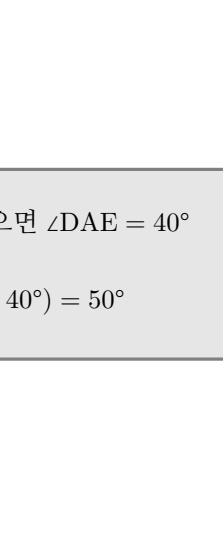


1. 다음 그림과 같이 반원 O의 지름 AB를 한 변으로 하는 $\triangle ABC$ 에서 $\angle C$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

◦

▷ 정답: 50°

해설

점 A 와 점 E 를 이으면 $\angle DAE = 40^\circ$

$\angle AEC = 90^\circ$

$\angle C = 180^\circ - (90^\circ + 40^\circ) = 50^\circ$

2. 다음 그림에서 $\angle BAC = 70^\circ$ 일 때, $\angle OBC$ 의 크기는?

- ① 15° ② 20° ③ 25°
④ 30° ⑤ 35°



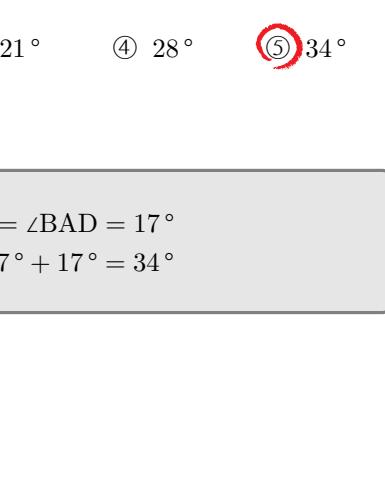
해설

$$\angle BOC = 2 \times 70^\circ = 140^\circ$$

$\triangle BOC$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle OBC = \frac{1}{2} \times 40^\circ = 20^\circ$$

3. 다음 그림에서 $\widehat{AC} = 5.0\text{pt}$, $\widehat{BD} = 5.0\text{pt}$ 이고 $\angle ABC = 17^\circ$ 일 때, $\angle AEC$ 의 크기는?

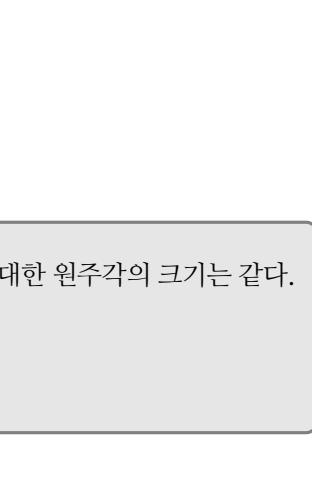


- ① 13° ② 17° ③ 21° ④ 28° ⑤ 34°

해설

호의 길이가 같으므로 $\angle ABC = \angle BAD = 17^\circ$
 $\angle AEC = \angle ABC + \angle BAE = 17^\circ + 17^\circ = 34^\circ$

4. 다음 그림에서 $\angle BDC = x^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 라고 할 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답: $\frac{80}{2} = 40^\circ$

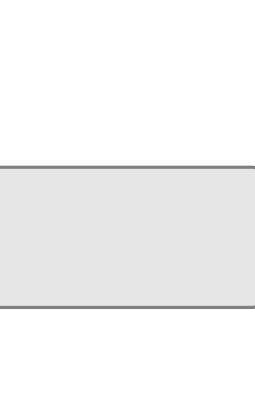
▷ 정답: 40°

5.0pt $\widehat{AB} = 5.0pt\widehat{BC}$ 이므로 두 호에 대한 원주각의 크기는 같다.

$$x^\circ = 80^\circ \times \frac{1}{2} = 40^\circ$$

$$\therefore x = 40^\circ$$

5. 다음 그림에서 네 점 A, B, C, D 가 한 원 위에 있을 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

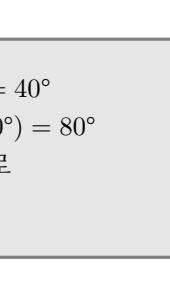
▷ 정답: 30

해설

$$\angle BAC = \angle BDC = 30^\circ \text{ 이므로}$$

$$\therefore x = 30$$

6. 다음 그림에서 \overline{AB} 가 원 O의 지름일 때, $\angle x + \angle y$ 는?

