- 1. $\sqrt{60a}$ 가 정수가 되기 위한 가장 작은 자연수 a 를 구하여라.
 - 답:

➢ 정답: 15

 $\sqrt{60a}$ 가 정수가 되기 위해서는 어떤 정수의 제곱이 되어야 한다.

해설

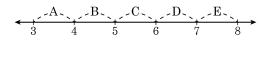
 $60 = 2^2 \times 3 \times 5$ 이므로 $a = 3 \times 5 = 15$ 이다.

- 2. 다음 중 수직선 위에서 $-\sqrt{10}$ 과 3 사이에 있는 수에 대한 설명으로 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면?
 - ① 무리수는 무수히 많다.
 - ② 범위 안의 모든 수를 $\frac{n}{m}$ 으로 나타낼 수 있다.
 - ③ 정수는 6 개가 있다.
 - ④ 자연수는 3 개가 있다.
 - ⑤ 실수는 무수히 많다.

 $3 < \sqrt{10} < 4$ 에서 $-4 < -\sqrt{10} < -3$ 이므로 범위는 $-3. \times \times \times \sim 3$ ② 범위 안의 모든 수를 $\frac{n}{m}$ 으로 나타낼 수 있다. \rightarrow 실수 중

- 유리수만이 $\frac{n}{m}$ 으로 나타낼 수 있다.
- ④ 자연수는 3 개가 있다. \rightarrow 1, 2 . 두 개 있다.

3. 다음 수직선에서 $2\sqrt{7}$ 에 대응하는 점이 있는 구간은?



① A ② B ③C ④ D ⑤ E

2 √7 = √28 5 < √28 < 6 이므로 C 구간

- 다음 중 계산이 <u>잘못된</u> 것은? **4.**
 - ① $\frac{\sqrt{2}}{4} \frac{\sqrt{6}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{6} + \frac{\sqrt{6}}{3} = \frac{5\sqrt{2}}{12} \frac{\sqrt{6}}{6}$

- 5. $\frac{6\sqrt{2}}{2} + \frac{3\sqrt{5}}{5} \frac{3\sqrt{5}}{5} + 2$ 를 간단히 나타내면?

 - $3\sqrt{2} + 2$ ② $3\sqrt{2} + 3\sqrt{5} + 2$ ③ $3\sqrt{5} + 2$ ④ $3\sqrt{2} 2$
 - $3\sqrt{5} 2$

$$\frac{6\sqrt{2}}{2} + \frac{3\sqrt{5}}{5} - \frac{3\sqrt{5}}{5} + 2 = 3\sqrt{2} + 2$$

- **6.** $\sqrt{5}$ 의 소수 부분을 x, $\sqrt{10}$ 의 소수 부분을 y 라고 할 때, $\sqrt{2}x y$ 의 값을 구하여라.
 - ▶ 답:

ightharpoonup 정답: $-2\sqrt{2}+3$

 $\sqrt{5}=2.\cdots$ 이므로 $\sqrt{5}$ 의 소수 부분은 $\sqrt{5}-2$ 이다.

해설

 $\sqrt{10} = 3...$ 이므로 $\sqrt{10}$ 의 소수 부분은 $\sqrt{10} - 3$ 이다. $\therefore \sqrt{2}x - y = \sqrt{2}(\sqrt{5} - 2) - (\sqrt{10} - 3)$ $= \sqrt{10} - 2\sqrt{2} - \sqrt{10} + 3$ $= -2\sqrt{2} + 3$

- 7. 이차함수 $y = 2x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 1 만큼 평행이동시키면 점 (3, m) 을 지난다. m 의 값은?
 - ① 15 ② 17 ③ 19 ④ 21 ⑤ 23

 $y = 2^2 + 1$ 의 그래프가 점 (3, m) 을 지나므로 m = 18 + 1, m = 19 이다.

해설

이차함수 $y = 2x^2 + 4x - 2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -3 만큼 8. 평행이동하면 점 (a, -2) 를 지난다. a 의 값을 구하여라.

▶ 답: ▶ 답:

> 정답: *a* = -3 **> 정답:** a = -5

해설

 $y = 2x^{2} + 4x - 2$ $= 2(x+1)^{2} - 4$ 이 그래프를 x 축 방향으로 -3만큼 평행이동하면

 $y = 2(x + 4)^2 - 4$ 점 (a, -2) 를 지나므로 $-2 = 2(a+4)^2 - 4$

∴ a = -3 또는 a = -5

- 9. 다음 이차함수 중에서 꼭짓점이 제3 사분면에 있는 것은?
 - ① $y = -(x-2)^2 + 1$ ③ $y = -(x-2)^2 - 3$
- $y = -2(x+3)^2 + 1$

④ (-3, -5)이므로 제 3사분면에 있다.

