

1. 다음 두 다항식  $A$ ,  $B$ 에 대하여  $A - B$ 를 구하면?

$$A = 2y^2 + x^2 - 3xy, \quad B = -4x^2 - 2xy + 5y^2$$

①  $5x^2 - 2xy + 3y^2$

②  $5x^2 - xy - 3y^2$

③  $5x^2 + xy + 3y^2$

④  $5x^2 + 2xy - 3y^2$

⑤  $5x^2 + 3xy + 3y^2$

해설

동류항끼리 계산해 준다.

$$\begin{aligned} A - B &= (2y^2 + x^2 - 3xy) - (-4x^2 - 2xy + 5y^2) \\ &= 5x^2 - xy - 3y^2 \end{aligned}$$

2.  $(x-2) + 3yi = 0$ 를 만족하는 실수  $x, y$ 의 합을 구하여라.(단,  $i = \sqrt{-1}$ )

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$x - 2 = 0, 3y = 0$$

$$x = 2, y = 0 \rightarrow x + y = 2$$

3. 복소수에 대한 다음 설명 중 옳은 것을 모두 찾으면?

- ①  $2 + i$ 의 허수 부분은  $2i$ 이다.
- ②  $-5i$ 는 순허수이다.
- ③  $i^3$ 은 허수이다.
- ④  $1 + \sqrt{3}i$ 의 켤레복소수는  $1 - \sqrt{3}i$ 이다.
- ⑤  $1 - \frac{1}{i}$ 는 실수이다.

해설

①  $2 + i$  의 허수부분 :  $i$  (x)

②  $-5i$  는 순허수 (o)

③  $i^3 = -i$  허수(o)

④  $\overline{1 + \sqrt{3}i} = 1 - \sqrt{3}i$  (o)

⑤  $1 - \frac{1}{i} = 1 + i$  복소수 (x)

4. 이차방정식  $x^2 - 3x + 2 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라고 할 때,  $\frac{\beta}{\alpha} + \frac{\alpha}{\beta}$ 의 값은?

- ①  $-\frac{3}{2}$       ②  $-\frac{3}{2}$       ③  $-\frac{1}{6}$       ④  $\frac{2}{5}$       ⑤  $\frac{5}{2}$

해설

두 근이 각각  $\alpha$ 와  $\beta$ 이므로

$\alpha + \beta = 3, \alpha\beta = 2$ 이다.

$$\therefore \frac{\beta}{\alpha} + \frac{\alpha}{\beta} = \frac{\alpha^2 + \beta^2}{\alpha\beta} = \frac{(\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta}{\alpha\beta} = \frac{5}{2}$$

5. 다음 이차함수 중 최솟값이  $-2$  가 되는 것은?

①  $y = x^2 + 2x$

②  $y = 2x^2 - 2$

③  $y = -(x + 3)^2 + 2$

④  $y = -(x - 2)^2 + 3$

⑤  $y = x^2 + 2x + 1$

해설

① 최솟값  $-1$  ③ 최댓값  $2$

④ 최댓값  $3$  ⑤ 최솟값  $0$

6. 다음 함수의 최댓값 및 최솟값을 구하여라.

$$y = x^2 - 2x - 3 \quad (0 \leq x \leq 4)$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 최댓값 5

▷ 정답 : 최솟값 -4

### 해설

먼저, 주어진 식을  $y = a(x - m)^2 + n$ 의 꼴로 변형하여 그래프를 그린 다음 주어진 구간 안에서 가장 높은 점과 가장 낮은 점을 조사한다.

$$y = x^2 - 2x - 3 = (x - 1)^2 - 4$$

꼭짓점 :  $x = 1$  일 때  $y = -4$

양끝점 :  $\begin{cases} x = 0 \text{ 일 때 } y = -3 \\ x = 4 \text{ 일 때 } y = 5 \end{cases}$

$x = 4$ 에서 최댓값 5,  $x = 1$ 에서 최솟값 -4

7. 삼차방정식  $x^3 + 27 = 0$ 의 모든 근의 합은?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$$x^3 + 3^3 = 0, (x + 3)(x^2 - 3x + 9) = 0$$

$$\therefore x = -3, \frac{3 \pm 3\sqrt{3}i}{2}$$

$$\text{합} : -3 + \frac{3 + 3\sqrt{3}i}{2} + \frac{3 - 3\sqrt{3}i}{2} = 0$$

해설

$x^3 + 27 = 0$ 에서  $x^2$ 의 계수가 0이므로 근과 계수와의 관계에 의해 세 근의 합은 0

8. 다음 등식이  $k$ 의 값에 관계없이 항상 성립할 때,  $xy$ 의 값을 구하여라.

$$(2k+3)x + (3k-1)y + 5k - 9 = 0$$

▶ 답:

