$$4 \sqrt{\frac{1}{16}}$$
  $\sqrt{0.43}$ 

① 
$$\sqrt{0.49} = \sqrt{0.7^2} = 0.7$$
  
②  $\sqrt{121} = \sqrt{11^2} = 11$   
③  $\sqrt{1} = \sqrt{1^2} = 1$   
④  $\sqrt{\frac{1}{16}} = \sqrt{\left(\frac{1}{4}\right)^2} = \frac{1}{4}$   
⑤  $0.4$  는 제곱수가 아니므로  $\sqrt{0.4}$  는 반드시 근호를 사용하여 나타낸다.

**2.** a > 0 일 때, 다음 계산에서 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 골라라.

- ▶ 답:
- ▶ 답:
- ▶ 답:
- > 정답: ⋽
- ▷ 정답: □
- ▷ 정답 : □

해설

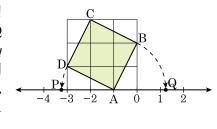
$$\bigcirc -\sqrt{(-4a)^2} \times \frac{\sqrt{25a^2}}{a^2} = -4a \times \frac{5a}{a^2} = -20$$

- 3.  $\sqrt{50-x}$  가 자연수가 되도록 하는 자연수 x 중 세번째로 작은 값은?
  - ① 1 ② 5 ③ 9 ④ 14 ⑤ 25

해설 50 보다 작은 제곱수 중 가장 큰 수부터 차례대로 구하면 49, 36, 25 이고, 이를 만족하는 자연수 
$$x$$
 중 세번째로 작은 값은  $\sqrt{50-x}=25$  가 될 때이다.  $\sqrt{50-x}=\sqrt{25}$ 

50 - x = 25 $\therefore x = 25$ 

4. 정사각형 ABCD 가 다음 그림 과 같을 때, 수직선 위의 점 P, Q 에 대응하는 좌표를 각각 p, q 라 할 때, p − q 의 값이 a √b 이다. a+b 의 값을 구하시오. (단, 모눈 한 칸은 한 변의 길이가 1



▶ 답:

$$ightharpoonup$$
 정답:  $a+b=3$ 

인 정사각형이다.)

 $\Box$ ABCD 의 면적이 5 이므로  $\Box$ ABCD 한 변의 길이가  $\sqrt{5}$  이다.  $p = -1 - \sqrt{5}$ ,  $q = -1 + \sqrt{5}$ 

$$p - q = -1 - \sqrt{5} + 1 - \sqrt{5} = -2\sqrt{5}$$
 이므로  $a + b = 3$ 이다.

- ①  $\sqrt{2} + 1 = 3$
- ③  $1 > \sqrt{1}$

다음 중 대소 비교를 올바르게 한 것은?

 $\sqrt{5} + \sqrt{6} < 2 + \sqrt{6}$ 

② 
$$\sqrt{2} < 1.4$$
④  $\sqrt{15} < 14$ 

**9 V**10 **V**11

- ①  $\sqrt{2} + 1 < 3$ ②  $\sqrt{2} > 1.4$
- ②  $\sqrt{2} > 1.4$ ③  $1 = \sqrt{1}$
- $5\sqrt{5} + \sqrt{6} > 2 + \sqrt{6}$

**6.** 다음 수를 근호 안의 수가 가장 작은 자연수가 되도록 
$$a\sqrt{b}$$
의 꼴로 나타낸 것 중 옳은 것은?

① 
$$\sqrt{\frac{5}{9}} = \frac{5\sqrt{5}}{3}$$
 ②  $\sqrt{0.05} = \frac{\sqrt{5}}{20}$  ③  $\sqrt{0.24} = \frac{\sqrt{6}}{5}$  ④  $\sqrt{\frac{4}{81}} = \frac{\sqrt{2}}{7}$  ⑤  $\sqrt{\frac{12}{16}} = \frac{\sqrt{3}}{4}$ 

① 
$$\sqrt{\frac{5}{9}} = \frac{\sqrt{5}}{3}$$
②  $\sqrt{0.05} = \frac{\sqrt{5}}{10}$ 
④  $\sqrt{\frac{4}{81}} = \frac{2}{9}$ 
③  $\sqrt{\frac{12}{16}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$ 

7. 
$$\frac{2\sqrt{2}}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{6} + \frac{\sqrt{3}}{3} = a\sqrt{2} + b\sqrt{3}$$
일 때, 유리수  $a, b$ 에 대하여  $a + b$ 의 값을 구하여라.

