

1. 연필 2 다스와 공책 40 권이 있습니다. 이것을 될 수 있는대로 많은 사람에게 남김없이 똑같이 나누어 주려고 합니다. 몇 명까지 나누어 줄 수 있습니까?

▶ 답 :                      명

▷ 정답 : 8 명

해설

많은 사람에게 남김없이 똑같이 나누어 주려면  
2다스 ( $2 \times 12 = 24$  자루) 와 40 권의 최대공약수를 구합니다.

$$\begin{array}{r} 4) \ 24 \ 40 \\ 2) \ \underline{6 \ 10} \\ \quad 3 \ 5 \end{array}$$

따라서 24와 40의 최대공약수는  $4 \times 2 = 8$ 이므로  
8명까지 나누어 줄 수 있습니다.

2. 다음 자연수 중 약수가 모두 홀수인 것은 어느 것입니까?

- ① 12      ② 8      ③ 9      ④ 18      ⑤ 24

해설

- ① 12 : 1, 2, 3, 4, 6, 12  
② 8 : 1, 2, 4, 8  
③ 9 : 1, 3, 9  
④ 18 : 1, 2, 3, 6, 9, 18  
⑤ 24 : 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24  
→ ③

3. 40과 56 을 어떤 수로 나누면 나누어 떨어집니다. 어떤 수 중에서 가장 큰 수를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

두 수의 최대공약수를 구합니다.

$$2) \begin{array}{r} 40 \\ 56 \end{array}$$

$$2) \begin{array}{r} 20 \\ 28 \end{array}$$

$$2) \begin{array}{r} 10 \\ 14 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5 \\ 7 \end{array}$$

$$\text{최대공약수 : } 2 \times 2 \times 2 = 8$$

4. 어떤 두 수의 최대공약수가 24이라고 한다. 다음 중 두 수의 공약수가 될 수 없는 수를 모두 고르시오.

① 2      ② 5      ③ 6      ④ 9      ⑤ 24

**해설**

두 수의 공약수는 24의 약수입니다.  
24의 약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24  
→ 5와 9는 공약수가 될 수 없습니다.

5. 다음 두 수의 최대공약수를 구하시오.

48, 72

▶ 답 :

▷ 정답 : 24

해설

$$\begin{array}{r} 2) 48 \ 72 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2) 24 \ 36 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2) 12 \ 18 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3) \ 6 \ 9 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \ 3 \\ \hline \end{array}$$

$$\text{최대공약수 : } 2 \times 2 \times 2 \times 3 = 24$$

6. 65의 약수를 작은 수부터 차례대로 구하시오.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

▷ 정답 : 5

▷ 정답 : 13

▷ 정답 : 65

해설

$65 = 1 \times 65 = 5 \times 13$  이므로  
65의 약수는 1, 5, 13, 65입니다.

7. 한 변의 길이가 1cm인 정사각형이 30장 있습니다. 이것을 모두 사용하여 만들 수 있는 직사각형의 종류는 모두 몇 가지입니까?

<참고>

정사각형 6 개로 만들 수 있는 직사각형의 종류  $\Rightarrow$  2 가지

$$1 \times 6 = 6 \times 1 = 6$$

$$2 \times 3 = 3 \times 2 = 6$$

▶ 답 :                      가지

▷ 정답 : 4가지

해설

$$30 = 1 \times 30, 2 \times 15 = 3 \times 10 = 5 \times 6$$

$30 = 3 \times 10, 30 = 5 \times 6$  이므로,  
만들 수 있는 직사각형의 종류는 모두 4가지입니다.

8. 왼쪽 수가 오른쪽 수의 배수일 때,  안에 들어갈 알맞은 수는 모두 몇 개입니까?