▷ 정답: -6

해설

$k$ 에 대하여 내림차순으로 정리하면

$$(2x + 3y + 5)k + (3x - y - 9) = 0$$

이것은  $k$ 에 대한 항등식이므로

$$2x + 3y + 5 = 0$$

$$3x - y - 9 = 0$$

연립방정식을 풀면  $x = 2$ ,  $y = -3$

$$\therefore xy = 2 \times (-3) = -6$$

9. 다항식  $6x^3 - 7x^2 + 17x - 3$ 을  $3x - 2$ 로 나눈 몫을  $Q(x)$ , 나머지를  $R$ 이라 할 때,  $Q(1) + R$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 13

해설

$$6x^3 - 7x^2 + 17x - 3 = (3x - 2)Q(x) + R$$

양변에  $x = 1$  을 대입하면,  $13 = Q(1) + R$

$$\therefore Q(1) + R = 13$$

해설

$6x^3 - 7x^2 + 17x - 3$  를  $3x - 2$ 로 직접 나누거나 조립제법을 이용하여 몫과 나머지를 구할 수 있다.

10.  $x$ 에 관한 삼차식  $x^3 + mx^2 + nx + 1$ 을  $x+1$ 로 나누면 나머지가 5이고,  $x-2$ 로 나누면 나누어떨어진다고 한다. 이 때,  $-3(m+n)$ 의 값은?

① 4

② 8

③ 12

④ 14

⑤ 18

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= x^3 + mx^2 + nx + 1 \\&= (x+1)Q(x) + 5\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}f(x) &= x^3 + mx^2 + nx + 1 \\&= (x-2)Q'(x)\end{aligned}$$

$$\therefore f(-1) = -1 + m - n + 1 = 5$$

$$f(2) = 8 + 4m + 2n + 1 = 0$$

$$\therefore m = \frac{1}{6}, n = -\frac{29}{6}$$

$$\therefore m+n = -\frac{14}{3}, -3(m+n) = 14$$

11.  $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해하였더니,  $(x + ay)(x - by + c)$ 가 되었다.  
이 때,  $a$ ,  $b$ ,  $c$ 를 순서대로 쓴 것은?

- ① -1, 0, 1
- ② -1, 1, 2
- ③ -2, -1, 1
- ④ -1, -1, -2
- ⑤ -1, 2

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x - y^2 + 2y &= (x + y)(x - y) - 2(x - y) \\&= (x - y)(x + y - 2)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -1, b = -1, c = -2$$

12.  $(1+i)x^2 + 2(1+2i)x - 3 + 3i$  가 순허수일 때,  $x$ 의 값은?

① 0

② 1

③ -3

④ 1, 3

⑤ -1

해설

$$(1+i)x^2 + 2(1+2i)x - 3 + 3i$$

$$= x^2 + x^2i + 2x + 4xi - 3 + 3i$$

$$= (x^2 + 2x - 3) + (x^2 + 4x + 3)i$$

순허수를 만족하려면 실수부 = 0, 허수부 ≠ 0이어야 한다.

$x^2 + 2x - 3 = 0$  이면서,  $x^2 + 4x + 3 \neq 0$ 인  $x$ 값을 찾아야 한다.

$$\therefore x = 1$$

13. 이차방정식  $2x^2 - 6x + 1 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha + \beta, \alpha\beta$ 를 두 근으로 하는 이차방정식은?

①  $2x^2 - 6x + 1 = 0$

②  $x^2 - 6x + 1 = 0$

③  $x^2 - 7x + 3 = 0$

④  $2x^2 + 6x - 1 = 0$

⑤  $2x^2 - 7x + 3 = 0$

### 해설

근과 계수의 관계에서

$$\alpha + \beta = \frac{6}{2} = 3, \alpha\beta = \frac{1}{2} \text{ 이므로}$$

3과  $\frac{1}{2}$ 을 이용한 근과 계수의 관계를 구해보면

$$3 + \frac{1}{2} = \frac{7}{2}, 3 \times \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$$

$$\therefore x^2 - \frac{7}{2}x + \frac{3}{2} = 0$$

$$\therefore 2x^2 - 7x + 3 = 0$$

14.  $\begin{cases} x - y = 1 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$ 에서  $xy$ 의 값을 구하면?

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$\begin{cases} x - y = 1 & \cdots \textcircled{⑦} \\ x^2 + y^2 = 5 & \cdots \textcircled{⑧} \end{cases}$$

⑦에서  $x = y + 1$ 을 ⑧에 대입하면,

$$(y + 1)^2 + y^2 = 5$$

$$y^2 + y - 2 = 0$$

$$(y + 2)(y - 1) = 0$$

$$\therefore y = -2 \text{ 또는 } y = 1$$

$y = -2$ 를 ⑦에 대입하면  $x = -1$

$y = 1$ 을 ⑧에 대입하면  $x = 2$

$$\therefore xy = 2$$

15. 두 다항식  $A = a + 2b$ ,  $B = 2a + 3b$  일 때,  $2A + B$ 를 구하는 과정에서 사용된 연산법칙 중 옳지 않은 것을 골라라.