해설 
$$\frac{2\sqrt{2}}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{6} + \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$= \frac{4\sqrt{2}}{6} - \frac{\sqrt{2}}{6} - \frac{3\sqrt{3}}{6} + \frac{2\sqrt{3}}{6}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{3}}{6}$$
따라서  $a = \frac{1}{2}$ ,  $b = -\frac{1}{6}$  이므로  $a + b = \frac{1}{2} - \frac{1}{6} = \frac{1}{3}$  이다.

8. 
$$\sqrt{5}\left(\frac{4\sqrt{5}}{\sqrt{10}} + \frac{5}{\sqrt{9}}\right) + \frac{3+4\sqrt{2}}{\sqrt{5}} = a\sqrt{5} + b\sqrt{10}$$
 일 때,  $b-a$  의 값은? (단,  $a$ ,  $b$ 는 유리수)

① 
$$\frac{1}{3}$$
 ②  $\frac{2}{5}$  ③  $\frac{7}{15}$  ④  $\frac{8}{15}$  ⑤  $\frac{3}{5}$ 

지 전 
$$\sqrt{5}\left(\frac{4\sqrt{5}}{\sqrt{10}} + \frac{5}{\sqrt{9}}\right) + \frac{3+4\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$$

$$= 2\sqrt{10} + \frac{5\sqrt{5}}{3} + \frac{3\sqrt{5}+4\sqrt{10}}{5}$$

$$= 2\sqrt{10} + \frac{4\sqrt{10}}{5} + \left(\frac{5}{3} + \frac{3}{5}\right)\sqrt{5}$$

$$= \frac{14\sqrt{10}}{5} + \frac{34}{15}\sqrt{5}$$

$$a = \frac{34}{15}, b = \frac{14}{5}$$

$$= 2\sqrt{10} + \frac{1}{5} + \left(\frac{3}{3} + \frac{5}{5}\right)\sqrt{5}$$

$$= \frac{14\sqrt{10}}{5} + \frac{34}{15}\sqrt{5}$$

$$a = \frac{34}{15}, b = \frac{14}{5}$$

$$\therefore b - a = \frac{8}{15}$$

9.  $A = 5\sqrt{2} - 2$ ,  $B = 3\sqrt{2} + 1$ ,  $C = 4\sqrt{3} - 2$  일 때, 다음 중 대소 관계가 <u>옳은</u> 것은?

 $\bigcirc B > A > C$ 

(2) A > C > B

제설 
$$A - B = 2\sqrt{2} - 3 < 0$$
이므로  $A < B$ 
$$A - C = 5\sqrt{2} - 4\sqrt{3} > 0$$
이므로  $A > C$ 
$$\therefore B > A > C$$

(1) A > B > C

**10.** 
$$\sqrt{a}$$
 의 정수 부분이 3 일 때, 자연수  $a$  의 값은 모두 몇 개인가?

$$\sqrt{a} = 3. \times \times$$

$$3 \le \sqrt{a} < 4 \to 9 \le a < 16$$

$$\therefore 16 - 9 = 7 (7)$$

**11.** 
$$[a, b] = (a+b)^2$$
 일 때,  $[2x, -3y] - 2 \times [-x, 2y]$  를 간단히 하면?

① 
$$2x^2 - 4xy - 2y^2$$
 ②  $2x^2 - 4xy + 2y^2$ 

$$(2x - 3y)^{2} - 2 \times (-x + 2y)^{2}$$

$$= 4x^{2} - 12xy + 9y^{2} - 2(x^{2} - 4xy + 4y^{2})$$

$$= 2x^{2} - 4xy + y^{2}$$

**12.** 
$$\left(x - \frac{A}{4}\right)^2$$
 을 전개한 식이  $x^2 + Bx + \frac{1}{16}$  일 때,  $A^2 + 4B^2$  의 값을 구하여라. (단,  $A$ ,  $B$  는 상수)