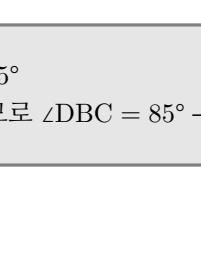


- ① 110° ② 120° ③ 130° ④ 140° ⑤ 150°

해설

$\angle x + 10^\circ = 50^\circ \therefore \angle x = 40^\circ$
 $\angle B = 180^\circ - (10^\circ + 90^\circ) = 80^\circ$
 $\angle y + \angle B = 180^\circ$ 이므로
 $\angle y = 100^\circ$ 이다.

7. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 원 O 에 내접하고, $\angle BAC = 40^\circ$, $\angle DCE = 85^\circ$ 일 때, $\angle DBC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

◦

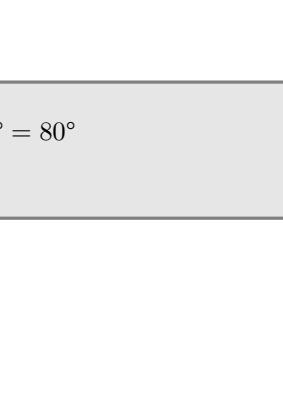
▷ 정답 : 45°

해설

$$\angle DCE = \angle BAD = 85^\circ$$

$$\angle DAC = \angle DBC \text{ 이므로 } \angle DBC = 85^\circ - 40^\circ = 45^\circ$$

8. 다음 그림에서 직선 l 이 원의 접선일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하면?

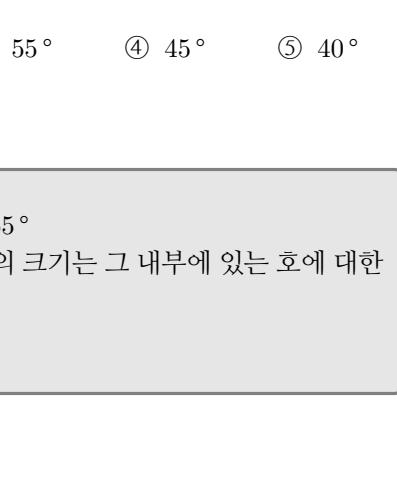


- ① 70° ② 75° ③ 80° ④ 85° ⑤ 90°

해설

$$\angle x = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$$

9. 다음 그림에서 $\overline{PA}, \overline{PB}$ 가 접선일 때, $\angle AQB$ 의 크기는?

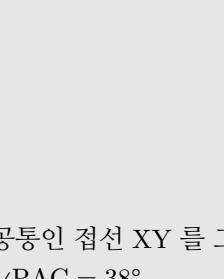


- ① 65° ② 60° ③ 55° ④ 45° ⑤ 40°

해설

$\overline{PA} = \overline{PB}$ 이므로 $\angle ABP = 65^\circ$
또한, 접선과 원이 이루는 각의 크기는 그 내부에 있는 호에 대한
원주각의 크기와 같으므로
 $\angle ABP = \angle AQB = 65^\circ$ 이다.

10. 다음 그림에서 두 원 O , O' 은 점 P 에서 외접하고, 이 점 P 를 지나는 두 직선이 원과 만나는 점을 A , B , C , D 라 할 때, $\angle DPB$ 의 크기는?



- ① 86° ② 87° ③ 88° ④ 89° ⑤ 90°

해설



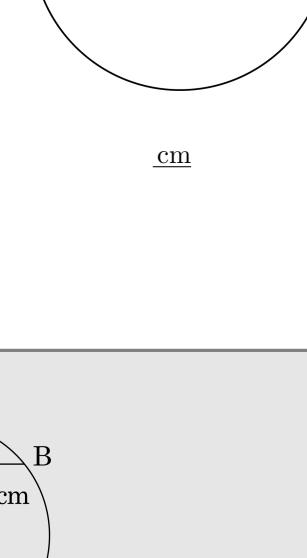
점 P 에서 두 원의 공통인 접선 XY 를 그으면

$$\angle XPD = \angle CPY = \angle PAC = 38^\circ$$

$$\angle BPY = \angle PDB = 55^\circ$$

$$\angle DPB = 180^\circ - (55^\circ + 38^\circ) = 87^\circ$$

11. 다음 그림과 같이 호 AB 는 원 O 의 일부분이고, $\overline{AD} = \overline{BD}$, $\overline{AB} \perp \overline{CD}$ 일 때, 이 원의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

