 있는 정수는 0, 1, 2, 3, 4
이므로 $0 + 1 + 2 + 3 + 4 = 10$ 이다.

23. 이차방정식 $\frac{(x-2)(x+1)}{2} = \frac{x(x+1)}{3}$ 의 두 근 중 작은 근을 α 라고 할 때, α^2 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

양변에 6을 곱하여 정리하면

$$3(x-2)(x+1) = 2x(x+1)$$

$$3(x^2 - x - 2) = 2x^2 + 2x$$

$$x^2 - 5x - 6 = 0$$

$$(x-6)(x+1) = 0$$

$$\therefore x = 6 \text{ 또는 } x = -1$$

$$\alpha = -1 \therefore \text{므로 } \alpha^2 = 1$$

24. $(x^2 - 4x)^2 - (x^2 - 4x) - 20 = 0$ 의 해를 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = -1$

▷ 정답: $x = 2$

▷ 정답: $x = 5$

해설

$$x^2 - 4x = A \text{ 로 놓으면}$$

$$A^2 - A - 20 = 0, \quad (A - 5)(A + 4) = 0$$

$$A = 5 \text{ 또는 } A = -4$$

$$(i) \quad x^2 - 4x = 5, \quad x^2 - 4x - 5 = 0$$

$$(x - 5)(x + 1) = 0$$

$$\therefore x = 5 \text{ 또는 } x = -1$$

$$(ii) \quad x^2 - 4x = -4, \quad x^2 - 4x + 4 = 0 \quad (x - 2)^2 = 0$$

$$\therefore x = 2$$

25. 이차방정식 $9x^2 - 6ax + 5a - 4 = 0$ 의 중근을 갖도록 하는 상수 a 의 값 중 큰 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$9x^2 - 6ax + 5a - 4 = 0 \text{에서}$$

$$(6a)^2 - 4 \times 9(5a - 4) = 0$$

$$a^2 - 5a + 4 = 0$$

$$a = 1, 4$$

$\therefore a$ 의 값 중 큰 것은 4이다.

26. 다음 중 $3x^2 - 4x = 2x + m$ 이 근을 갖지 않기 위한 m 의 값은?

- ① 4 ② 2 ③ 0 ④ -2 ⑤ -4

해설

$$3x^2 - 4x = 2x + m$$

$$3x^2 - 6x - m = 0$$

$$\frac{D}{4} = 9 + 3m < 0$$

$$\therefore m < -3$$

이를 만족하는 보기의 값은 -4 이다.

27. 연속하는 세 자연수에서 가장 큰 수의 제곱은 작은 두 수의 곱의 2 배보다 20 이 작다고 한다. 세수의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 21

해설

연속하는 세 양의 정수를 $x - 1, x, x + 1$ 라 하면

$$(x + 1)^2 + 20 = 2x(x - 1) \rightarrow x^2 - 4x - 21 = 0$$

$$\rightarrow (x - 7)(x + 3) = 0 \rightarrow x = 7 (x > 0)$$

따라서 연속하는

세 자연수는 6, 7, 8 이고 그 합은 $6 + 7 + 8 = 21$ 이다.

28. 지면으로부터 초속 50m로 쏘아올린 물체의 t 초 후의 높이를 h m라 하면, $h = 50t - 5t^2$ 인 관계가 성립한다. 이 물체가 지면에 떨어지는 데 몇 초 걸리는지 구하여라.

▶ 답:

초

▷ 정답: 10초

해설

$$\text{지면에 떨어질 때는 } h = 0$$

$$50t - 5t^2 = 0$$

$$t^2 - 10t = 0$$

$$t = 10 (\because t > 0)$$

29. $a\sqrt{(-a)^2}$ 의 양의 제곱근을 m , $-\sqrt{0.0144}$ 를 n 이라고 할 때, $m \times 100n$ 의 값은? (단, $a > 0$)

- ① $-12a$ ② $12a$ ③ $12a^2$
④ $-12a^2$ ⑤ $-120a^2$

해설

$$a\sqrt{(-a)^2} = a \times \sqrt{a^2} = a \times a = a^2 \text{ 이므로, } a\sqrt{(-a)^2} \text{의 양의 제곱근은 } a \text{ 이다. } \therefore m = a$$
$$-\sqrt{0.0144} = -\sqrt{(0.12)^2} = -0.12 = n$$
$$\therefore m \times 100n = a \times 100 \times (-0.12) = -12a$$

30. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 순환하는 무한소수는 반드시 유리수이다.
- ② 서로 다른 두 무리수 사이에는 적어도 하나 이상의 자연수가 존재한다.
- ③ 반지름의 길이가 0 이 아닌 실수인 원의 넓이는 반드시 무리수이다.
- ④ 완전제곱수의 제곱근은 항상 유리수이다.
- ⑤ 서로 다른 두 무리수의 곱은 항상 무리수이다.

해설

- ② $\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{3}$ 사이에는 자연수가 존재하지 않는다.
- ⑤ $\sqrt{2}$ 와 $-\sqrt{2}$ 의 곱은 유리수이다.

따라서 옳지 않은 것은 ②, ⑤이다.

31. 다음 중 $x^2y^2 - x^2y - xy^2 + xy$ 의 인수는?

