1. 이차방정식 $x^2 - (p+4)x + q - 2 = 0$ 의 두 근의 차가 2가 되는 q의 최솟값은 ?

① 5 ② 4 ③ 3 ④ 2 ⑤1

이차방정식 $x^2-(p+4)x+q-2=0$ 의 두 근을 α , $\alpha+2$ 라고 하면 $|\alpha+2-\alpha|=\frac{\sqrt{(p+4)^2-4(q-2)}}{1}=|2|$ $\sqrt{p^2+8p+16-4q+8}=2$ 양변을 제곱하여 q에 관해 정리하면 $4=p^2+8p+16-4q+8, \ 4q=p^2+8p+20$ $q=\frac{1}{4}p^2+2p+5=\frac{1}{4}(p+4)^2+1$ $\therefore \ p=-4$ 일 때 q=1로 최솟값을 가진다.

두 근을 α, β 라 하면 $\alpha + \beta = p + 4, \alpha \beta = q - 2$ 두 근의 차가 2이므로 $|\alpha - \beta| = \sqrt{(\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta} = 2$ $\sqrt{(p + 4)^2 - 4(q - 2)} = 2$ 양변을 제곱하면 $(p + 4)^2 - 4(q - 2) = 4$ q에 대해 정리하면 $q = \frac{1}{4}(p + 4)^2 + 1$ $\therefore p = -4$ 일 때 q = 1로 최솟값을 가진다.

해설

 ${f 2.}$ x에 대한 항등식 $(1+2x-x^2)^5=a_0+a_1x+a_2x^2+\cdots+a_{10}x^{10}$ 에서 $3a_0 + a_2 + a_4 + \cdots + a_{10}$ 의 값은?

1)2

② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

i) 항등식의 상수항 : *a*₀ = 1 ii) 항등식에 x = 1, x = -1을 대입하여 식을 만든다.

x=1을 대입하면 $2^5=a_0+a_1+\cdots+a_{10}\cdots$ ①

x = -1을 대입하면 $(-2)^5 = a_0 - a_1 + a_2 - a_3 \cdots + a_{10} \cdots$ ②

① + ②: $0 = 2(a_0 + a_2 + a_4 + \dots + a_{10})$

 $\therefore a_0 + a_2 + a_4 + \dots + a_{10} = 0$ $3a_0 + a_2 + a_4 + \cdots + a_{10} = 2(\because a_0 = 1)$

3. x^2 의 계수가 1인 두 이차 다항식 f(x), g(x)의 합이 $2x^2 + 5x - 3$ 이고 최소공배수가 $x^3 + 2x^2 - 5x - 6$ 이다. f(0) = 3, g(0) = -6일 때, f(2) + g(-1)의 값은?

19

해설

② 11

③ 13 ④ 14

⑤ 15

 $f(x) + g(x) = 2x^2 + 5x - 3$

f(x) = Ga, g(x) = Gb(a, b 는 서로소)G(a+b) = (2x-1)(x+3)

최소공배수 Gab = (x+3)(x-2)(x+1)

f(x) = (x+3)(x+1) (\Leftarrow f(0) = 3) $g(x) = (x+3)(x-2) \quad (\Leftarrow g(0) = -6)$

 $\therefore f(2) + g(-1) = 15 + (-6) = 9$

4. 0.abcde = 29947/99000 일 때, 한 자리 자연수 a, b, c, d, e 의 값을 각각 구하여라.
답:
답:

■ · 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: a = 3

▷ 정답: c = 2

 \triangleright 정답: b=0

> 정답: *e* = 9

▷ 정답: d = 4

 $\frac{29947}{99000} = 0.30249$ 이므로

a = 3, b = 0, c = 2, d = 4, e = 9

해설

5. 1985년부터 1995년까지 5년 간격으로 조사한 우리나라의 농가인구 비율 *P*는 다음과 같은 식으로 나타낼 수 있다.

