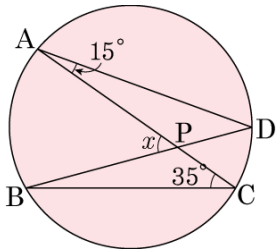


1. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}^\circ$

▷ 정답 : 50°

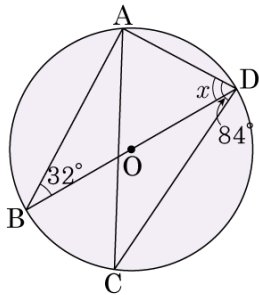
해설

$\widehat{CD}$ 의 원주각 $\angle CAD = \angle DBC = 15^\circ$

$\therefore \triangle BPC$ 에서 $\angle x = 15^\circ + 35^\circ = 50^\circ$

2. 다음 그림에서 $\overline{BD}$ 는 원 O 의 지름이고 $\angle ABD = 32^\circ$, $\angle ADC = 84^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하면?

- ① 50° ② 52° ③ 54°
④ 56° ⑤ 58°

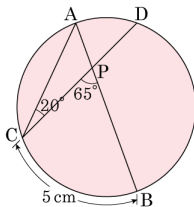


해설

$$\angle BAD = 90^\circ \text{ 이므로}$$

$$\angle ADB = 180^\circ - (90^\circ + 32^\circ) = 58^\circ$$

3. 다음 그림에서 $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5\text{ cm}$ 이고, $\angle ACD = 20^\circ$, $\angle BPC = 65^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AD}$ 의 길이는?



- ① 10cm ② 12cm ③ $\frac{14}{3}\text{cm}$
 ④ $\frac{16}{5}\text{cm}$ ⑤ $\frac{20}{9}\text{cm}$

해설

$\triangle ACP$ 에서 $\angle CAB = 45^\circ$ 이므로
 $\angle CAB : \angle ACD = 5.0\text{pt}\widehat{BC} : 5.0\text{pt}\widehat{AD}$
 $45^\circ : 20^\circ = 5 : 5.0\text{pt}\widehat{AD}$
 $\therefore 5.0\text{pt}\widehat{AD} = \frac{20}{9}\text{ cm}$

4. 아래 그림에서 $\triangle ABC$ 는 원 O 에 내접하고 $\angle BAC = 64^\circ$ 일 때, $\angle CBO$ 의 크기는?

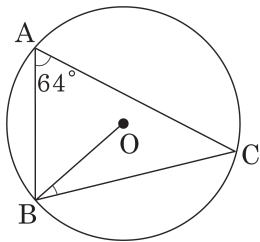
① 13°

② 26°

③ 32°

④ 52°

⑤ 56°



해설

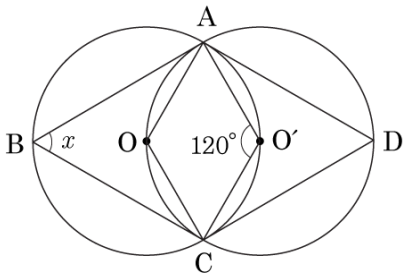
$\triangle OBC$ 는 이등변삼각형

중심각은 원주각의 2 배이므로,

$$\angle BOC = 2 \times 64^\circ = 128^\circ$$

$$\angle CBO = \frac{1}{2}(180^\circ - 128^\circ) = 26^\circ$$

5. 다음 그림과 같이 합동인 두 원 O , O' 이 원의 중심을 지날 때, $\angle x$ 의 크기는?



① 20°

② 45°

③ 60°

④ 100°

⑤ 120°

해설

$\angle ADC$ 는 $\widehat{AC}$ 의 원주각이므로

$$\angle ADC = 120^\circ \times \frac{1}{2} = 60^\circ$$

또한 두 원이 합동이기 때문에

$\angle x$ 도 $\widehat{AC}$ 의 원주각으로

$\angle ADC = \angle x = 60^\circ$ 이다.