- ① $x - 1$ ② $x + 1$ ③ $y + 1$ ④ $x + y$ ⑤ $x - y$

해설

$$\begin{aligned}x^2y^2 - x^2y - xy^2 + xy &= xy(xy - x - y + 1) \\&= xy\{x(y - 1) - (y - 1)\} \\&= xy(x - 1)(y - 1)\end{aligned}$$

32. $x^3 + y^3 = 3(x^2 - xy + y^2)$, $x^2 + y^2 = 6$ 일 때, $x^4 - y^4$ 의 값을 구하여라.
(단, $x > y$)

▶ 답:

▷ 정답: $18\sqrt{3}$

해설

$$x^4 - y^4 = (x^2 + y^2)(x + y)(x - y)$$

$$x^3 + y^3 = (x + y)(x^2 - xy + y^2) = 3(x^2 - xy + y^2) \text{ 이므로}$$

$$\therefore x + y = 3$$

$$x^2 + y^2 = 6 \text{ 이면 } x + y = 3 \text{ 에서}$$

$$x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy$$

$$6 = 3^2 - 2xy$$

$$\therefore xy = \frac{3}{2}$$

$$x^2 + y^2 = 6 \text{ 이면 } xy = \frac{3}{2} \text{ 에서}$$

$$x^2 + y^2 = (x - y)^2 + 2xy$$

$$6 = (x - y)^2 + 3$$

$$\therefore x - y = \sqrt{3} (\because x > y)$$

$$\therefore x^4 - y^4 = (x^2 + y^2)(x + y)(x - y)$$

$$= 6 \times 3 \times \sqrt{3} = 18\sqrt{3}$$

33. 배가 강을 따라 내려올 때는 거슬러 오를 때보다 시속 2km 더 빠르다.
강의 상류에서 하류까지 12km를 왕복하는 데 5시간 걸린다면, 12km
를 올라가는 데 걸리는 시간은 몇 시간인지 구하여라.

▶ 답: 시간

▷ 정답: 3 시간

해설

배가 강을 따라 오를 때의 속력을 $x\text{km/h}$ 라고 하면

$$\frac{12}{x} + \frac{12}{x+2} = 5$$

$$12(x+2) + 12x = 5x(x+2)$$

$$5x^2 - 14x - 24 = 0$$

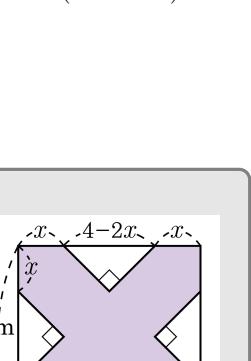
$$(x-4)(5x+6) = 0$$

x 는 올라가는 속력이므로 양수이다.

따라서 $x = 4$ 이다.

$$\therefore \frac{12}{4} = 3(\text{시간})$$

34. 한 변의 길이가 4m인 정사각형 모양의 어느 벽면에 다음 그림과 같이 4개의 똑같은 직각이등변삼각형을 제외한 나머지 부분에 칠을 하려고 한다. 칠한 부분의 넓이가 전체 넓이의 $\frac{3}{4}$ 이라 할 때, x 의 값은?



- ① 1m ② $\frac{1}{2}$ m ③ $(-2 + \sqrt{7})$ m
 ④ $\frac{3}{4}$ m ⑤ $\frac{5}{8}$ m

해설

빗변의 길이가 $4 - 2x$ 인 직각이등변삼각형 4개를 붙이면 한 변의 길이가 $4 - 2x$ 인 정사각형이 된다. 색칠된 부분의 넓이가 전체 넓이의 $\frac{3}{4}$ 이므로 다음 그림의 정사각형의 넓이는 전체의 $\frac{1}{4}$ 이다.

$$(4 - 2x)^2 = \frac{1}{4} \times 16$$

$$16 - 16x + 4x^2 = 4$$

$$x^2 - 4x + 3 = (x - 3)(x - 1) = 0$$

$$\therefore x = 1 \text{ 또는 } x = 3$$

$$x < 2 \text{ 이므로 } x = 1 \text{ (m)}$$



35. 다음 그림과 같이 가로, 세로의 길이가 각각 16cm, 8cm인 직사각형 ABCD에서 점 P는 \overline{AB} 위를 점 A에서 B까지 매초 1cm의 속력으로 움직이고, 점 Q는 \overline{BC} 위를 점 B에서 점 C까지 매초 2cm의 속력으로 움직인다. 두 점 P, Q가 각각 점 A, B를 동시에 출발할 때 몇 초 후에 $\triangle PBQ$ 의 넓이가 15cm^2 가 되는지 모두 구하여라.



▶ 답: 초

▶ 답: 초

▷ 정답: 3초

▷ 정답: 5초

해설

x 초 후, \overline{BP} , \overline{BQ} 의 길이를 구하면

$$\overline{BP} = 8 - x, \overline{BQ} = 2x$$

$$\triangle PBQ = 2x(8 - x) \times \frac{1}{2} = 15$$

$$x^2 - 8x + 15 = 0$$

$$\therefore (x - 3)(x - 5) = 0$$

따라서 $x = 3$ 또는 $x = 5$ 이다.