10. 이차함수 $y = -\frac{1}{3}(x+3)^2$ 의 그래프가 x축과 만나는 점의 x좌표는?

① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1

해설 $y = -\frac{1}{3}(x+3) \text{에 } y = 0 을 대입하면$ $0 = -\frac{1}{3}(x+3)^2$ $\therefore x = -3$

- **11.** 0 < a < 5 일 때, $\sqrt{a^2} + |5 a| \sqrt{(a 6)^2}$ 을 간단히 하면?(단, |x| 는 x 의 절댓값을 나타낸다.)
 - ① a-1 ② a+1 ③ 3

- $4 \ 2a 3$ $3 \ 2a 1$

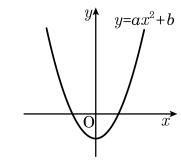
해설

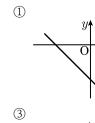
 $0 < a < 5 \text{ on } |A| \ a > 0, \ 5 - a > 0, \ a - 6 < 0$ $\sqrt{a^2 + |5 - a|} - \sqrt{(a - 6)^2}$ = |a| + |5 - a| - |a - 6|

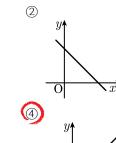
= a + 5 - a + a - 6

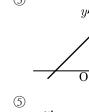
= a - 1

12. 이차함수 $y = ax^2 + b$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 y = ax + b 의 그래프는?







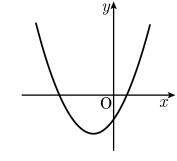




해설

 $a>0\;,\,b<0$ 이므로 y 절편이 0 보다 작고 오른쪽 위로 향하는 직선을 찾으면 된다.

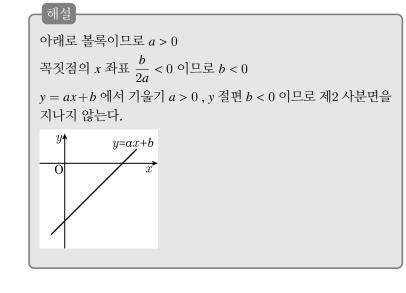
13. 이차함수 $y = ax^2 - bx - 2$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 일차함수 y = ax + b 의 그래프가 지나지 <u>않는</u> 사분면은?



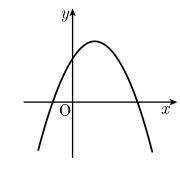
④ 제4 사분면

① 제1 사분면

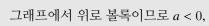
- 제2 사분면③ 제3 사분면 ⑤ 없다.



14. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 그림과 같을 때, 직선 ax + by + c = 0 의 그래프가 지나는 사분면은?



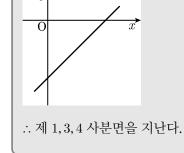
- ① 제 1,2,3 사분면 ③ 제 1,2,4 사분면
- ②제 1,3,4 사분면 ④ 제 2,3,4 사분면
- ⑤ 제 1,3 사분면



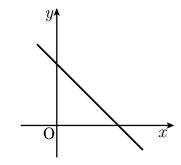
국
$$x = -\frac{b}{2a} > 0$$
 이므로 $b > 0$, y 절편 $c > 0$ 이다.
$$ax + by + c = 0 \leftrightarrow y = -\frac{a}{b}x - \frac{c}{b}$$
 기울기 $-\frac{a}{b} > 0$, y 절편 $-\frac{c}{b} < 0$

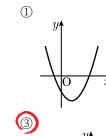
기울기
$$-\frac{a}{h} > 0$$
, y 절편 $-\frac{c}{h} < 0$

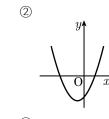
따라서 직선의 모양은 다음과 같다.

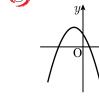


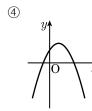
15. 일차함수 y = ax + b 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, $y = -x^2 + ax + b$ 의 그래프의 모양은?

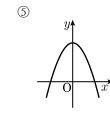












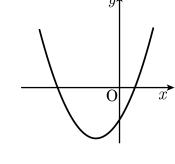
기울기는 음수이고, y 절편은 양수이므로 a < 0, b > 0 이다.

$$y = -x^{2} + ax + b = -\left(x - \frac{1}{2}a\right)^{2} + b + \frac{1}{4}a^{2}$$

기울기는 -1 이므로 위로 볼록한 그래프이고, y 절편은 $b+\frac{1}{4}a^2$ 이므로 양수이다. 또한, x 축이 $x=\frac{1}{2}a<0$ 이므로 왼편에 있다.