$$\begin{aligned}2A + B &= 2(a + 2b) + (2a + 3b) \\&= (2a + 4b) + (2a + 3b) \quad \textcircled{\text{A}} \text{ 분배법칙} \\&= 2a + (4b + 2a) + 3b \quad \textcircled{\text{B}} \text{ 결합법칙} \\&= 2a + (2a + 4b) + 3b \quad \textcircled{\text{C}} \text{ 교환법칙} \\&= (2a + 2a) + (4b + 3b) \quad \textcircled{\text{D}} \text{ 교환법칙} \\&= (2 + 2)a + (4 + 3)b \quad \textcircled{\text{E}} \text{ 분배법칙} \\&= 4a + 7b\end{aligned}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : ④

해설

④  $2a + (2a + 4b) + 3b = (2a + 2a) + (4b + 3b)$ : 결합법칙

16.  $x$ 에 대한 방정식  $(a - 2)(x - a) = 0$ 의 풀이 과정에서 다음 중 옳은 것은?

- ①  $a = 0$  일 때,  $x = 2$
- ②  $\textcircled{2}$   $a \neq 2$  일 때,  $x = a$
- ③  $a = 2$  일 때, 불능
- ④  $a = 0$  일 때, 부정
- ⑤ 해는 없다.

해설

$$\begin{aligned}(a - 2)(x - a) &= 0 \\ \Rightarrow a = 2 \text{ 또는 } x &= a \\ \text{i ) } a = 2 \text{ 일 때 : 부정} \\ \text{ii ) } a \neq 2 \text{ 일 때 : } x &= a\end{aligned}$$

17. 이차방정식  $|x^2 - 5| = 4x$ 의 모든 근의 합은?

① 5

② 0

③ 6

④ 10

⑤ 12

해설

i)  $x^2 - 5 \geq 0 \Rightarrow x \leq -\sqrt{5}$  또는  $x \geq \sqrt{5}$  … ㉠

$$x^2 - 4x - 5 = 0$$

$$(x+1)(x-5) = 0$$

$$x = -1 \text{ 또는 } 5$$

$$\Rightarrow x = 5 (\because ㉠)$$

ii)  $x^2 - 5 < 0 \Rightarrow -\sqrt{5} < x < \sqrt{5}$  … ㉡

$$x^2 + 4x - 5 = 0$$

$$(x-1)(x+5) = 0$$

$$x = 1 \text{ 또는 } -5$$

$$\Rightarrow x = 1 (\because ㉡)$$

$$\therefore \text{근의 합} : 6$$

18.  $x$ 에 관한 이차방정식  $x^2 + 2(m+a-2)x + m^2 + a^2 - 3b = 0$ 의  $m$ 의 값에 관계없이 항상 중근을 가질 때, 상수  $a, b$ 에 대하여  $a+3b$ 의 값은?

① 2

② 4

③ 6

④ 8

⑤ 10

해설

중근을 가지려면 판별식이 0이다.

$$D' = (m+a-2)^2 - (m^2 + a^2 - 3b) = 0$$

$$\Rightarrow 2m(a-2) + 4 - 4a + 3b = 0$$

$m$ 에 관계없이 성립하려면,

$$a = 2 \quad \Rightarrow \quad b = \frac{4}{3}$$

$$a + 3b = 6$$

19. 삼차방정식  $x^3 + mx + n = 0$ 이 중근  $\alpha$ 와 또 다른 실근을 가질 때,  $n$  을  $\alpha$ 를 써서 나타내면?

①  $\alpha^2$

②  $\alpha^3$

③  $2\alpha^3$

④  $\alpha^4$

⑤  $2\alpha^4$

해설

$$\begin{aligned}x^3 + mx + n &= (x - \alpha)^2(x + \beta) \\&= (x^2 - 2\alpha x + \alpha^2)(x + \beta) \\&= x^3 + (\beta - 2\alpha)x^2 + (\alpha^2 - 2\alpha\beta)x + \alpha^2\beta \\&= \beta - 2\alpha = 0\end{aligned}$$

$$\therefore \beta = 2\alpha \Rightarrow n = 2\alpha^3$$

20. 두 다항식  $x^2 + px + q$  와  $x^2 + qx + p$  의 최대공약수가  $x - a$  일 때,  
다음 중 옳은 것은?

- ①  $p = q$
- ②  $p + q = 1$
- ③  $p = q + 1$
- ④  $pq = 1$
- ⑤  $p + q = -1$

### 해설

나머지 정리에 의해  $x = a$  를 대입하면  $a^2 + pa + q = 0$ ,  $a^2 + qa + p = 0$  이다.

두식을 빼면,  $(p - q)a - (p - q) = 0$ ,  $(p - q)(a - 1) = 0 \Leftrightarrow p = q$   
또는  $a = 1$

$p = q$  이면 최대공약수가  $x^2 + px + q$  가 되므로, 조건에 맞지  
않는다

$$\therefore a = 1 \text{에서 } p + q = -1$$