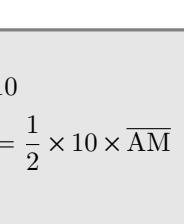
▷ 정답 : 10 cm

해설



$$\begin{aligned}\overline{AO} &= x \text{ 라면} \\ x^2 &= 8^2 + (x - 4)^2 \\ x^2 &= 64 + x^2 - 8x + 16 \\ 8x &= 80 \\ \therefore x &= 10(\text{cm})\end{aligned}$$

12. 다음 그림에서 두 원 O, O'의 반지름의 길이는 각각 6cm, 8cm이고 $\angle OAO' = 90^\circ$ 일 때, 공통현 AB의 길이를 구하여라.



- ① $\frac{48}{5}$ cm ② $\frac{24}{5}$ cm ③ $\frac{12}{5}$ cm
④ 10cm ⑤ 14cm

해설

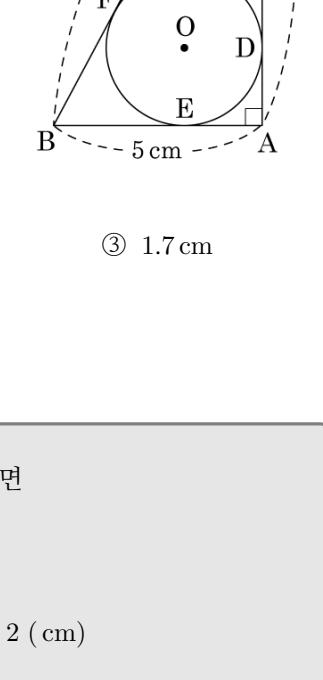
$$OO' = \sqrt{36 + 64} = 10$$

$$\triangle AOO' = \frac{1}{2} \times 6 \times 8 = \frac{1}{2} \times 10 \times \overline{AM}$$

$$\therefore \overline{AM} = \frac{24}{5}$$

$$\overline{AB} = 2\overline{AM} = \frac{48}{5} \text{ (cm)}$$

13. 다음 그림을 보고 내접원 O의 반지름 x 를 바르게 구한 것은?



- ① 0.5 cm ② 1 cm ③ 1.7 cm
④ 2 cm ⑤ 3 cm

해설

$\overline{OE} = \overline{OD} = \overline{AE} = \overline{AD} = x$ 라고 하면

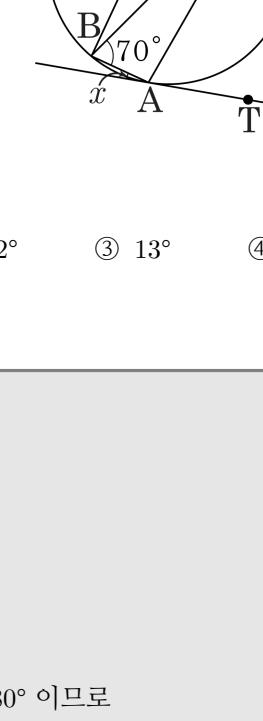
$\overline{CF} = \overline{CD} = 12 - x$

$\overline{BF} = \overline{BE} = 5 - x$

$\overline{CB} = \overline{CF} + \overline{BF}$ 이므로

$$13 = (12 - x) + (5 - x) \quad \therefore x = 2 \text{ (cm)}$$

85 0



15. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 원에 내접하고
 $\angle P = 30^\circ$, $\angle Q = 38^\circ$ 일 때, $\angle PAQ$ 의 크기는?

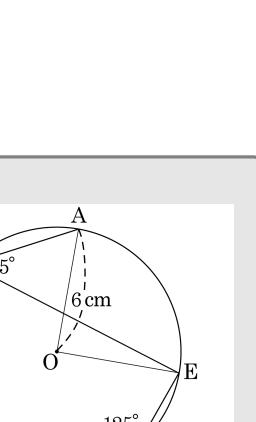
- ① 38° ② 50° ③ 54°
④ 56° ⑤ 68°



해설

$\triangle PAB$ 에서
 $\angle BCQ = \angle A = x$
 $\angle CBQ = x + 30^\circ$ (\because 삼각형의 외각)
 $\triangle CBQ$ 에서 $x + x + 30^\circ + 38^\circ = 180^\circ$
 $\therefore x = 56^\circ$

16. 다음 그림과 같이 원 O에 내접하는 오각형 ABCDE에서 $\angle ABC = 100^\circ$, $\angle CDE = 125^\circ$ 이고, $\overline{AO} = 6\text{cm}$ 일 때, 부채꼴 AOE의 넓이는?