_

16. 다음 그림은 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프이다. abc 의 부호를 결정하여라.



<u>0</u>

▷ 정답: abc < <u>0</u>

아래로 볼록이므로 a > 0,

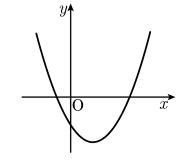
▶ 답:

축의 식 $-\frac{b}{2a} < 0$, b > 0y 절편 c < 0

a > 0, b > 0, c < 0

 $\therefore abc < 0$

17. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, a, b, c의 부호는?



① a > 0, b > 0, c > 0

(4) a < 0, b > 0, c > 0

② a > 0, b > 0, c < 0

a>0, c<0이고 ab<0이므로 b<0이다.

- 18. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 가 다음 조건을 만족할 때, 다음 중 옳은

 - $I \cdot \frac{b}{2a} = -1$ I. 최댓값은 있으나. 최솟값은 없다.
 - \blacksquare . 점 $\left(\frac{5}{3}, 0\right)$ 을 지난다.

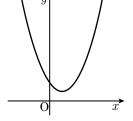
① a > 0

- ② c > 0
- ③ 다른 한 x 절편이 $-\frac{1}{3}$ 이다. ④ 꼭짓점이 제 3 사분면에 있다.
- ⑤ 그래프는 제 2 사분면을 지나지 않는다.

꼭짓점이 제 1 사분면에 있고, 위로 볼록한데 y 절편이 원점 아래에 있기 때문에 제 2 사분면을 지나지 않는다.

- 19. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 다음 과 같을 때, a, b, c 의 부호를 구하면?
 - ① a > 0, b > 0, c > 0
 - ② a > 0, b > 0, c < 0

 - $\bigcirc 3$ $a > 0, \ b < 0, \ c > 0$ 4 a < 0, b > 0, c > 0
 - ⑤ a > 0, b < 0, c < 0



아래로 볼록하므로 a > 0

해설

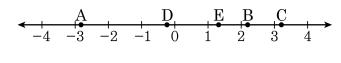
축이 y 축의 오른쪽에 있으므로 a, b 는 다른 부호이므로 b < 0y 절편은 c > 0 이다.

20. 다음 중 옳은 것은?

- ① $\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{3}$ 사이에는 무리수가 없다.
- ② $\frac{1}{2}$ 와 $\frac{1}{3}$ 사이에는 1 개의 유리수가 있다. ③ $-\frac{5}{2}$ 와 $\sqrt{3}$ 사이에는 5 개의 정수가 있다 ④ 모든 실수는 수직선 위에 나타낼 수 있다.
- ⑤ 수직선 위에는 무리수에 대응하는 점이 없다.

③ $1 < \sqrt{3} < 2$ 이므로 $-\frac{5}{2}$ 와 $\sqrt{3}$ 사이에는 -2, -1, 0, 1 총 4 개의 정수가 있다.

21. 다음은 점 A, B, C, D, E 를 수직선에 표시한 것이다. <u>잘못</u> 표시한 것은?



A: $-\sqrt{8}$ B: $\sqrt{5}$ C: $3\sqrt{2} - 1$ D: $-\sqrt{2}$ E: $\frac{\sqrt{7}}{2}$

⑤ E

① A ② B ③ C ④D

A: $-\sqrt{8} = -2. \times \times \times$ B: $\sqrt{5} = 2. \times \times \times$ C: $3\sqrt{2} - 1 = 3. \times \times \times$ D: $-\sqrt{2} = -1. \times \times \times$ E: $\frac{\sqrt{7}}{2} = 1. \times \times \times$ **22.** 이차함수 $y = \frac{1}{2}x^2$ 이 점 (2, 8) 을 지나도록 하기 위하여 y 축의 방향으로 q 만큼 평행이동하였다. 이때, q 의 값을 구하여라.

 ► 답:

 ▷ 정답:
 6

 $y = \frac{1}{2}x^2 + q$ 에 (2, 8) 을 대입하면 $8 = \frac{1}{2} \times 4 + q$ $\therefore q = 6$

23. 이차함수 $y = -\frac{1}{3}(x+2)^2$ 의 그래프에서 x 값이 증가함에 따라 y 값도 증가하는 *x*의 값의 범위는?

- $\textcircled{4} \ x > -2$ $\textcircled{5} \ x < -2$
- ① x > 0 ② x < 2 ③ x > 2

꼭짓점이 (-2,0)이고 위로 볼록한 그래프이다. x < -2 일 때, x

가 증가하면 y 도 증가한다.

