

1. 다음 그림에서 색칠한 부분이 나타내고 있는 곱셈공식은 무엇인가?



- ① $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ② $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- ③ $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$
- ④ $(a-b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3$
- ⑤ $(a+b)(a^2 - ab + b^2) = a^3 + b^3$

2. 다음 중 식의 전개가 바르지 않은 것을 고르면?

① $(1 - x)(1 + x + x^2) = 1 - x^3$

② $(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2) = x^4 + x^2y^2 + y^4$

③ $(x - 3)(x - 2)(x + 1)(x + 2) = x^4 - 8x^2 + 12$

④ $(a - b)(a + b)(a^2 + b^2)(a^4 + b^4) = a^8 - b^8$

⑤ $(a + b - c)(a - b + c) = a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$

3. 세 실수 a, b, c 가 다음 세 조건을 만족한다.

$$a + b + c = 1, ab + bc + ca = 1, abc = 1$$

이 때, $(a + b)(b + c)(c + a)$ 의 값은?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

4. $x+y+z = 4$, $xy+yz+zx = 1$, $xyz = 2$ 일 때, $(xy+yz)(yz+zx)(zx+xy)$ 의 값을 구하면?

- ① 16 ② 8 ③ 4 ④ 2 ⑤ 1

5. $(x+y)^n$ 을 전개할 때 항의 개수는 $n+1$ 개이다. 다항식 $\textcolor{red}{(2a-3b)^3}(2a+3b)^3\textcolor{red}{4}$ 을 전개할 때, 항의 개수를 구하면 ?

- ① 7개 ② 8개 ③ 12개 ④ 13개 ⑤ 64개

6. $(x - 1)(x + 2)(x - 3)(x + 4)$ 를 전개할 때, 각 항의 계수의 총합을 a , 상수항을 b 라 할 때, $a + b$ 의 값을 구하면?

- ① 8 ② 15 ③ 24 ④ 36 ⑤ 47

7. $(x - 1)(x - 3)(x - 5)(x - 7) + a$ 가 이차식의 완전제곱이 되도록 a 의 값을 정하면?

- ① 4 ② 8 ③ 12 ④ 15 ⑤ 16

8. $(4+3)(4^2+3^2)(4^4+3^4)(4^8+3^8)$ 을 간단히 하면?

- ① $4^8 + 3^8$ ② $4^{15} - 3^{15}$ ③ $4^{15} + 3^{15}$
④ $4^{16} - 3^{16}$ ⑤ $4^{16} + 3^{16}$

9. $P = (2 + 1)(2^2 + 1)(2^4 + 1)(2^8 + 1)(2^{16} + 1)$ 의 값을 구하면?

- ① $2^{32} - 1$ ② $2^{32} + 1$ ③ $2^{31} - 1$
④ $2^{31} + 1$ ⑤ $2^{17} - 1$

10. $(-2x^3 + x^2 + ax + b)^2$ 의 전개식에서 x^3 의 계수가 -8 일 때, $a - 2b$ 의 값은?

- ① -6 ② -4 ③ -2 ④ 0 ⑤ 2

11. 다음 다항식의 일차항의 계수는?

$$(1 + x + x^2)^2(1 + x) + (1 + x + x^2 + x^3)^3$$

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

12. $(10^5 + 2)^3$ 의 각 자리의 숫자의 합을 구하여라.

- ① 15 ② 18 ③ 21 ④ 26 ⑤ 28

13. 삼각형의 세 변의 길이 a , b , c 에 대하여 $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$ 이 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

- ① 직각삼각형
- ② 이등변삼각형
- ③ 정삼각형
- ④ 직각이등변삼각형
- ⑤ 둔각삼각형

14. 세 변의 길이가 a , b , c 인 $\triangle ABC$ 에 대하여 $a^2 - ab + b^2 = (a + b - c)c$ 인 관계가 성립할 때, $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인지 구하여라.

▶ 답: _____

15. $x^2 + x + 1 = 0$ 일 때, $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값은?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

16. $a + b + c = 0$, $a^2 + b^2 + c^2 = 1$ 일 때, $a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2$ 의 값은?

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 0 ④ 1 ⑤ 4

17. $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$ 이고 $abc = 1$ 일 때, $(a^3 + b^3 + c^3)^2$ 의
값을 계산하면?

- ① 1 ② 4 ③ 9 ④ 16 ⑤ 25

18. 다음 그림과 같이 대각선의 길이가 3이고 겉넓이가 16, 부피가 6인 직육면체가 있다. 이 직육면체의 가로, 세로, 높이를 각각 a , b , c 라 할 때, $a^3 + b^3 + c^3$ 의 값은?



- ① 12 ② 18 ③ 21 ④ 23 ⑤ 30