- ① πcm^2 ② $4\pi\text{cm}^2$ ③ $6\pi\text{cm}^2$
 ④ $9\pi\text{cm}^2$ ⑤ $11\pi\text{cm}^2$

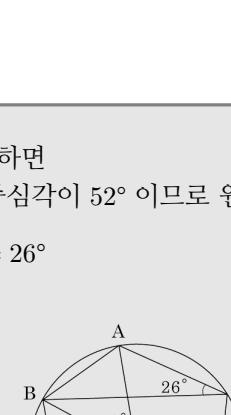
해설

보조선 \overline{BE} 를 그어 내접하는 사각형에서 $\angle CBE = 55^\circ$ 이므로 $\angle ABE = 45^\circ$ 이다. \widehat{AE} 의 중심각 $\angle AOE = 2\angle ABE = 90^\circ$ 이다. 따라서 부채꼴 AOE의 넓이



$$\textcircled{4} \quad S = \pi \times 6^2 \times \frac{90^\circ}{360^\circ} = 9\pi(\text{cm}^2)$$

17. 다음 그림에서 오각형 ABCDE는 원 O에 내접하고 $\angle AOB = 52^\circ$ 일 때, $\angle C + \angle E$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 206 °

해설

보조선 BE를 연결하면

5.0pt \widehat{AB} 에 대한 중심각이 52° 이므로 원주각

$$\angle AEB = 52^\circ \times \frac{1}{2} = 26^\circ$$

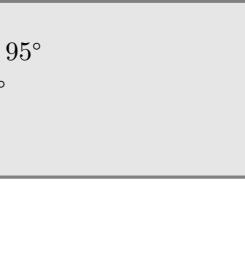


또한, 사각형 BCDE는 원에 내접하는 사각형이므로 한 쌍의 대각의 크기의 합은 180° 이다.

즉, $\angle C + \angle BED = 180^\circ$

$$\therefore \angle C + \angle E = 180^\circ + 26^\circ = 206^\circ$$

18. 다음 그림에서 \overline{PQ} 는 두 원 O , O' 의 공통현이다. $\angle CAP = 95^\circ$ 일 때, $\angle DBP$ 의 크기는?



- ① 70° ② 80° ③ 85° ④ 90° ⑤ 95°

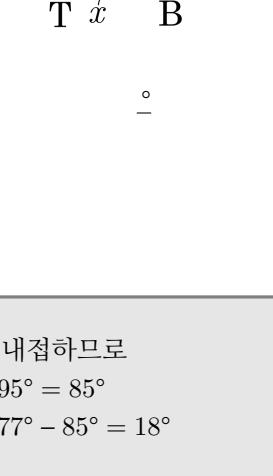
해설

$$\angle CAP = \angle PQD = 95^\circ$$

$$\angle DBP + 95 = 180^\circ$$

$$\therefore \angle DBP = 85^\circ$$

19. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 원 O 에 내접하고 \overleftrightarrow{BT} 는 원 O 의 접선이다.
 $\angle CAB = 77^\circ$, $\angle ADC = 95^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

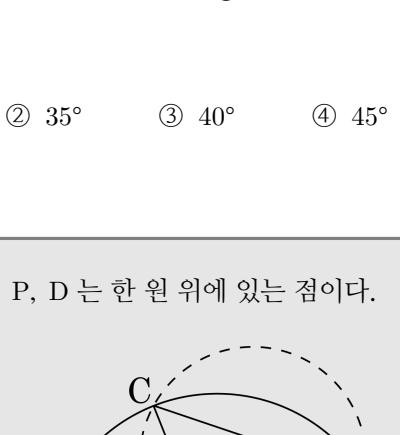
°

▷ 정답: 18 °

해설

$\square ABCD$ 가 원에 내접하므로
 $\angle ABC = 180^\circ - 95^\circ = 85^\circ$
 $\angle ACB = 180^\circ - 77^\circ - 85^\circ = 18^\circ$

20. 다음 그림과 같이 \overline{AB} 를 지름으로 하는 원 O에서 $\angle OCP = \angle ODP = 10^\circ$, $\angle AOC = 70^\circ$ 일 때, $\angle DOB$ 의 크기는?