$$x^{2} + 2 \times x \times \left(-\frac{A}{4}\right) + \left(-\frac{A}{4}\right)^{2} = x^{2} - \frac{1}{2}Ax + \frac{A^{2}}{16}$$

$$A^{2} = 1, \ B^{2} = \frac{1}{4}A^{2}$$

$$\therefore A^{2} + 4B^{2} = 1^{2} + 4 \times \frac{1}{4} = 2$$

**3.**  $(3x - 2y + 1)^2$ 을 전개한 식에서 xy의 계수를 A, y의 계수를 B 라 할 때, A - B의 값은?

$$3x - 2y = A$$
라하면  
 $(3x - 2y + 1)^2 = (A + 1)^2$   
 $= A^2 + 2A + 1 = (3x - 2y)^2 + 2(3x - 2y) + 1$   
 $= 9x^2 - 12xy + 4y^2 + 6x - 4y + 1$   
 $\therefore A = -12, B = -4$ 

A - B = -8

14. 곱셈 공식을 이용하여 다음 수의 값을 계산할 때, 나머지 넷과 <u>다른</u> 공식이 적용되는 것은?

 $51 \times 49$ 

(2) 16 × 24

 $27 \times 30$ 

①  $5.8 \times 6.2$ 

(4) 98 × 102

①, ②, ③, ④  $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$ ⑤  $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$  **15.**  $9x^2 - (m-5)xy + 64y^2$  이 완전제곱식이 되는 m 의 값들의 합을 구하면?

9
$$x^2 - (m-5)xy + 64y^2 = (3x \pm 8y)^2$$
  
=  $9x^2 \pm 48xy + 64y^2$   
( $m-5$ ) =  $48$  일 때,  $m=53$   
( $m-5$ ) =  $-48$  일 때,  $m=-43$   
 $\therefore 53-43=10$ 

**16.**  $(x-y)^2 - 12x + 12y + 36 = (x+ay+b)^2$ 일 때, 상수 a, b의 곱 ab의 값은?

① 2 ② 4 ③ 6 ④ 11 ⑤ 16

$$x-y=A$$
로 치환하면
$$A^2-12A+36=(A-6)^2=(x-y-6)^2$$

$$\therefore a=-1, b=-6$$

$$\therefore ab=6$$

**17.** 다음 중 
$$x^8 - 1$$
 의 인수가 아닌 것은?

① 
$$x-1$$

② 
$$x^2 - 1$$
  
③  $x^8 - 1$ 

해설 
$$x^8 - 1 = (x^4 - 1)(x^4 + 1)$$

 $= (x^2 - 1)(x^2 + 1)(x^4 + 1)$ =  $(x - 1)(x + 1)(x^2 + 1)(x^4 + 1)$ 



(3)  $x^4 - 1$ 



**18.** 이차방정식  $x^2 - ax - 7 + a = 0$ 의 한 근이 -2일 때, 다른 한 근을 구하면?

① 
$$-3$$
 ②  $-1$  ③ 1 ④ 3 ⑤ 5

주어진 식에 
$$x$$
 대신  $-2$  를 대입하면  $(-2)^2 + 2a - 7 + a = 0$   $3a - 3 = 0$   $\therefore a = 1$   $x^2 - x - 6 = 0$ 

 $\therefore$  x = 3 또는 x = -2

(x-3)(x+2) = 0

**19.** 이차방정식 
$$3x^2 - 4x - 4 = 0$$
 의 두 근을  $a, b$  라 할 때,  $a + b - ab$  의 값을 구하면?

① 0 ② 1 ③ 
$$-\frac{8}{3}$$
 ④ -1 ⑤  $\frac{8}{3}$ 

$$3x^{2} - 4x - 4 = 0$$

$$(3x + 2)(x - 2) = 0$$

$$x = -\frac{2}{3} + \frac{1}{2} = 2$$

$$a + b - ab = -\frac{2}{3} + 2 - \left(-\frac{2}{3} \times 2\right) = \frac{8}{3}$$

**20.** 이차방정식  $x^2 + 4ax + 6a + 4 = 0$  이 <del>중근을</del> 가질 때, 양수 a의 값은?

$$x^2 + 4ax + 6a + 4 = 0$$
  
 $x^2 + 4ax = -6a - 4$   
 $(x + 2a)^2 = -6a - 4 + 4a^2$   
따라서  $-a - 4 + a^2 = 0$ 이므로  
 $(4a + 2)(a - 2) = 0$   
 $a = -\frac{1}{2}$  또는  $a = 2$ 이다.