24. 이차함수 $y = -x^2 + 2x + 3$ 을 $y = a(x - p)^2 + q$ 의 꼴로 나타낼 때, p + q의 값은?

① 6

- ②5 3 4 ④ 3 ⑤ 2

해설

$$y = -x^{2} + 2x + 3$$

$$= -(x^{2} - 2x + 1 - 1) + 3$$

$$= -(x - 1)^{2} + 4$$

$$\therefore p = 1, q = 4$$

- $\therefore p+q=1+4=5$

- ${f 25}$. 포물선 $y=x^2+bx+c$ 를 x 축의 방향으로 4 만큼, y 축의 방향으로 -3 만큼 평행이동 하였더니 꼭짓점이 (3,-1) 이 되었다고 한다. 상수 b , c 의 값을 구하여라.
 - 답: 답:

 - **> 정답:** b = 2
 - ightharpoonup 정답: c=3

$$y = 3$$

$$y = x^{2} + bx + c = \left(x + \frac{b}{2}\right)^{2} - \frac{b^{2}}{4} + c,$$
$$y = \left(x + \frac{b}{2} - 4\right)^{2} - \frac{b^{2}}{4} + c - 3,$$

꼭짓점
$$\left(-\frac{b-8}{2}, -\frac{b^2}{4} + c - 3\right) = (3,-1)$$
 이므로

$$-\frac{b-8}{2} = 3$$
, $b = 2$,

파라서
$$-\frac{b^2}{4} + c - 3 = -1$$
 이므로 $c = 3$ 이다.

26. 다음 함수의 그래프 중에서 제1 사분면을 지나지 <u>않는</u> 것은?

- ① $y = 2x^2$
- $2 y = -2x^2 + 2$
- $y = -(x+4)^2 2$
- ③ $y = -(x-1)^2$ ④ $y = (x-2)^2 + 1$



⑤ $y = -(x+4)^2 - 2$ 는 위로 볼록한 모양의 포물선이다.

해설

꼭짓점의 좌표 (-4, -2) 는 제 3 사분면 위에 있고, y 절편이 (0, -18) 이므로 제 1, 2 사분면을 지나지 않는다.

27. 이차함수 $y = -\frac{2}{3}x^2 + 4x$ 의 꼭짓점의 좌표를 A, x 축과 만나는 두 점을 각각 B, C 라 할 때, ΔABC 의 넓이를 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 18

x 축은 y = 0 일 때의 값이므로 $2x^2 - 12x = 0$ $x^2 - 6x = 0$

x(x-6) = 0 $\therefore x = 0 \, \, \underline{+} \, \underline{-} \, x = 6$

B(0, 0), C(6, 0)

 $y = -\frac{2}{3}(x-3)^2 + 6$ 이므로 꼭짓점은 (3, 6) 이다.

따라서 삼각형 ABC 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 6 \times 6 = 18$ 이다.

- ${f 28}$. 두 실수 a,b 가 $a=\sqrt{8}-3$, $b=-\sqrt{7}+\sqrt{8}$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?
 - ① a b > 0
- ② b a < 0
- ③ $b + \sqrt{7} > 3$
- (4) ab > 0

$$a-b = \sqrt{8} - 3 - \left(-\sqrt{7} + \sqrt{8}\right)$$

$$= \sqrt{7} - 3$$

$$= \sqrt{7} - \sqrt{9} < 0$$

 $=\sqrt{7}-\sqrt{9}<0$

 $\therefore a-b<0$ $b - a = -\sqrt{7} + \sqrt{8} - (\sqrt{8} - 3)$

② $= -\sqrt{7} + 3$ $= \sqrt{9} - \sqrt{7} > 0$

 $\therefore b-a>0$ ③ (좌변)= $b + \sqrt{7} = -\sqrt{7} + \sqrt{8} + \sqrt{7} = \sqrt{8}$

(우변)= 3 = $\sqrt{9}$ $\therefore b + \sqrt{7} < 3$

 $b = \sqrt{8} - \sqrt{7} > 0$ ∴ *ab* < 0

 $a+1 = \left(\sqrt{8} - 3\right) + 1$ $(5) \qquad = \sqrt{8} - 2$

 $= \sqrt{8} - \sqrt{4} > 0$

 $\therefore a+1>0$

29. 다음 그림의 사각형은 넓이가 3 인 정사각형이다. 다음 설명 중 <u>틀린</u> 것은?



- ① 정사각형 한 변의 길이는 $\sqrt{3}$ 이다.
- ② b 에 대응하는 실수는 $-1+2\sqrt{3}$ 이다.
- 3 $\frac{b-a}{\sqrt{2}}$ 의 값은 $-\sqrt{2}$ 이다.
- ④ a 에 대응하는 실수는 $-1-\sqrt{3}$ 이다. ⑤ 대각선의 길이는 $\sqrt{6}$ 이다.