- ① 30° ② 35° ③ 40° ④ 45° ⑤ 50°

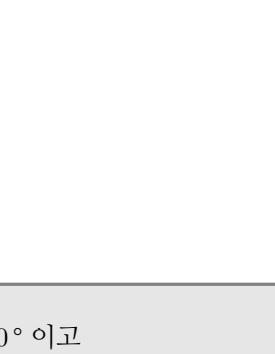
해설

네 점 C, O, P, D는 한 원 위에 있는 점이다.



$$\begin{aligned}\therefore \angle CDP &= \angle COA = 70^\circ \\ \therefore \angle CDO &= \angle DCO = 70^\circ - 10^\circ = 60^\circ \\ \angle COD &= 180^\circ - 2 \times 60^\circ = 60^\circ \\ \therefore \angle DOB &= 180^\circ - 70^\circ - 60^\circ = 50^\circ\end{aligned}$$

21. 다음 사각형 ABCD 가 원에 내접할 때,
 $\angle a, \angle b$ 의 크기를 차례대로 구하여라.



▶ 답: $\angle a = 70^\circ$

▶ 답: $\angle b = 140^\circ$

▷ 정답: 70°

▷ 정답: 140°

해설

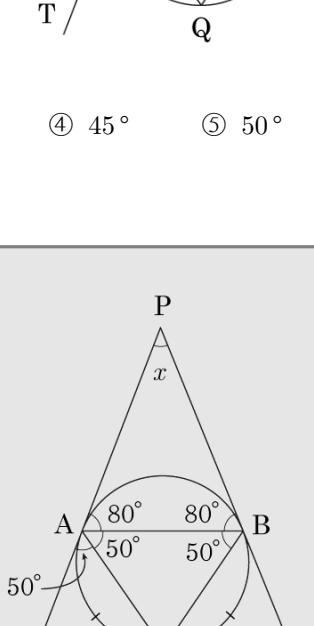
\widehat{BC} 에 대한 원주각이므로 $\angle a = 70^\circ$ 이고
 $\triangle BCD$ 는 이등변삼각형이므로

$\angle CBD = \angle CAD = 70^\circ$

$\angle BAD = \angle b$

$\therefore \angle b = 140^\circ$

22. 다음 그림에서 직선 PA, PB 는 원의 접선이다. $\angle APB = \angle x$, $\angle QAT = 50^\circ$, $5.0pt\widehat{AQ} = 5.0pt\widehat{BQ}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 20° ② 35° ③ 40° ④ 45° ⑤ 50°

해설

접선과 현이 이루는 각의 크기는 그 내부의 호에 대한 원주각의 크기와 같으므로

$$\angle QAT = \angle QBA$$

$$\widehat{AQ} = \widehat{BQ} \text{ 이므로 } \angle QBA =$$

$$\angle BAO = 50^\circ$$

$$\text{따라서, } \angle PAB = 180^\circ - 50^\circ -$$

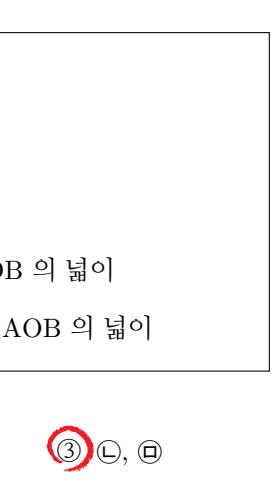
$$50^\circ = 80^\circ \text{ 이다.}$$

$$\text{또한, } \overline{PA} = \overline{PB} \text{ 이므로 } \angle x =$$

$$180^\circ - 80^\circ - 80^\circ = 20^\circ \text{ 이다.}$$



23. 주어진 그림처럼 원 O에서 $\angle COD = 3\angle AOB$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?