**21.** 다음의 이차방정식을  $(x+p)^2=q$ 의 꼴로 나타내는 과정이다.  $(7)\sim(1)$ 에 들어갈 수가 <u>아닌</u> 것은?

$$16x^{2} - 24x - 23 = 0$$

$$16(x^{2} - (7)x + (나)) = 23 + (다)$$

$$16\left(x - \frac{3}{4}\right)^{({}^{2}+)} = ( \mathsf{P} )$$

① 
$$(?): \frac{3}{2}$$
 ②  $(!): \left(\frac{3}{4}\right)^2$  ③  $(!): 16$  ④  $(!): 2$  ⑤  $(!): 32$ 

해설 
$$16\left(x^2 - \frac{3}{2}x + \left(\frac{3}{4}\right)^2\right) = 23 + 9$$

$$16\left(x - \frac{3}{4}\right)^2 = 32 이므로 (다) 는 9 이다.$$

이차방정식  $x^2 - 4x - 3 = 0$ 의 두 근 사이에 있는 정수의 합을 구하여 라.

$$x^2 - 4x - 3 = 0$$
,  $x = 2 \pm \sqrt{7}$ 

$$2 < \sqrt{7} < 3$$
 이므로

 $2 - \sqrt{7} = 0. \times \times \times 2 + \sqrt{7} = 5. \times \times \times$ 

이므로 0+1+2+3+4=10이다.

따라서  $2 - \sqrt{7}$  과  $2 + \sqrt{7}$  사이에 있는 정수는 0, 1, 2, 3, 4

23. 이차방정식  $\frac{(x-2)(x+1)}{2} = \frac{x(x+1)}{3}$  의 두 근 중 작은 근을  $\alpha$ 라고 할 때,  $\alpha^2$ 의 값을 구하여라.

양변에 6을 곱하여 정리하면

$$3(x-2)(x+1) = 2x(x+1)$$
$$3(x^2 - x - 2) = 2x^2 + 2x$$

(x-6)(x+1) = 0  $\therefore x = 6 \ \Xi \stackrel{\smile}{\smile} x = -1$ 

$$\therefore x = 6$$
 또는  $x = -1$   
 $\alpha = -1$ 이므로  $\alpha^2 = 1$ 

 $x^2 - 5x - 6 = 0$ 

**24.**  $(x^2 - 4x)^2 - (x^2 - 4x) - 20 = 0$  의 해를 모두 구하여라.

- 답:
- ▶ 답:
- ▶ 답:
- > 정답: x = -1
- $\triangleright$  정답: x=2
- ➢ 정답: x = 5

해설  
$$x^2 - 4x = A$$
 로 놓으면

- $A^2 A 20 = 0$ , (A 5)(A + 4) = 0
- A = 5 또는 A = -4
- (i)  $x^2 4x = 5$ ,  $x^2 4x 5 = 0$ (x - 5) (x + 1) = 0
- $\therefore x = 5 \stackrel{\leftarrow}{\Sigma} x = -1$
- (ii)  $x^2 4x = -4$ ,  $x^2 4x + 4 = 0(x 2)^2 = 0$
- $\therefore x = 2$

**25.** 이차방정식  $9x^2 - 6ax + 5a - 4 = 0$  이 중근을 갖도록 하는 상수 a 의 값 중 큰 값을 구하여라.

$$9x^2 - 6ax + 5a - 4 = 0$$
 에서

 $(6a)^2 - 4 \times 9(5a - 4) = 0$  $a^2 - 5a + 4 = 0$ 

- **26.** 다음 중  $3x^2 4x = 2x + m$  이 근을 갖지 않기 위한 m 의 값은?