넓이가 3 인 정사각형의 한 변의 길이는
$$\sqrt{3}$$

 $a = -1 - \sqrt{3}$, $b = -1 + 2\sqrt{3}$

$$\begin{vmatrix} b-a \\ \sqrt{2} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left\{ -1 + 2\sqrt{3} - (-1 - \sqrt{3}) \right\} \\ 3\sqrt{3} & 3\sqrt{6} \end{vmatrix}$$

$$=\frac{3\sqrt{3}}{\sqrt{2}}=\frac{3\sqrt{6}}{2}$$

30. 다음 제곱근표를 이용하여 $\sqrt{2004}$ 의 값을 구하면?

	U	1	4	ว	4
3.0	1.732	1.735	1.738	1.741	1.744
4.0	2.000	2.002	2.005	2.007	2.010
5.0	2.230	2.238	2.241	2.243	2.245

① 44.72 ② 34.64 ③ 34.70 ④ 34.76

3 44.76

 $\sqrt{2004} = \sqrt{4 \times 501} = 2\sqrt{501}$ = $2 \times \sqrt{5.01 \times 100}$

 $=20\sqrt{5.01}$

주어진 표에서 5.01 = 2.238

 $\therefore 20 \times 2.238 = 44.76$

해설

- **31.** 임의의 실수 x 의 정수 부분이 a 일 때, [x] = a 로 나타내기로 한다. $2 \le x < 3$ 일 때, 방정식 $[x]x^2 x 5[x] = 0$ 의 해는?
 - $\bigcirc \frac{5}{2} \qquad \bigcirc \frac{7}{3} \qquad \bigcirc \boxed{3} \frac{3}{2} \qquad \bigcirc \boxed{4} -2 \qquad \bigcirc \boxed{5} -\frac{5}{2}$

 $2 \le x < 3$ 이므로 [x] = 2 이다. $[x] = 2 \equiv \text{대입하면 } 2x^2 - x - 10 = 0 \text{ 이고, 인수분해를 하면 } (2x - 5)(x + 2) = 0 \text{ 이다.}$ $\therefore x = \frac{5}{2} \ (\because 2 \le x < 3)$

32. 이차방정식 $x^2 - ax - 2x + 4 = 0$ 이 중근을 가질 때의 a 의 값이 이차방정식 $x^2 + mx + n = 0$ 의 두 근이다. 이 때, m + n 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: -8

 $x^{2} - ax - 2x + 4 = 0, \quad x^{2} - (a+2)x + 4 = 0$ $\left(\frac{a+2}{2}\right)^{2} = 4, \quad \frac{a+2}{2} = \pm 2$ $a+2 = \pm 4$ ∴ $a=2 \, \text{!`} \pm a = -6$ $x^{2} + mx + n = 0 \, \text{!`} + \text{!`} \text{!`$

33. 방정식 $(2-x-y)^2-(x^2+y^2)=4$ 를 만족하는 자연수의 순서쌍 (x, y)에 대하여 $x^2 + y^2$ 의 값을 구하여라. (단 $x \neq y$)

▶ 답:

▷ 정답: 45

해설

 $(2 - x - y)^2 - (x^2 + y^2) = 4,$ xy - 2(x + y) = 0, (x - 2)(y - 2) = 4x-2 1 2 4 -1 -2 -4y-2 | 4 | 2 | 1 | -4 | -2 | -1 이 중에서 x, y가 자연수인 경우는 (단, $x \neq y$) y 6 3 따라서 $x^2 + y^2 = 3^2 + 6^2 = 45$ 이다.

34. 자연수 1에서 n까지의 합은 $\frac{n(n+1)}{2}$ 이다. 자연수 4부터 n까지의 합이 85일 때, n의 값을 구하여라.

답:▷ 정답: 13

00. 1

 $(4+5+6+\cdots n) = (1+2+\cdots n) - (1+2+3)$ $\frac{n(n+1)}{2} - 6 = 85$ 이므로 n(n+1) = 182 $n^2 + n - 182 = 0$ (n-13)(n+14) = 0 n > 0이므로 n = 13이다.

35. 1 에서 n 까지의 자연수의 합은 $\frac{n(n+1)}{2}$ 이다. 합이 190 이 되려면 1 에서 얼마까지 더하면 되는지 구하여라.

