

1. 다음 수 중에서 무리수는 모두 몇 개인가?

$$\begin{aligned} & -\sqrt{(-6)^2}, \sqrt{0.2}, \sqrt{1.69}, \sqrt{3} + 2 \\ & \frac{\pi}{2}, 1 - \sqrt{9}, 0.\dot{2}\dot{3}, \left(-\sqrt{\frac{2}{7}}\right)^2 \end{aligned}$$

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

2.  $a$ 는 유리수,  $b$ 는 무리수일 때, 다음 중 그 값이 항상 무리수인 것은?

①  $\sqrt{a} + b$

④  $ab$

②  $\frac{b}{a}$

⑤  $\frac{b}{\sqrt{a}}$

③  $a^2 - b^2$

3. 다음 중 옳은 것은?

- ① 무한소수는 무리수이다.
- ② 유리수는 유한소수이다.
- ③ 순환소수는 유리수이다.
- ④ 유리수가 되는 무리수도 있다.
- ⑤ 근호로 나타내어진 수는 무리수이다.

4. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 골라라.

[보기]

- Ⓐ  $\frac{1}{\sqrt{5}}$ 는 자연수가 아니다.
- Ⓑ  $3\sqrt{4}$ 는 무리수이다.
- Ⓒ  $\sqrt{0.01}$ 는 정수가 아닌 유리수이다.
- Ⓓ  $\sqrt{9} \times \frac{\sqrt{4}}{4}$ 는 자연수이다.

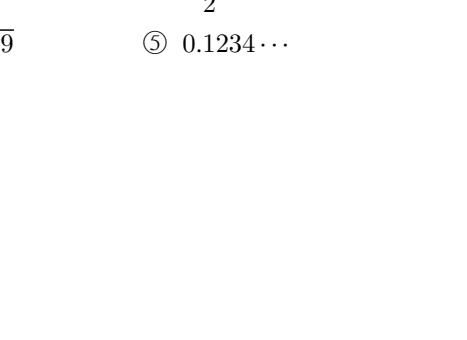
▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

5. 유리수  $a$  와 무리수  $b$  가  $a > 0$ ,  $b > 0$  일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ①  $b\sqrt{a}$  는 항상 무리수이다.
- ②  $\frac{b}{\sqrt{a}}$  는 항상 유리수이다.
- ③  $b - a$  는 항상 무리수이다.
- ④  $ab$  는 항상 무리수이다.
- ⑤  $b - \sqrt{a}$  는 유리수일 수도 있고, 무리수일 수도 있다.

6. 다음 중  안의 수에 해당하지 않는 것은?



- ①  $\sqrt{5} + 1$       ②  $-\frac{\pi}{2}$       ③  $\sqrt{0.9}$   
④  $-\sqrt{2.89}$       ⑤  $0.1234\cdots$

7. 다음 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 두 유리수  $\frac{1}{5}$  과  $\frac{1}{3}$  사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.
- ② 두 무리수  $\sqrt{5}$  와  $\sqrt{6}$  사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.
- ③  $\sqrt{5}$  에 가장 가까운 유리수는 2 이다.
- ④ 서로 다른 두 유리수의 합은 반드시 유리수이지만, 서로 다른 두 무리수의 합 또한 반드시 무리수이다.
- ⑤ 실수와 수직선 위의 점 사이에는 일대일 대응이 이루어진다.

8. 다음 그림에서  $ABCD$ 는 한 변의 길이가 1인 정사각형이고,  $\overline{AC} = \overline{AP}$ 이다. 점  $B$ 에 대응하는 수가  $2 + \sqrt{2}$  일 때, 점  $P$ 에 대응하는 수가  $a + b\sqrt{2}$  이다.  $a + b$ 의 값을 구하여라.



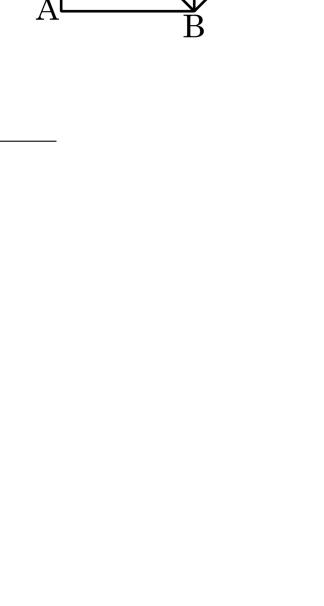
▶ 답:  $a + b =$  \_\_\_\_\_

9. 다음 수직선 위의 네 점 중에서  $2 - \sqrt{2}$  를 나타내는 대응점으로 알맞은 것을 고르면?