- $\bigcirc$  0



$$3x^2 - 4x = 2x + m$$

$$3x^2 - 6x - m = 0$$

$$\frac{D}{C} = 9 + 3m < 0$$

$$\frac{D}{4} = 9 + 3m < 0$$

$$\therefore m < -3$$

이를 만족하는 보기의 값은 -4이다.

**27.** 연속하는 세 자연수에서 가장 큰 수의 제곱은 작은 두 수의 곱의 2 배보다 20 이 작다고 한다. 세수의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 21

연속하는 세 양의 정수를 x-1, x, x+1 라 하면  $(x+1)^2+20=2x(x-1)\rightarrow x^2-4x-21=0$ 

따라서 연속하는 세 자연수는 6, 7, 8 이고 그 합은 6 + 7 + 8 = 21 이다.

 $\rightarrow$ (x-7)(x+3) = 0 $\rightarrow$ x = 7(x > 0)

28.

지면으로부터 초속 50m 로 쏘아올린 물체의 t 초 후의 높이를 h m라 하면,  $h = 50t - 5t^2$  인 관계가 성립한다. 이 물체가 지면에 떨어지는

데 몇 초 걸리는지 구하여라.

답:

▷ 정답: 10초

초

지면에 떨어질 때는 h=0

 $50t - 5t^2 = 0$  $t^2 - 10t = 0$ 

t = 10(:: t > 0)

**29.**  $a\sqrt{(-a)^2}$  의 양의 제곱근을 m,  $-\sqrt{0.0144}$  를 n이라고 할 때,  $m \times 100n$  의 값은? (단, a > 0)

$$\bigcirc$$
-12 $a$ 

$$312a^2$$

$$(4)$$
  $-12a^2$ 

$$\bigcirc$$
 -120 $a^2$ 

$$a\sqrt{(-a)^2}=a imes\sqrt{a^2}=a imes a=a^2$$
 이므로,  $a\sqrt{(-a)^2}$  의 양의 제곱구은  $a$  이다.  $m=a$ 

$$-\sqrt{0.0144} = -\sqrt{(0.12)^2} = -0.12 = n$$

$$-\sqrt{0.0144} = -\sqrt{(0.12)^2} = -0.12 = n$$
$$\therefore m \times 100n = a \times 100 \times (-0.12) = -12a$$

- **30.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면?
  - ① 순환하는 무한소수는 반드시 유리수이다.
  - ② 서로 다른 두 무리수 사이에는 적어도 하나 이상의 자연수가 존재한다.
  - ③ 반지름의 길이가 0 이 아닌 실수인 원의 넓이는 반드시 무리수이다.
  - ④ 완전제곱수의 제곱근은 항상 유리수이다.
  - ⑤ 서로 다른 두 무리수의 곱은 항상 무리수이다.

## 해설

- ②  $\sqrt{2}$  와  $\sqrt{3}$  사이에는 자연수가 존재하지 않는다.
- ⑤  $\sqrt{2}$  와  $-\sqrt{2}$  의 곱은 유리수이다. 따라서 옳지 않은 것은 ②, ⑤이다.

**31.** 다음 중 
$$x^2y^2 - x^2y - xy^2 + xy$$
 의 인수는?

① 
$$x-1$$
 ②  $x+1$  ③  $y+1$  ④  $x+y$  ⑤  $x-y$ 

해설 
$$x^2y^2 - x^2y - xy^2 + xy = xy(xy - x - y + 1)$$

해설  

$$x^{2}y^{2} - x^{2}y - xy^{2} + xy = xy(xy - x - y + 1)$$

$$= xy \{x(y - 1) - (y - 1)\}$$

= xy(x-1)(y-1)