6. 다음 그림에서 $\overline{AB}$ 는 원 O 의 지름이다.
 $\angle BCD = 40^\circ$ 일 때, $\angle ABD$ 의 크기를 구하면?

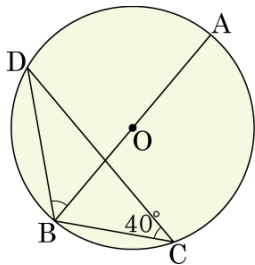
① 40°

② 45°

③ 50°

④ 55°

⑤ 60°



해설

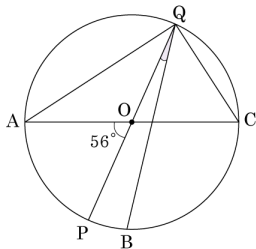
$\overline{AB}$ 가 지름이므로 $\overline{AC}$ 를 그으면

$$\angle ACB = 90^\circ$$

$$\therefore \angle ACD = 90^\circ - 40^\circ = 50^\circ$$

$$\angle ABD = \angle ACD = 50^\circ$$

7. 다음 그림에서 $\overline{AC}$, $\overline{PQ}$ 는 원 O 의 지름이고, $\overline{BQ}$ 는 $\angle AQC$ 의 이등분선이다. $\angle AOP = 56^\circ$ 일 때, $\angle PQB$ 의 크기는?



① 13°

② 14°

③ 15°

④ 16°

⑤ 17°

해설

$\triangle AOQ$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle AQO = \frac{1}{2} \times 56^\circ = 28^\circ$ 이다.

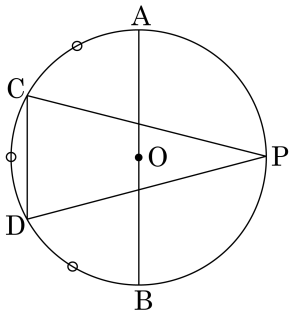
또한, 반원에 대한 원주각 $\angle AQC = 90^\circ$ 이고 $\overline{BQ}$ 의 이등분선이므로

$$\angle AQB = \angle AQO + \angle PQB$$

$$45^\circ = 28^\circ + \angle PQB$$

$$\therefore \angle PQB = 17^\circ$$

8. 다음 그림에서 $\overline{AB}$ 는 원 O 의 지름이고 $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 5.0\text{pt}\widehat{CD} = 5.0\text{pt}\widehat{DB}$, $\overline{PC} = \overline{PD}$ 일 때, $\angle PCD$ 의 크기는?



① 60°

② 65°

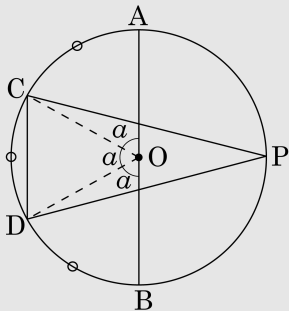
③ 70°

④ 75°

⑤ 80°

해설

두 반지름을 그으면 호의 길이가 같으면 중심각의 크기도 같으므로



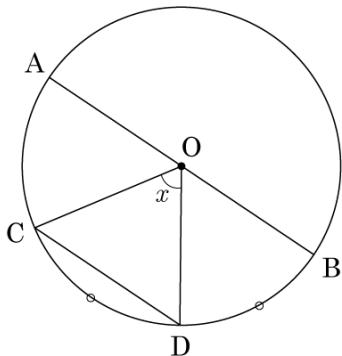
$\angle AOC = \angle COD = \angle DOB = a = 60^\circ$ 이다.

$$\therefore \angle CPD = 30 \quad (\because \angle CPD = \frac{1}{2} \angle COD)$$

또한, $\triangle PCD$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle PCD = (180^\circ - 30^\circ) \times \frac{1}{2} = 75^\circ \text{ 이다.}$$

9. 다음 그림과 같이 $\overline{AB}$ 를 지름으로 하고 $\overline{AB} = 14\text{cm}$ 인 원 O 에 대하여 $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$, $5.0\text{pt}\widehat{CD} = 5.0\text{pt}\widehat{BD}$ 일 때, $\overline{CD}$ 의 길이는?