[보기]

- Ⓐ $\overline{AB} = 3 \times \overline{CD}$
- Ⓑ $5.0pt\widehat{CD} = 3 \times 5.0pt\widehat{AB}$
- Ⓒ $5.0pt\widehat{AC} = 2 \times 5.0pt\widehat{BD}$

Ⓓ 삼각형 COD의 넓이 = 삼각형 AOB의 넓이

Ⓔ 부채꼴 COD의 넓이 = 3×부채꼴 AOB의 넓이

Ⓐ Ⓛ, Ⓜ

Ⓑ Ⓛ, Ⓝ

Ⓒ Ⓛ, Ⓞ

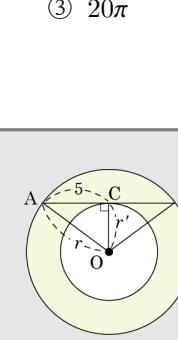
Ⓓ Ⓛ, Ⓜ

Ⓔ Ⓛ, Ⓜ

[해설]

호의 길이와 부채꼴의 넓이는 중심각에 정비례한다. 현의 길이는 중심각의 크기에 정비례하지 않는다.

24. 다음 그림과 같이 두 개의 동심원이 있다. 큰 원의 현 $AB = 10$ 일 때, 색칠한 부분의 넓이는?



- ① 10π ② 15π ③ 20π ④ 25π ⑤ 30π

해설



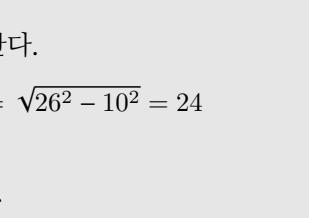
큰 원의 반지름의 길이를 r , 작은 원의 반지름의 길이를 r' 라고 하자.

\overline{AB} 는 작은 원의 접선이므로 $\overline{OC} \perp \overline{AB}$, $\overline{AC} = \frac{1}{2}\overline{AB} = 5$ 이다.

직각삼각형 $\triangle ACO$ 에서 $r^2 - r'^2 = 5^2$ 이다.

색칠한 부분의 넓이 $= \pi r^2 - \pi r'^2 = \pi(r^2 - r'^2) = 25\pi$ 이다.

25. 다음 그림에서 \widehat{AB} 는 반지름의 길이가 26 인 원의 일부분이다. $\overline{AB} = 20$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이는?



- ① 10 ② $20\sqrt{2}$ ③ 20 ④ 25 ⑤ $24\sqrt{5}$

해설

원의 중심 O 와 점 C , 점 D 를 연결한다.

$$\triangle AOD \text{ 에서 } \overline{OD} = \sqrt{\overline{AO}^2 - \overline{AD}^2} = \sqrt{26^2 - 10^2} = 24$$

$$\therefore \overline{CD} = \overline{OC} - \overline{OD} = 26 - 24 = 2$$

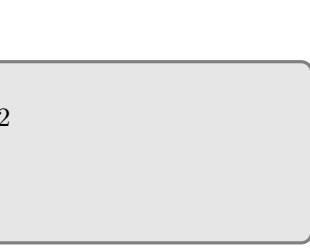
따라서 넓이는 $\frac{1}{2} \times 20 \times 2 = 20$ 이다.

26. 그림에서 \overline{AT} 는 반지름의 길이가 12 인 원 O의 접선이고 점 A는 접점이다.

$\angle ABC = 30^\circ$ 일 때, \overline{CT} 의 길이를 구하면?

- ① 7 ② 9 ③ 10

- ④ 12 ⑤ 13



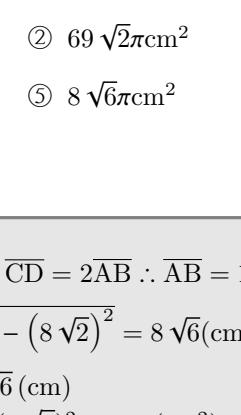
해설

$$\angle AOC = 60^\circ, \angle ATC = 30^\circ, \overline{OA} = 12$$

$$1 : 2 = 12 : \overline{OT} \quad \therefore \overline{OT} = 24$$

$$\therefore \overline{CT} = 24 - 12 = 12$$

27. 다음 그림과 같이 원 O에 외접하는 등변사다리꼴 ABCD가 있다.
 $\overline{AD} = 8\sqrt{2}\text{cm}$, $\overline{BC} = 24\sqrt{2}\text{cm}$ 일 때, 내접원 O의 넓이는?