에서 얼마까지 더하면 되는지 구하여다

▷ 정답: 19

 $\frac{n(n+1)}{2} = 190 , n(n+1) = 380 ,$

2 = 130, n(n+1) = 300 $n^{2} + n - 380 = 0,$ (n+20)(n-19) = 0,

n = -20 또는 n = 19, 따라서 n 은 자연수이므로 n = 19 이다.

- 36. 어린이 날을 맞이하여 구슬 126개를 어린이들에게 똑같이 나누어 주었다. 그 후에 어린이 5명이 더 와서 어린이들에게 나누어 주었 던 구슬을 5개씩 회수하여, 나중에 온 5명의 어린이들에게 똑같이 주었더니 모든 어린이들에게 돌아간 구슬의 수가 같게 되었다. 처음 어린이들의 수는?
 - **⑤**9명 ① 5명 ② 6명 ③ 7명 ④ 8명

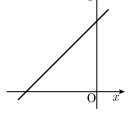
처음 어린이의 수를 *x* 명이라 하면

처음 한 사람당 받은 구슬의 수는 $\frac{126}{x}$ 개 나중 어린이 수는 (*x* + 5) 명

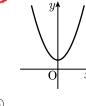
나중에 한 사람당 받은 구슬의 수는 $\left(\frac{126}{x}-5\right)$ 개 이므로

 $\left(\frac{126}{x} - 5\right)(x+5) = 126$

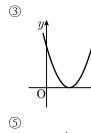
37. 일차함수 y = ax + b 의 그래프가 다음 그림 과 같을 때, 다음 중 이차함수 $y = ax^2 + b$ 의 그래프의 개형은?

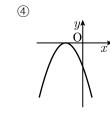


1



2







y = ax + b 의 그래프에서 a > 0, b > 0 이다.

- **38.** 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가 (2, 3) 일 때, 이 그래프가 제 2 사분면을 지나지 않을 a의 값의 범위는? (단, $a \neq 0$ 임)
- ① $a < -\frac{4}{3}$ ② $a \le -\frac{4}{3}$ ③ $a < \frac{3}{4}$ ④ $a \le -\frac{3}{4}$

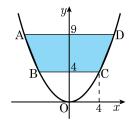
- a 의 부호에 따라 그래프의 모양이 다르므로 양수인 경우와 음 수인 경우로 나누어 생각해야 한다면 a > 0 이면 항상 제 2 사분면을 지난다.
- a < 0 이면 y 절편이 양수일 때에는 제 2 사분면을 지나고 y절편이 음수이거나 0 일 때 제 2 사분면을 지나지 않는다. 꼭짓점이 (2, 3) 이므로 $y = a(x-2)^2 + 3$ 이다.
- 즉, $y = ax^2 4ax + 4a + 3$ 이다. 여기서 y 절편은 4a + 3 이다.
- $4a + 3 \le 0$
- $\therefore a \le -\frac{3}{4}$

39. 포물선 $y = x^2 + ax + a - 1$ 이 x 축과 만나는 두 점의 사이의 거리가 2 일 때, a 의 값들의 합을 구하면?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

 $y = x^2 + ax + a - 1$ 의 x 절편을 α , β ($\alpha > \beta$) 라고 하면 $\alpha + \beta = -a$, $\alpha\beta = a - 1$ 이다. $\alpha - \beta = 2$ 이므로 $(\alpha - \beta)^2 = (\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta$ $4 = a^2 - 4a + 4$ $a^2 - 4a = 0$ a(a - 4) = 0 $\therefore a = 0$ 또는 a = 4따라서 a의 값의 합은 a = 4 40. 다음 그림에서 사각형 ABCD 는 네 꼭짓점이 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프 위에 있는 사다리꼴이다. \Box ABCD 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: ➢ 정답: 50

$y = ax^2$ 에 점 C(4, 4) 를 대입하면

 $4 = a \times 4^2$ $a = \frac{1}{4}$

 $y = \frac{1}{4}x^2$ 에서 A, D 의 y 좌표가 9이므로 $9 = \frac{1}{4}x^2$ $x^2 = 36$ $x = \pm 6$

 $\overline{\mathrm{AD}} = 12, \ \overline{\mathrm{BC}} = 8$ 이므로

 $\therefore \left(\square \text{ABCD의 넓이}\right) = (12+8) \times 5 \times \frac{1}{2} = 50$

41. 5의 음의 제곱근을 a , 2의 양의 제곱근을 b 라 할 때, $\sqrt{-a^2+3b^2}-\sqrt{(a^2\times b^2)^2}$ 을 계산하여라.