① 5cm

② 6cm

③ 7cm

④ 8cm

⑤ 10cm

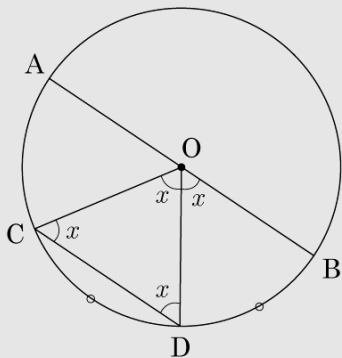
해설

$$5.0\text{pt}\widehat{CD} = 5.0\text{pt}\widehat{DB},$$

$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로

$$\angle COD = \angle DOB = x,$$

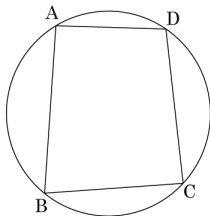
$$\angle CDO = \angle DOB = x \text{ (엇각)}$$



따라서 $\triangle COD$ 는 세각의 크기가 모두 같으므로 정삼각형이다.

$$\therefore \overline{CD} = 7\text{cm}$$

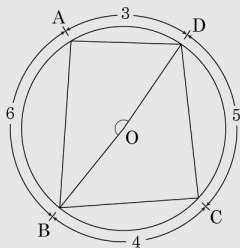
10. 다음 그림에서 $5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} : 5.0\text{pt}\widehat{CD} : 5.0\text{pt}\widehat{DA} = 6 : 4 : 5 : 3$ 일 때, $\angle BCD$ 의 크기는?



- ① 65° ② 70° ③ 85° ④ 90° ⑤ 96°

해설

두 반지름 $\overline{OC}, \overline{OD}$ 를 그으면

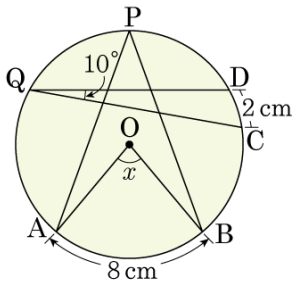


$5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} : 5.0\text{pt}\widehat{CD} : 5.0\text{pt}\widehat{DA} = 6 : 4 : 5 : 3$ 이므로

$$\angle BOD = 360^\circ \times \frac{9}{18} = 180^\circ$$

$$\therefore \angle C = \frac{1}{2}\angle BOD = \frac{1}{2} \times 180^\circ = 90^\circ$$

11. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



답 :

°



정답 : 80 °

해설

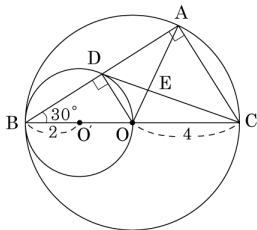
$$5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5.0\text{pt}\widehat{CD} = \angle APB : \angle CQD$$

$$4 : 1 = \angle APB : 10^\circ$$

$$\angle APB = 40^\circ$$

$$\therefore \angle x = 40^\circ \times 2 = 80^\circ$$

12. 다음 그림의 원 O의 지름은 8, 원 O'의 지름은 4, $\angle ABC = 30^\circ$ 이다. 이때, $\overline{DE}$ 의 길이는?



