

1. 다음 중에서 성립하지 않는 것은?

- ①  $a^2 \geq 0$       ②  $a^2 + b^2 \geq 0$   
③  $a^2 = 0 \Leftrightarrow a = 0$       ④  $a^2 + b^2 = 0 \Leftrightarrow a = b = 0$   
⑤  $a > b \Leftrightarrow ab > 0$

해설

- ①  $a^2 \geq 0$  (항상 성립)  
②  $a^2 + b^2 \geq 0$  (항상 성립)  
③  $a^2 = 0 \Leftrightarrow a = 0$  (항상 성립)  
④  $a^2 + b^2 = 0 \Leftrightarrow a = b = 0$  (항상 성립)  
⑤  $a > b \Leftrightarrow ab > 0$   
(반례:  $a > 0, b < 0$  이면  $a > b$ 이지만  $ab < 0$ 이다.)

2. 연립부등식  $\begin{cases} 0.8 + 0.3x \leq -0.1 \\ \frac{x-1}{3} < 2 \end{cases}$  를 만족하는 가장 큰 정수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -3

해설

$$\begin{cases} 0.8 + 0.3x \leq -0.1 \\ \frac{x-1}{3} < 2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 8 + 3x \leq -1 \\ x - 1 < 6 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x \leq -3 \\ x < 7 \end{cases}$$

$$\therefore x \leq -3$$

가장 큰 정수는 -3 이다.



3. 연립부등식  $\frac{x-1}{3} < x+3 \leq 0.1(x+3)$  을 만족하는 정수  $x$  의 개수는?

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

해설

i)  $\frac{x-1}{3} < x+3, \quad x > -5$

ii)  $x+3 \leq 0.1(x+3), \quad x \leq -3$

i), ii)에 의하여 공통된 해의 범위는  $-5 < x \leq -3$  이므로 만족하는 정수는  $-4, -3$ 의 2 개이다.

4. 연립부등식  $\begin{cases} 3(x-1) + 2(x+5) < x-3 \\ 2.1x - 3.2 \geq 1.8x - 1.7 \end{cases}$  을 만족시키는 정수의 개수는?

① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

( i )  $3x - 3 + 2x + 10 < x - 3$ 에서  $4x < -10$ ,  $x < -\frac{5}{2}$

( ii )  $21x - 32 \geq 18x - 17$ 에서  $3x \geq 15$ ,  $x \geq 5$   
따라서 만족하는 정수의 갯수는 0이다.

5. 부등식  $bx + (a - b) < 0$ 의 해가  $x > 2$  일 때, 부등식  $ax + 2a - b > 0$ 의 해를 구하면?

- ①  $x > -1$       ②  $x < -1$       ③  $x > -2$   
④  $x < -2$       ⑤  $x > -3$

해설

$bx + (a - b) < 0$ 의 해가  $x > 2$  이려면

$b < 0 \dots\dots \textcircled{\text{7}}$

$$\frac{b-a}{b} = 2 \dots\dots \textcircled{\text{L}}$$

$\textcircled{\text{L}}\text{에서 } b - a = 2b \therefore a = -b$

$\textcircled{\text{7}}\text{에서 } b < 0 \text{이므로 } a > 0$

$ax + 2a - b > 0$ 에서  $ax + 2a + a > 0 \therefore ax > -3a$

$a > 0 \text{이므로 } x > -3$

6. 연립부등식  $\begin{cases} 3x - 4 < 14 \\ 2x + 5 > -1 \end{cases}$  을 만족하는 정수  $x$ 의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

$$\begin{aligned} &\begin{cases} 3x - 4 < 14 \\ 2x + 5 > -1 \end{cases} \\ &\Rightarrow \begin{cases} 3x < 18 \\ 2x > -6 \end{cases} \\ &\Rightarrow \begin{cases} x < 6 \\ x > -3 \end{cases} \\ &\therefore -3 < x < 6 \\ &\therefore x = -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5 \end{aligned}$$

7. 부등식  $A$ 는  $\frac{1}{3}(x-2) \geq \frac{1}{2}(3-x) + x$  이고,  $B$ 는  $\frac{1}{6}(10-x) \geq \frac{5}{3}$  일 때,  
다음 중 옳은 것은?

① 부등식  $A$ 의 모든 해는 부등식  $B$ 의 모든 해이다.

②  $A$ 와  $B$ 의 공통해는 없다.

③  $A$ 와  $B$ 의 공통해는  $B$ 이다.

④  $A$ 와  $B$ 를 합한 부분은  $x \geq 0$ 이다.

⑤  $A$ 에서  $B$ 를 제외하면  $x \geq -13$ 이다.

해설

$$A : \frac{1}{3}(x-2) \geq \frac{1}{2}(3-x) + x \text{ 의 양변에 } 6 \text{ 을 곱하여 간단히 하면}$$

$$2(x-2) \geq 3(3-x) + 6x$$

$$2x-4 \geq 9-3x+6x$$

$$x \leq -13$$

$$B : \frac{1}{6}(10-x) \geq \frac{5}{3} \text{ 의 양변에 } 6 \text{ 을 곱하여 간단히 하면 } 10-x \geq 10$$

$$x \leq 0$$

$A$ 가  $x \leq -13$ 이고,  $B$ 가  $x \leq 0$ 이므로

부등식  $A$ 의 모든 해는 부등식  $B$ 의 모든 해이다.