연도	85	90	95
인구비율(%)	20.9	15.5	10.8
인구(1000 명)	8521	6661	4851

 $P = 0.35t^2 - 5.75t + 20.9$ 이 때 t = 0.91985 남음

이 때, t=0은 1985년을 나타낸다. 이 식을 t=0이 1990년을 나타 내도록 변형하면?

① $P = 0.35t^2 - 5.75t + 20.9$ ② $P = 0.35(t+1)^2 - 5.75(t+1) + 20.9$

③ $P = 0.35(t-1)^2 - 5.75(t-1) + 20.9$

④ $P = 0.35(t+2)^2 - 5.75(t+2) + 20.9$

$P_1(t) = 0.35t^2 - 5.75t + 20.9$ 일 때, $t = 0 \rightarrow 1985$ 년, $t = 1 \rightarrow 1990$ 년, $t = 2 \rightarrow 1995$ 년

해설

 $t=0 \rightarrow 1990$ 년임을 알 수 있다.

- 1999개의 다항식 x^2-2x-1 , x^2-2x-2 , \cdots , $x^2-2x-1999$ 중에서 6. 계수가 정수인 일차식의 곱으로 인수분해 되는 것은 모두 몇 개인가?
 - ① 43 개 ② 44개 ③ 45개 ④ 46 개 ⑤ 47개

 $x^2-2x-n=(x+a)(x-b)$ $(a,\ b$ 는 자연수) 라 하면 $(1\leq n\leq 1999)$ 인 자연수) $ab = n, \ a = b - 2$ $\therefore n = 1 \cdot 3, \ 2 \cdot 4, \ 3 \cdot 5, \ \cdots, \ 43 \cdot 45 (= 1935)$ 의 43 개

삼각형의 세변의 길이를 x, y, z라 할 때, 이들 사이에 다음의 관계가 7. 성립한다면 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

$$x^2yz + x^3z - xy^2z + xz^3 - y^3z + yz^3 = 0$$

- ① x가 빗변인 직각삼각형
- ②y가 빗변인 직각삼각형
- ③ z가 빗변인 직각삼각형
- ④ x = y인 이등변삼각형 ⑤ x = y, z가 빗변인 직각삼각형

$(x^2y + x^3 - xy^2 + xz^2 - y^3 + yz^2)z$

 $= \left\{ x^2(x+y) + (x+y)z^2 - (x+y)y^2 \right\} z$ $= (x+y)(x^2 + z^2 - y^2)z$

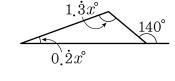
∴ (x+y)(x²+z²-y²)z = 0
x²+z²-y²=0 (∵ x, y, z는 모두 양수)
∴ x²+z²=y²⇒ y가 빗변인 직각삼각형

8. $f(x) = 2^x$ 을 나타낸다고 할 때, 다음을 만족하는 x, y, z 의 합을 구하여라.

답:▷ 정답: 17

 $f(4) = 2^{4} = 16 \qquad \therefore x = 16$ $f(y) = 2^{y} = \frac{1}{8} \qquad \therefore y = -3$ $f(2) + f(z) \times f(-3) = 6$ $2^{2} + 2^{z} \times 2^{-3} = 6$ $4 + 2^{z} \times \frac{1}{8} = 6$ $2^{z} \times \frac{1}{8} = 2, 2^{z} = 16 \qquad \therefore z = 4$ $\therefore x + y + z = 16 - 3 + 4 = 17$

다음 삼각형에서 x 의 값을 구하여라. 9.



▶ 답: ▷ 정답: 90

삼각형의 두 내각의 합과 이웃하지 않는 한 외각의 크기는 같으므로 $0.\dot{2}x^\circ + 1.\dot{3}x^\circ = 140^\circ$ 가 된다. $0.\dot{2}x^{\circ} + 1.\dot{3}x^{\circ} = \frac{2}{9}x^{\circ} + \frac{12}{9}x^{\circ} = \frac{14x^{\circ}}{9} = 140^{\circ}$ $\therefore x = 90$

$$\therefore x = 90$$