- ① A      ② B      ③ C      ④ D      ⑤ E

10. 그림과 같이 한 변의 길이가 4인 정사각형 ABCD 의 대각선  $\overline{BD}$ 를 한 변으로 하는 정사각형 DBEF 가 있다. DBEF 의 대각선을 반지름으로 하는 원의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_

11. 다음 그림에서 수직선 위의 점 P 와 Q 사이의 거리를 구하면? (단, 모눈 한 칸은 한 변의 길이가 1 인 정사각형이다.)



- ① 6      ② 8      ③  $\sqrt{10}$       ④  $2\sqrt{10}$       ⑤  $3\sqrt{10}$

12. 정사각형 ABCD 가 다음 그림과 같을 때, 수직선 위의 점 P, Q에 대응하는 좌표를 각각  $p$ ,  $q$ 라 할 때,  $p - q$  의 값이  $a\sqrt{b}$  이다.  $a+b$  의 값을 구하시오. (단, 모든 한 칸은 한 변의 길이가 1인 정사각형이다.)

▶ 답:  $a + b =$  \_\_\_\_\_



13. 다음 그림에서  $\square PQRS$  는 정사각형이고,  $\overline{PQ} = \overline{PA}$ ,  $\overline{PS} = \overline{PB}$ 이다. 두 점 A, B의 x 좌표를 각각  $a$ ,  $b$  라 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:  $a + b =$  \_\_\_\_\_

14. 다음 그림의 수직선 위의 점 A, B, C, D 에 대응하는 수를 각각  $a, b, c, d$  라고 할 때,  $(b+d)-(a+c)$  값을 구하여라. (단, 모눈 한 칸은 한 변의 길이가 1 인 정사각형이다.)



▶ 답: \_\_\_\_\_

15. 다음 중 수직선 위의 모든 점과 일대일 대응하는 수는?

- |              |             |              |
|--------------|-------------|--------------|
| <p>① 자연수</p> | <p>② 정수</p> | <p>③ 무리수</p> |
| <p>④ 유리수</p> | <p>⑤ 실수</p> |              |

16. 다음 중 옳은 것은?

- ①  $\sqrt{2}$  와  $\sqrt{3}$  사이에는 무리수가 없다.
- ②  $\frac{1}{2}$  와  $\frac{1}{3}$  사이에는 1 개의 유리수가 있다.
- ③  $-\frac{5}{2}$  와  $\sqrt{3}$  사이에는 5 개의 정수가 있다
- ④ 모든 실수는 수직선 위에 나타낼 수 있다.
- ⑤ 수직선 위에는 무리수에 대응하는 점이 없다.

17. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 순환하는 무한소수는 반드시 유리수이다.
- ② 서로 다른 두 무리수 사이에는 적어도 하나 이상의 자연수가 존재한다.
- ③ 반지름의 길이가 0 이 아닌 실수인 원의 넓이는 반드시 무리수이다.
- ④ 완전제곱수의 제곱근은 항상 유리수이다.
- ⑤ 서로 다른 두 무리수의 곱은 항상 무리수이다.

18. 다음 중 두 수의 대소 관계가 올바르지 않은 것은?

- ①  $\sqrt{3} + 3 < 2\sqrt{2} + \sqrt{3}$       ②  $4 + \sqrt{3} < \sqrt{5} + 4$   
③  $2 - 2\sqrt{3} < \sqrt{5} - 2\sqrt{3}$       ④  $\sqrt{3} + 2 > 1 + \sqrt{3}$   
⑤  $5 - \sqrt{3} > -\sqrt{3} + 2$

19. 다음 두 수의 대소 관계를 바르게 나타낸 것은?

- ①  $3 - \sqrt{3} < 5 - \sqrt{5}$       ②  $\sqrt{0.3} < 0.3$   
③  $4\sqrt{3} - 1 < 3\sqrt{5} - 1$       ④  $5 < \sqrt{3} + 3$   
⑤  $2\sqrt{6} + 2 < 3\sqrt{2} + 2$

20. 두 실수  $a, b$  가  $a = \sqrt{7} - 6, b = \sqrt{3} + \sqrt{7}$  일 때, 다음 중 옳은 것은?