답:

▷ 정답: -9

해설

 $a = -\sqrt{5}, b = \sqrt{2}$ $\sqrt{-a^2 + 3b^2} - \sqrt{(a^2 \times b^2)^2}$ $= \sqrt{-(-\sqrt{5})^2 + 3(\sqrt{2})^2}$ $-\sqrt{\{(-\sqrt{5})^2 \times (\sqrt{2})^2\}^2}$ $= \sqrt{-5 + 6} - \sqrt{(5 \times 2)^2}$ = 1 - 10 = -9

42. $\sqrt{x} - \sqrt{y} = 3\sqrt{5}$ 를 만족하는 자연수 x, y의 순서쌍 (x, y)에 대하여 x의 최댓값을 구하여라. (단, $1 \le y \le 100$)

▶ 답:

▷ 정답: 245

해설

 $\sqrt{x} - \sqrt{y} = 3\sqrt{5} \text{ odd} \sqrt{x} = 3\sqrt{5} + \sqrt{y}$ \sqrt{x} 와 \sqrt{y} 를 계산할 수 있어야 하므로 $\sqrt{y} = a\sqrt{5}$ 꼴이 되어야 한다. (단, a는 자연수이다.)

 $1 \leq y \leq 100$ 이코 $\sqrt{y} = a\sqrt{5}$ 이므로 $y = 5a^2$

1 ≤ y ≤ 100 이고 5의 배수이다. a = 1일 때, $y = 5 \times 1^2 = 5$ ∴ y = 5, x = 80

a = 2 일 때, $y = 5 \times 2^2 = 20$ ∴ y = 20, x = 125

a = 3일 때, $y = 5 \times 3^2 = 45$ ∴ y = 45, x = 180a=4일 때, $y=5\times 4^2=80$: y=80, x=245

따라서 순서쌍 (x, y)에서 x의 최댓값은 245이다.

43. 다음을 계산하여라. $\left(\frac{4}{2002\times2006}+1\right)\left(\frac{4}{2004\times2008}+1\right)\left(\frac{4}{2006\times2010}+1\right)$ $\left(\frac{4}{2008\times2012}+1\right)$

▶ 답:

▷ 정답: 1

주어진 식은 $\frac{4}{a(a+4)} + 1 = \frac{4 + a(a+4)}{a(a+4)} = \frac{(a+2)^2}{a(a+4)}$ 의 곱의 꼴이므로 $(주어진 식) = \frac{2004^2}{2002 \times 2006} \times \frac{2006^2}{2004 \times 2008} \times \frac{2010^2}{2008 \times 2010} \times \frac{2010^2}{2008 \times 2012} = \frac{2004}{2002} \times \frac{2010}{2012} = 1$

- **44.** 이차방정식 $kx^2+(p+3)x-qk=3$ 이 k 의 값에 관계없이 항상 x=2를 해로 갖는다고 할 때, p+q의 값을 구하여라.

▶ 답:

ightharpoonup 정답: $rac{5}{2}$

 $kx^2 + (p+3)x - qk = 3$ 에 x=2 를 대입하면

해설

4k + 2p + 6 - qk = 3k 에 대하여 식을 정리하면

(4 - q)k + 2p + 3 = 0

이 식이 k 의 값에 관계없이 항상 성립하려면 4-q=0, 2p+3=0 이어야 한다.

 $\therefore p + q = -\frac{3}{2} + 4 = \frac{5}{2}$

45. $[f(x)]_b^a = f(a) - f(b)$ 라고 할 때, $[2x^2 + x]_1^a = 0$ 을 만족하는 양수 a의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

 $[2x^{2} + x]_{1}^{a} = 0$ $(2a^{2} + a) - (2 + 1) = 0$ $2a^{2} + a - 3 = 0$

(a-1)(2a+3) = 0 $\therefore a = 1 \ \text{\mathred{E}} \ a = -\frac{3}{2}$

따라서 양수 a 의 값은 1 이다.

46. 원 위의 움직이는 점 P 와 점 Q 가 동일한 위치에서 서로 반대방향으로 출발하여 이동하고 있다. 각 점들이 움직인 시간을 t 라 하면점 P 가 움직인 거리는 2t에 비례하고, 점 Q 가 움직인 거리는 $\frac{1}{2}t^2$ 에 비례한다. 점 P 가 점 Q 보다 3 초 일찍 출발하여 P 가 출발한지 5 초 후에 두 점이 만나게 되고, P 가 출발한지 9 초 후에 다시 한번만나게 된다고 할 때, 점 P 가 움직인 거리와 점 P 가 움직인 거리가같아지는 시각은 점 P 가 출발한 지 몇 초 후인지 구하여라. (단, 원둘레의 길이는 72 이다.)