- ① $69\pi\text{cm}^2$ ② $69\sqrt{2}\pi\text{cm}^2$ ③ $96\pi\text{cm}^2$
 ④ $96\sqrt{2}\pi\text{cm}^2$ ⑤ $8\sqrt{6}\pi\text{cm}^2$

해설

$$\overline{AD} + \overline{BC} = \overline{AB} + \overline{CD} = 2\overline{AB} \therefore \overline{AB} = 16\sqrt{2}(\text{cm})$$

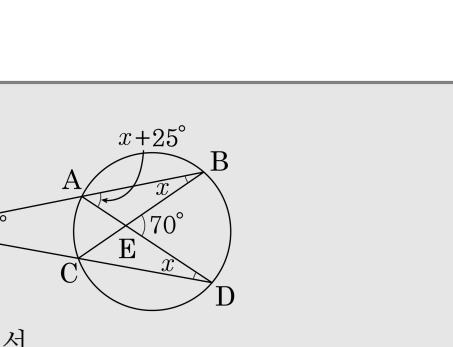
$$\overline{AH} = \sqrt{(16\sqrt{2})^2 - (8\sqrt{2})^2} = 8\sqrt{6}(\text{cm})$$

∴ 원의 반지름은 $4\sqrt{6}$ (cm)

$$(\text{원의 넓이}) = \pi \times (4\sqrt{6})^2 = 96\pi(\text{cm}^2)$$



28. 다음 그림에서 $\angle P = 25^\circ$, $\angle BED = 70^\circ$ 일 때, $\angle ABC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▷ 정답 : 22.5°

해설



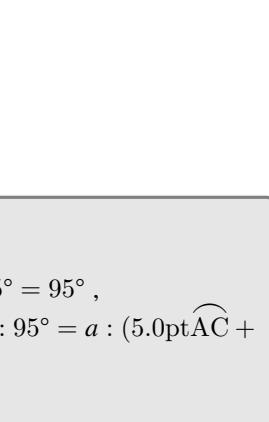
$\triangle AEB$ 에서

$\angle ABC = x$ 라면

$$25^\circ + x + x = 70^\circ$$

$$2x = 45^\circ \quad \therefore x = 22.5^\circ$$

29. 다음 그림에서 점 P는 두 원 \overline{AB} , \overline{CD} 의 교점이고, $5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 의 길이는 a 이다. $\angle ACD = 35^\circ$, $\angle BPC = 85^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AC} + 5.0\text{pt}\widehat{BD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