**32.**  $x^3 + y^3 = 3(x^2 - xy + y^2)$ ,  $x^2 + y^2 = 6$  일 때,  $x^4 - y^4$  의 값을 구하여라. (단. x > y)

 $x^3 + y^3 = (x + y)(x^2 - xy + y^2) = 3(x^2 - xy + y^2)$ 

$$x + y = 3$$
  
 $x^2 + y^2 = 6$  과  $x + y = 3$  에서

 $x^4 - y^4 = (x^2 + y^2)(x + y)(x - y)$ 

$$x^{2} + y^{2} = (x + y)^{2} - 2xy$$
$$6 = 3^{2} - 2xy$$

$$\therefore xy = \frac{3}{2}$$

$$x^2 + y^2 = 6$$
 If  $xy = \frac{3}{2}$  of  $x^2 + y^2 = (x - y)^2 + 2xy$ 

$$6 = (x - y)^2 + 3$$
  
 
$$\therefore x - y = \sqrt{3} (\because x > y)$$

$$\therefore x^4 - y^4 = (x^2 + y^2)(x + y)(x - y)$$
$$= 6 \times 3 \times \sqrt{3} = 18\sqrt{3}$$

33. 배가 강을 따라 내려올 때는 거슬러 오를 때보다 시속 2km 더 빠르다. 강의 상류에서 하류까지 12km 를 왕복하는 데 5 시간 걸린다면, 12km 를 올라가는 데 걸리는 시간은 몇 시간인지 구하여라.

나 지간

배가 강을 따라 오를 때의 속력을 
$$x \text{km/h}$$
 라고 하면 
$$\frac{12}{x} + \frac{12}{x+2} = 5$$

$$x + x + 2$$

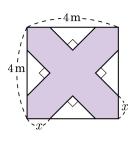
$$12(x+2) + 12x = 5x(x+2)$$

$$5x^{2} - 14x - 24 = 0$$

따라서 
$$x = 4$$
 이다.  
 
$$\therefore \frac{12}{4} = 3(시간)$$

34. 한 변의 길이가 4m 인 정사각형 모양의 어느 벽면에 다음 그림과 같이 4개의 똑같은 직각이등변삼각형을 제외한 나머지 부분에 칠을 하려고 한다. 칠한 부분의 넓이가 전체

넓이의  $\frac{3}{4}$  이라 할 때, x의 값은?



①1 m

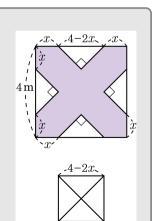
 $\frac{3}{4}$  m

③  $(-2 + \sqrt{7}) \,\mathrm{m}$ 

## 해설

빗변의 길이가 4-2x 인 직각이등변 삼각형 4개를 붙이면 한 변의 길이가 4-2x 인 정사각형이 된다. 색칠된 부 분의 넓이가 전체 넓이의  $\frac{3}{4}$  이므로 다 음 그림의 정사각형의 넓이는 전체의  $\frac{1}{4}$  이다.  $(4-2x)^2=\frac{1}{4}\times 16$  $16-16x+4x^2=4$  $x^2-4x+3=(x-3)(x-1)=0$  $\therefore x=1$  또는 x=3

x < 2 이므로 x = 1 (m)



**35.** 다음 그림과 같이 가로, 세로의 길이가 각각 16 cm, 8 cm 인 직사각형 ABCD 에서 점 A

P 는  $\overline{AB}$  위를 점 A 에서 B 까지 매초 1 cm 의 속력으로 움직이고, 점 Q 는  $\overline{BC}$  위를 점 B 에서 전 C 까지 매초 2 cm 의 소련으로

B 에서 점 C 까지 매초 2 cm 의 속력으로 Q 움직인다. 두 점 P , Q 가 각각 점 A , B 를 동시에 출발할 때 몇 초후에  $\Delta PBQ$  의 넓이가  $15 \text{ cm}^2$  가 되는지 모두 구하여라.

8cm

▶ 답: <u>초</u>

<u>초</u>

정답: 3초

정답: 5초

x 초 후,  $\overline{\mathrm{BP}}$  ,  $\overline{\mathrm{BQ}}$  의 길이를 구하면  $\overline{\mathrm{BP}} = 8 - x$  ,  $\overline{\mathrm{BQ}} = 2x$ 

$$\triangle PBQ = 2x(8-x) \times \frac{1}{2} = 15$$
  
 $x^2 - 8x + 15 = 0$ 

 $\therefore (x-3)(x-5) = 0$ 

따라서 x = 3 또는 x = 5 이다.