<u>초</u>

ightharpoonup 정답: $17 + 2\sqrt{70}$ 초

점 P 와 점 Q 가 움직인 시간을 t 라 하면 점 P 가 움직인 거리는

해설

답:

 $s=a\times 2t$, 점 Q 가 움직인 거리 $s'=b\times \frac{1}{2}t^2$ 이다. (a,b) 상수) 점 P 가 이동하기 시작한지 5 초 후와 9 초 후에 각각 한 번씩 만나고 점 P 는 Q 보다 3 초 일찍 출발하므로

만나고 점 P 는 Q 보다 3 조 일찍 줄말하므로 10a + 2b = 7218a + 18b = 144

18a + 18b = 144 $\therefore a = 7, b = 1$

따라서 x 초 동안 P 가 움직인 거리는 14x, Q 가 움직인 거리는

 $\frac{1}{2}x^2$ 이다. P 가 3 초 먼저 출발하므로 $14x = \frac{1}{2}(x-3)^2$

 $x^2 - 34x + 9 = 0$

 $x = 17 + 2\sqrt{70}$ 따라서 구하는 시각은 출발한지 $17 \pm 2\sqrt{70}$ 초 후이다.

- 47. 원가가 2000 원인 인형이 있다. a% 의 이익을 붙여서 정가를 정하였다가 할인기간에 정가의 3a% 를 받고 팔았더니 560 원의 손해를 보았다. 이 때, a 의 값을 구하면?
 - ① 10 ② 20 ③ 30 ④ 40 ⑤ 50

경가: $2000 \times \left(1 + \frac{a}{100}\right)$ 원 $2000 \times \left(1 + \frac{a}{100}\right) \times \frac{3a}{100} + 560 = 2000$ $60a + \frac{3}{5}a^2 + 560 = 2000$ $a^2 + 100a - 2400 = 0$ (a - 20)(a + 120) = 0 $\therefore a = 20 \ (a > 0)$

- **48.** 이차함수 $y = x^2 5x 6$ 의 그래프는 x 축과 두 점 A, B 에서 만난다고 한다. 이 때, 선분 AB 의 길이는?
- ① 1 ② 2 ③ 4 ④ 6



해설

 $y = x^2 - 5x - 6$ 의 x 절편은 y = 0 대입 $x^2 - 5x - 6 = 0, (x+1)(x-6) = 0$ $\therefore x = -1, 6$

- $\therefore \overline{AB} = 6 (-1) = 7$

- **49.** 이차함수 $y = -x^2 + 4x$ 의 그래프가 아래 그림과 같을 때, $\triangle AOB$: $\triangle OBC = 4:5$ 가 되는 점 C 의 좌표는? (단, 점 A 는 꼭짓점, 점 B 는 포물선과 x 축과의 교점, 점 C 는 포물선 위에 있는 4 사분면의 점이다.)

 - \bigcirc (5, -5) \bigcirc (4, -3) \bigcirc (6, -2)
 - 4 (2, -8) 5 (3, -4)

$y = -x^2 + 4x = -(x-2)^2 + 4$ 이므로 꼭짓점 A(2,4)

해설

또한 y = 0 일 때, $0 = -x^2 + 4x \Leftrightarrow x(x - 4) = 0$ 따라서 점 B(4,0) 이다. \therefore $\triangle AOB = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$

 $\triangle AOB: \triangle OBC = 4:5$ 이므로 $\triangle OBC$ 의 넓이는 10 이다.

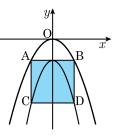
의 y 좌표가 -5 이다. 점 C 의 x 좌표를 c 라고 하면 $-c^2 + 4c = -5$ $c^2-4c-5=0\Leftrightarrow (c-5)(c+1)=0,\,c>0$ 이므로 c=5

 $\Delta {
m OBC}$ 의 밑변을 $\overline{
m OB}=4$ 라고 하면 높이는 5 가 된다. 즉 점 ${
m C}$

 $\therefore C(5, -5)$

 $-x^2$ 위의 점이고, 점 C, D는 이차함수 $y = -2x^2 - 1$ 위의 점이다. 사각형 ABDC 가 정사각형일 때, 이 정사각형의 넓이를 구하여라. (단, 사각형의 각 변은 모두 좌표축과 평행하다.)

50. 다음 그림에서 두 점 A, B는 이차함수 y =



답: ▷ 정답: 4

해설

점 A 의 x 좌표를 a라 하면

A(a, -a²), B(-a, -a²), C(a, -2a²-1), D(-a, -2a²-1) □ABCD는 정사각형이므로

 $-2a = -a^{2} - (-2a^{2} - 1)$ $(a+1)^{2} = 0$

∴ a = -1따라서 □ABCD = $2 \times 2 = 4$ 이다.