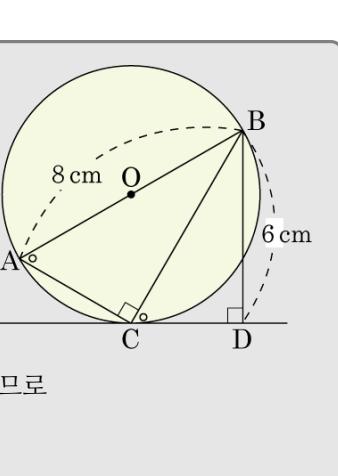
▷ 정답: $\frac{19}{10}a$

해설

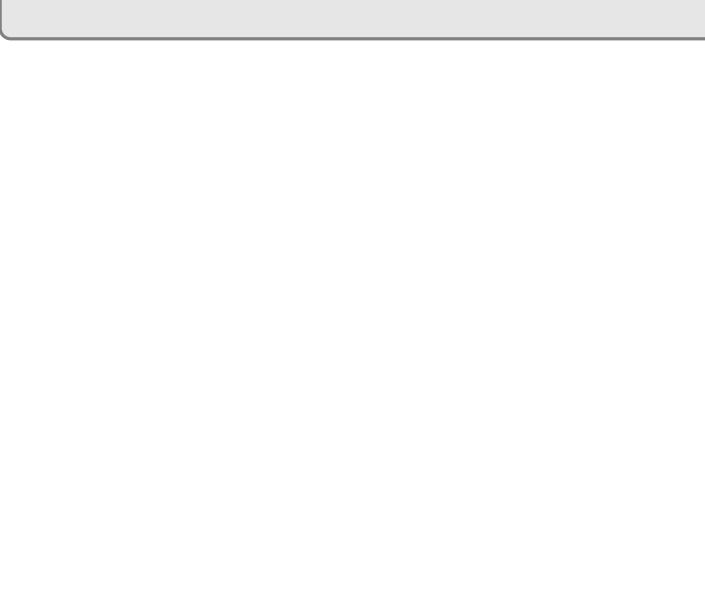
$$\begin{aligned} \triangle ACP \text{에서 } \angle CAP &= 85^\circ - 35^\circ = 50^\circ, \\ \triangle PCB \text{에서 } \angle PCB + \angle PBC &= 180^\circ - 85^\circ = 95^\circ, \\ 5.0\text{pt}\widehat{BC} : (5.0\text{pt}\widehat{AC} + 5.0\text{pt}\widehat{BD}) &= 50^\circ : 95^\circ = a : (5.0\text{pt}\widehat{AC} + 5.0\text{pt}\widehat{BD}) \\ 5.0\text{pt}\widehat{AC} + 5.0\text{pt}\widehat{BD} &= a \times \frac{95^\circ}{50^\circ} = \frac{19}{10}a \end{aligned}$$

30. 다음 그림에서 \overrightarrow{CD} 는 원 O의 접선이다.
다. \overline{AB} 가 원의 지름이고 $\overline{CD} \perp \overline{BD}$
일 때, \overline{AC} 의 길이는?

- ① 2cm ② 4cm
③ $2\sqrt{3}$ cm ④ $3\sqrt{2}$ cm
⑤ $4\sqrt{2}$ cm



해설



$$\angle ACB = 90^\circ, \angle BAC = \angle BCD \text{ 이므로}$$

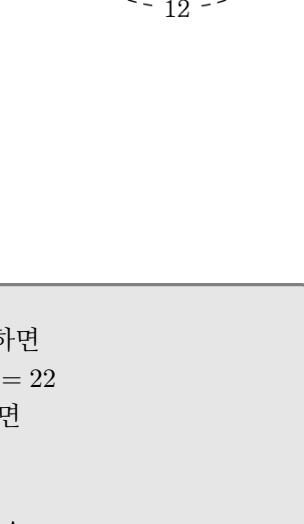
$\triangle ABC \sim \triangle CBD$ (AA 닮음)

$$\therefore 8 : \overline{BC} = \overline{BC} : 6$$

$$\overline{BC}^2 = 48, \overline{BC} = 4\sqrt{3} \text{ cm}$$

$$\therefore \overline{AC} = \sqrt{8^2 - (4\sqrt{3})^2} = 4 \text{ cm}$$

31. 다음 그림과 같이 원 O에 외접하는 사각형 ABCD에서 P, Q, R, S는 접점이고, $\overline{AD} = 10$, $\overline{BC} = 12$, $\angle BCD = 90^\circ$ 이다. 색칠한 부분의 넓이가 $110 - 25\pi$ 일 때, 원 O의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

다음 그림에서 $\overline{AB} = a$, $\overline{CD} = b$ 라 하면
 $\overline{AD} + \overline{BC} = \overline{AB} + \overline{CD}$ 이므로 $a + b = 22$

원 O의 반지름의 길이를 r 이라 놓으면
 $\overline{OP} = \overline{OQ} = \overline{OR} = \overline{OS} = r$

$$\begin{aligned} & \therefore \square ABCD \\ &= \triangle OAB + \triangle OBC + \triangle OCD + \triangle ODA \\ &= \frac{1}{2} \cdot \overline{AB} \cdot \overline{OP} + \frac{1}{2} \cdot \overline{BC} \cdot \overline{OQ} + \frac{1}{2} \\ &\quad \cdot \overline{CD} \cdot \overline{OR} + \frac{1}{2} \cdot \overline{AD} \cdot \overline{OS} \\ &= \frac{r}{2} (\overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CD} + \overline{DA}) \\ &= \frac{r}{2} \times 44 = 22r \end{aligned}$$

원 O의 넓이는 $r^2\pi$ 이므로

(색칠한 부분의 넓이)

$= (\square ABCD의 넓이) - (\text{원 } O\text{의 넓이})$ 이므로

$$110 - 25\pi = 22r - r^2\pi \therefore r = 5$$

따라서 원 O의 반지름의 길이는 5이다.