① $\frac{\sqrt{7}}{3}$

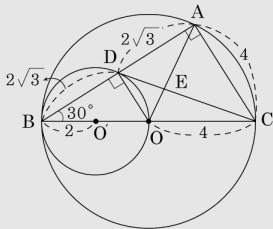
② $\frac{\sqrt{7}}{2}$

③ $\frac{2\sqrt{7}}{3}$

④ $\sqrt{7}$

⑤ $\frac{3\sqrt{7}}{2}$

해설

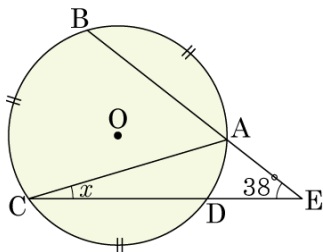


$\overline{AD} = \overline{BD} = 2\sqrt{3}$, $\overline{BO} = \overline{CO} = 4$ 이므로 점 E 는 $\triangle ABC$ 의 무게중심이다.

$\triangle ACD$ 에서 $\overline{CD} = 2\sqrt{7}$ 이다.

$$\therefore \overline{DE} = 2\sqrt{7} \times \frac{1}{3} = \frac{2\sqrt{7}}{3}$$

13. 다음 그림에서 원 위에 $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 인 점 A, B, C, D 를 잡고, 직선 AB 와 직선 CD 의 교점을 E 라 한다. $\angle E = 38^\circ$ 일 때, $\angle ACD$ 의 크기를 구하여라.

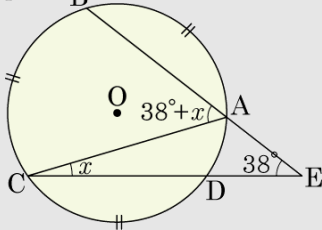


▶ 답: °

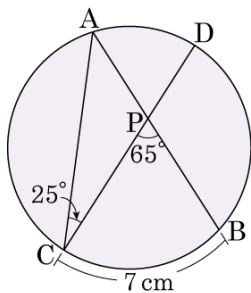
▷ 정답: 16.5 °

해설

$5.0\text{pt}\widehat{AB}$, $5.0\text{pt}\widehat{BC}$, $5.0\text{pt}\widehat{CD}$, $5.0\text{pt}\widehat{AD}$ 의 원주각의 합은
 $3(38^\circ + x) + x = 180^\circ$,
 $114^\circ + 3x + x = 180^\circ$
 $4x = 66^\circ$
 $\therefore x = 16.5^\circ$



14. 다음 그림에서 점 P 는 두 현 AB , CD 의 교점이고 $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 7\text{ cm}$, $\angle ACD = 25^\circ$, $\angle BPC = 65^\circ$ 일 때, 이 원의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 31.5 cm

해설

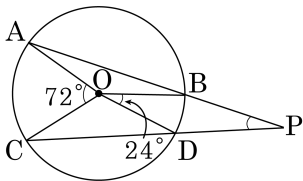
$\triangle ACP$ 에서 $\angle CAB = 65^\circ - 25^\circ = 40^\circ$

$5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 의 원주각이 40° 이므로 중심각은 80° 이다.

$80^\circ : 360^\circ = 7 : (\text{원주})$

$$\therefore (\text{원주}) = \frac{360^\circ \times 7}{80^\circ} = 31.5 \text{ (cm)}$$

15. 다음 그림에서 점 P는 원 O의 두 현 AB, CD의 연장선의 교점이다. $\angle AOC = 72^\circ$, $\angle BOD = 24^\circ$ 일 때, $\angle BPD$ 의 크기는?



① 20°

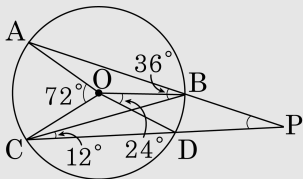
② 22°

③ 23°

④ 24°

⑤ 25°

해설



$$\angle ABC = \frac{1}{2} \times 72^\circ = 36^\circ, \angle BCD = \frac{1}{2} \times 24^\circ = 12^\circ$$

$$\angle ABC = \angle BCP + \angle BPC \text{ 이므로}$$

$$36^\circ = 12^\circ + \angle BPC$$

$$\therefore \angle BPC = 24^\circ$$