1. 다음 x,y의 다항식 P,Q에 대해 P+Q를 계산하면, 항의 개수는 (⑤) 개이고, 계수의 총합은 (⑥) 이다. ⑤, ⑥에 알맞은 수를 차례로 써라.

 $P = 5x^{2}y + 2y^{2} + 2x^{3}$ $Q = x^{3} - 3y^{2} + 2xy^{2}$

 □
 □

 □
 □

 □
 □

 ▷ 정답: ① 4

 ▷ 정답: ② 9

동류항끼리 정리하면

해설

 $P+Q=3x^3+5x^2y+2xy^2-y^2$ 항의 개수는 4개이고 계수의 총합은 9이다.

- **2.** 등식 $a(x+1)^2 + b(x+1) + cx^2 = 3x 1$ 가 모든 x의 값에 대하여 항상 성립할 때 상수 a, b, c에 대하여 $\frac{a}{c} + b$ 의 값을 구하면?
 - ② -5 ③ -4 ④ -2 ⑤ -1

좌변을 전개해서 계수비교하면 $(a+c) x^2 + (2a+b) x + a + b = 3x - 1$

 $\therefore a + c = 0, \ 2a + b = 3, \ a + b = -1$ $\therefore a = 4, \ b = -5, \ c = -4$ $\therefore \frac{a}{c} + b = -6$

3. $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ 를 전개했을 때, x^2 과 x^3 의 계수를 모두 0이 되게 하는 상수 a, b에 대하여 a + b의 값은?

① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ $\frac{3}{2}$

해설

 $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ $= x^5 + bx^4 + (a+2)x^3 + (ab+2)x^2 + (2a+2b)x + 4$ $(x^2 의 계수) = (x^3 의 계수) = 0 이므로$ $ab+2 = 0, \ a+2 = 0$ 따라서 $a = -2, \ b = 1$ $\therefore a+b = -1$

4. 다음 중 다항식 $a^3 - a^2b + ab^2 + ac^2 - b^3 - bc^2$ 의 인수인 것은?

① a+c ② $a-b^2$ ③ $a^2-b^2+c^2$ ④ $a^2+b^2+c^2$ ⑤ $a^2+b^2-c^2$

 $\begin{vmatrix} a^3 - a^2b + ab^2 + ac^2 - b^3 - bc^2 \\ = a^3 - b^3 + (a - b)c^2 - ab(a - b) \end{vmatrix}$

 $= (a-b)(a^2+ab+b^2) + (a-b)c^2 - ab(a-b)$ $= (a-b)(a^2+ab+b^2+c^2-ab)$

 $= (a - b)(a^{2} + ab + b^{2} + c^{2})$ $= (a - b)(a^{2} + b^{2} + c^{2})$

5. 다음 세 다항식에서 최대공약수를 구하면?

$$2x^2 - 3x + 1$$
, $3x^2 - x - 2$, $x^2 + 3x - 4$

① x-1 ② 2x-1 ③ x-2

(4) x+3 (5) x+1

해설

 $2x^2 - 3x + 1 = (2x - 1)(x - 1)$

 $3x^2 - x - 2 = (3x + 2)(x - 1)$ $x^2 + 3x - 4 = (x+4)(x-1)$

따라서 최대 공약수는 x-1이다.

- **6.** 두 다항식 A, B 에 대하여 $A+B=-x^3-2x^2+4x+5$, $2A-B=4x^3-x^2-x+1$ 일 때, 두 다항식 A, B 를 구하면?
 - ① $A = x^3 + x^2 + x + 2$, $B = -2x^3 3x^2 + 3x + 3$ ② $A = x^3 - x^2 + x + 2$, $B = -2x^3 - x^2 + 3x + 3$
 - ③ $A = x^3 x^2 + x 2$, $B = -2x^3 x^2 + 3x + 7$

 - ⑤ $A = 3x^3 3x^2 + 3x + 6$, $B = -4x^3 + x^2 + x 1$

 $A + B = -x^3 - 2x^2 + 4x + 5 \cdots \bigcirc$

해설

 $2A - B = 4x^{3} - x^{2} - x + 1 \cdots \bigcirc$ $(\bigcirc + \bigcirc) \div 3 : A = x^{3} - x^{2} + x + 2$ $(2\bigcirc - \bigcirc) \div 3 : B = -2x^{3} - x^{2} + 3x + 3$

7. 다항식 $x^3 + ax^2 + bx + c$ 를 x + 2로 나누면 3이 남고, $x^2 - 1$ 로 나누면 떨어진다. 이 때, abc의 값을 구하면?

▶ 답:

➢ 정답: 9

해설

 $x^{3} + ax^{2} + bx + c = (x+2)Q_{1}(x) + 3$ $= (x+1)(x-1)Q_{2}(x)$ $f(-2) = 3 \quad f(1) = 0 \quad f(-1) = 0$

x = -2 대입, -8 + 4a - 2b + c = 3 x = -1 대입, -1 + a - b + c = 0x = 1 대임, 1 + a + b + c = 0

x = 1 대입, 1 + a + b + c = 0세 식을 연립해서 구하면

a = 3, b = -1, c = -3

 $\therefore abc = 9$

8. 세 다항식 $f(x) = x^2 + x - 2$, $g(x) = 2x^2 + 3x - 2$, $h(x) = x^2 + mx + 8$ 의 최대공약수가 x의 일차식일 때, m의 값을 구하여라.

답 :▷ 정답 : m = 6

해설

f(x) = (x+2)(x-1)g(x) = (x+2)(2x-1)이므로

f(x)와 g(x)의 최대공약수는 x+2이것이 h(x)의 약수이어야 하므로

h(-2) = 4 - 2m + 8 = 0

 $\therefore m = 6$

- 9. 2¹⁶ 1은 1과 10사이의 어떤 두 수로 나누어떨어진다. 이 때, 이 두 수의 합은?
 - ① 4 ② 6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12

해설

 $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b) 임을 이용하여 2^{16} - 1을 인수분해하면 2^{16} - 1 = (2^8)^2 - 1^2$ $= (2^8 + 1)(2^8 - 1)$ $= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^4 - 1)$ $= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^2 + 1)(2^2 - 1)$ $= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^2 + 1)(2 + 1)(2 - 1)$ $= 257 \cdot 17 \cdot 5 \cdot 3$ 따라서 2¹⁶ − 1을 나누었을 때 나누어 떨어지는 1과 10사이의 수 즉, 인수는 3과 5이고 이 두 수의 합은 8이다.

- **10.** 정식 f(x)를 $x^2 3x + 2$ 로 나눌 때 3이 남고, $x^2 4x + 3$ 으로 나눌 때 3x가 남는다. f(x)를 $x^2 - 5x + 6$ 으로 나눌 때, 나머지를 구하면?
 - ① 6x 14 6x - 5
- ② 6x 2
- ③ 6x 3
- $\bigcirc 6x 9$

 $f(x) = (x^2 - 3x + 2)Q_1(x) + 3$

 $= (x-1)(x-2)Q_1(x) + 3 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \bigcirc$ $f(x) = (x^2 - 4x + 3)Q_2(x) + 3x$ $= (x-1)(x-3)Q_2(x) + 3x \cdot \cdots \bigcirc$ $f(x) = (x^2 - 5x + 6)Q(x) + ax + b$ $= (x-2)(x-3)Q(x) + ax + b \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \bigcirc$ \bigcirc , ©에서 f(2) = 3 = 2a + b ······ ② ⑤, ⑤에서 f(3) = 9 = 3a + b ·····⑥

∴②, ②에서 a=6, b=-9

∴나머지는 6*x* − 9