[보기]

- |               |                      |            |
|---------------|----------------------|------------|
| Ⓐ $b - a > 0$ | Ⓑ $a - b < 0$        | Ⓒ $ab < 0$ |
| Ⓓ $a + 3 < 0$ | Ⓔ $b - \sqrt{7} < 2$ |            |

- |                 |              |
|-----------------|--------------|
| ① Ⓐ             | ② Ⓑ, Ⓒ       |
| ③ Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ       | ④ Ⓐ, Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ |
| ⑤ Ⓐ, Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ, Ⓕ |              |

**21.** 다음 수를 작은 것부터 순서대로 나열할 때, 두 번째로 작은 수를 고르면?

- ①  $\sqrt{2}$       ②  $-0.5$       ③  $1 - \sqrt{2}$   
④  $2 + \sqrt{2}$       ⑤  $1 + \sqrt{2}$

22. 다음 세 실수  $a = 3\sqrt{2} - 2$ ,  $b = 2\sqrt{3} - 2$ ,  $c = 2$  의 대소를 비교하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

23. 다음 세 수의 크기를 비교하여라.  
 $a = 3\sqrt{3}$ ,  $b = 3\sqrt{5} + \sqrt{3}$ ,  $c = 4\sqrt{3} - \sqrt{5}$

▶ 답: \_\_\_\_\_

24.  $a, b$  가 양수일 때, 다음 중 가장 큰 수를 구하여라.

$$\sqrt{a+b}, \sqrt{a} + \sqrt{b}, \sqrt{\sqrt{ab}}$$

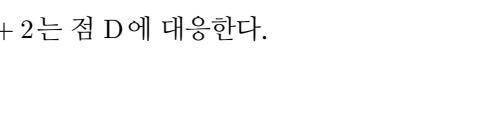
▶ 답: \_\_\_\_\_

25. 다음 수직선에서 C에 해당하는 실수는?



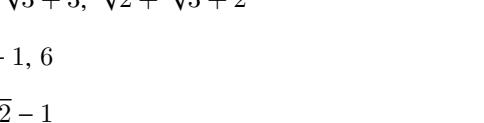
- ①  $\sqrt{12}$     ②  $\sqrt{17}$     ③  $\sqrt{31}$     ④  $\sqrt{39}$     ⑤  $\sqrt{52}$

26. 다음은 수직선을 보고 설명한 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



- ①  $2\sqrt{3}$ 은 대응하는 점은 E 구간 안에 있다.
- ② D 구간에는 유한 개의 유리수가 존재한다.
- ③  $\sqrt{3} + 1$ 은  $3 - \sqrt{3}$ 보다 오른쪽에 위치한다.
- ④ 점 B와 점 D 사이의 정수는 모두 3개이다.
- ⑤  $2\sqrt{5} + 2$ 는 점 D에 대응한다.

27. 다음 수직선 위의 점 A, B, C, D에 대응하는 수는  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}+2$ ,  $\sqrt{2}-1$ ,  $4-\sqrt{3}$ 이다. 점 A, B, C, D에 대응하는 값을 각각  $a$ ,  $b$ ,  $c$ ,  $d$ 라고 할 때,  $a+b$ 와  $c+d$ 의 값을 각각 바르게 구한 것은?



①  $\sqrt{2} + \sqrt{3} + 2$ ,  $\sqrt{2} - \sqrt{3} + 3$

②  $\sqrt{2} + \sqrt{3} + 3$ ,  $\sqrt{2} + \sqrt{3} + 2$

③  $\sqrt{2} - \sqrt{3} + 3$ ,  $\sqrt{2} + \sqrt{3} + 2$

④  $2\sqrt{2} - 1$ , 6

⑤ 6,  $2\sqrt{2} - 1$

28. 다음 중 무리수  $\sqrt{2} + 1$ 과  $2\sqrt{3}$  사이에 있는 무리수가 아닌 것은?

- ①  $3\sqrt{2} - 1$       ②  $\sqrt{3} + 1$       ③  $2\sqrt{2}$   
④  $\sqrt{2} + \sqrt{3}$       ⑤  $\sqrt{3} + 2$

29.  $-\sqrt{2}$  와  $\sqrt{5}$  사이에 있는 수에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 자연수가 2 개 있다.
- ② 정수가 3 개 있다.
- ③ 무수히 많은 무리수가 있다.
- ④ 무수히 많은 유리수가 있다.
- ⑤ 무수히 많은 실수가 있다.

30. 두 수 2 와 5 사이에 있는 수 중에서  $\sqrt{n}$  의 꼴로 표시되는 무리수의 개수는? (단,  $n$  은 자연수)

- ① 18 개    ② 19 개    ③ 20 개    ④ 21 개    ⑤ 22 개