$A$ 와  $B$ 의 공통해는  $x \leq -13$ 이다.

8. 연립부등식  $\begin{cases} \frac{5}{2}x - 3 < 2 \\ 7x + k < 8x + 1 \end{cases}$  을 만족하는 정수  $x$ 의 개수가 3개일 때, 정수  $k$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$\begin{cases} \frac{5}{2}x - 3 < 2 \\ 7x + k < 8x + 1 \end{cases} \text{에서}$$

$$\begin{cases} x < 2 \\ x > k - 1 \end{cases}$$

두 식을 동시에 만족하는 정수  $x$ 의 개수가 3개이려면 다음 그림과 같이  $-2 \leq k - 1 < -1$  이어야 한다.



즉,  $-1 \leq k < 0$  이므로 정수  $k$ 의 값은 -1이다.

9. 함수  $f(x) = ax + b$ 가  $2 \leq f(1) \leq 4$ ,  $0 \leq f(2) \leq 3$ 을 만족할 때,  $f(3)$ 의 최댓값과 최솟값의 합은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$f(1) = a + b, f(2) = 2a + b$$

$$f(3) = 3a + b \quad \text{으로 } f(3) = 2f(2) - f(1)$$

$$\text{조건에서 } 2 \leq f(1) \leq 4 \quad \dots \textcircled{①}$$

$$0 \leq f(2) \leq 3 \quad \dots \textcircled{②}$$

$$\textcircled{①} \text{에서 각 변에 } -1 \text{을 곱하면}$$

$$-4 \leq -f(1) \leq -2 \quad \dots \textcircled{③}$$

$$\textcircled{②} \text{에서 각 변에 2를 곱하면}$$

$$0 \leq 2f(2) \leq 6 \quad \dots \textcircled{④}$$

$$\therefore -4 \leq f(3) \leq 4$$

따라서,  $f(3)$ 의 최댓값은 4, 최솟값은 -4이다.

10. 세 부등식  $A$ 가  $3(x-1) > 12 + 4(2x-5)$ ,  $B$ 가  $2(3-2x) < -x+10$ ,  $C$ 가  $2x+1 > a$ 이다.  $A$ 와  $B$ 의 공통해에서  $C$ 를 제외한 수는 존재하지 않을 때,  $a$ 의 값 중에서 가장 큰 정수는?

- ① -3      ② -2      ③ -1      ④ 0      ⑤ 1

해설

$3(x-1) > 12 + 4(2x-5)$  를 풀면  $x < 1$

$2(3-2x) < -x+10$  을 풀면  $-\frac{4}{3} < x$

$A$ 와  $B$ 의 공통해는  $-\frac{4}{3} < x < 1$

$2x+1 > a$  를 풀면  $x > \frac{a-1}{2}$

$C$ 를 제외한 수는  $x \leq \frac{a-1}{2}$  이므로

$A$ 와  $B$ 의 공통해에서  $C$ 를 제외한 수가 존재하지 않기 위해서

$\frac{a-1}{2} \leq -\frac{4}{3}$ ,  $a \leq -\frac{5}{3}$  가 되어야 한다.

$\therefore$  (가장 큰 정수)= -2

11.  $x$ 에 관한 부등식  $(a+2b)x+a-b < 0$ 의 해가  $x > 1$  일 때,  $x$ 에 관한 부등식  $(a-b)x+2a-b > 0$ 을 풀면?

①  $x > \frac{1}{3}$       ②  $x < \frac{1}{3}$       ③  $x > -\frac{4}{3}$   
④  $x < -\frac{4}{3}$       ⑤  $x > \frac{7}{3}$

해설

$$a+2b < 0, \frac{-(a-b)}{a+2b} = 1$$

$$\therefore b = -2a \text{ } \circ| \text{므로}$$

$$(a-b)x + 2a - b = a(3x + 4) > 0$$

$$a > 0 \text{ } \circ| \text{용하면}$$

$$\therefore 3x + 4 > 0 \quad \therefore x > -\frac{4}{3}$$

12. 연립부등식  $\begin{cases} \frac{10-x}{4} \leq a \\ 4x-5 \leq x+1 \end{cases}$ 의 해를 가질 때, 정수  $a$ 의 최솟값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$\frac{10-x}{4} \leq a, 10-4a \leq x$$

$$4x-5 \leq x+1, x \leq 2$$

연립부등식이 해를 갖기 위해서는

$$10-4a \leq 2$$

$$a \geq 2$$

$\therefore a$ 의 최솟값은 2

13. 부등식  $\begin{cases} x - 11 \geq 2x - 4 \\ a - x < 1 \end{cases}$  의 해가 없을 때,  $a$  가 될 수 있는 가장 작은 수는?

① -3      ② -4      ③ -5      ④ -6      ⑤ -7

해설

$$\begin{cases} x - 11 \geq 2x - 4 \\ a - x < 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x \leq -7 \\ x > a - 1 \end{cases}$$

의 해가 없으므로  $a - 1 \geq -7$

$$\therefore a \geq -6$$

따라서  $a$  의 가장 작은 수 : -6 이다.