(48 , )

▶ 답 :                       개

▷ 정답 : 10    개

해설

48이 의 배수이므로 는 48의 약수입니다.  
48의 약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 16, 24, 48  
→ 10개

9. 14와 35의 공배수를 작은 수부터 차례로 3개만 구하시오.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 70

▷ 정답 : 140

▷ 정답 : 210

해설

$$\begin{array}{r} 7) \quad 14 \quad 35 \\ \underline{\phantom{00} 2 \phantom{0} 5} \end{array}$$

최소공배수 :  $7 \times 2 \times 5 = 70$

14 와 35 의 공 배 수 는 최 소 공 배 수 70 의 배 수 :  
70, 140, 210, 280, ...

→ 70, 140, 210

10. 24와 32의 최소공배수를 이용하여 두 수의 공배수를 구하려고 합니다.

24와 32의 공배수를 작은 수 부터 차례대로 2개만 구하시오.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 96

▷ 정답 : 192

해설

24와 32의 최소공배수인 96의 배수를 구합니다.

$$\begin{array}{r} 2) \ 24 \ 32 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2) \ 12 \ 16 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2) \ 6 \ 8 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \ 4 \end{array}$$

$$2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 4 = 96$$

96의 배수 : 96, 192, 288...

→ 96, 192

11. 서로 다른 두 자연수를 다음과 같이 곱셈식으로 나타내었습니다. 두 수의 최소공배수를 구하는 식으로 알맞은 것은 어느 것입니까?

$A = 2 \times 2 \times 3 \times 7 \quad B = 2 \times 3 \times 7 \times 7$

- ①  $2 \times 3$
- ②  $2 \times 3 \times 7$
- ③  $2 \times 3 \times 7 \times 2 \times 7$
- ④  $2 \times 3 \times 7 \times 2 \times 3 \times 7$
- ⑤  $2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 7 \times 7 \times 7$

해설

최소공배수는 공통인 부분과 각 수에서 공통인 부분을 제외한 나머지 부분들을 곱해서 구합니다.

공통인 부분 :  $2 \times 3 \times 7$

A에서 남는 부분 :  $\times 2$

B에서 남는 부분 :  $\times 7$

최소공배수 :  $2 \times 3 \times 7 \times 2 \times 7$

12. 72의 약수 중에서 4의 배수가 되는 수를 모두 몇 개입니까?

▶ 답 :                      개

▷ 정답 : 6 개

해설

72의 약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 12, 18, 24, 36, 72  
이 중에서 4의 배수는 4, 8, 12, 24, 36, 72이므로 6개 입니다.

13. 가로가 8cm, 세로가 18cm인 직사각형 모양의 타일을 늘어놓아 가장 작은 정사각형을 만들려고 합니다. 이 정사각형의 한 변의 길이를 구하시오.

▶ 답: cm

▶ 정답 : 72cm

해설

8과 18의 최소공배수가 정사각형의 한 변의 길이가 됩니다.

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 818} \\ \underline{4} \phantom{0} \\ 4 \phantom{0} \end{array}$$

8과 18의 최소공배수는  $2 \times 4 \times 9 = 72$ 이므로  
직사각형 한 변의 길이는 72cm입니다.

14. 공책 32권과 연필 4다스를 될 수 있는 대로 많은 학생들에게 남김없이 똑같이 나누어 주려고 합니다. 몇 명에게 나누어 줄 수 있는지 구하십시오.

▶ 답 :                    명

▷ 정답 : 16명

해설

연필  $4 \times 12 = 48$  (자루)와 공책 32 권을 될 수 있는 대로 많은 학생들에게 남김없이 똑같이 나누어 주려면 48 과 32 의 최대공약수를 구합니다.

$$\begin{array}{r} 4) \ 48 \ 32 \\ 4) \ 12 \ 8 \\ \hline 3 \ 2 \end{array}$$

따라서 48과 32의 최대공약수는  $4 \times 4 = 16$  이므로 16명에게 나누어 줄 수 있습니다.

15. 사과 40개, 배 56개를 남김없이 봉지에 같은 개수씩 넣으려고 합니다. 봉지의 수를 가장 많게 하려면, 한 봉지에 사과와 배를 합하여 몇 개를 넣으면 되는지 구하시오.

▶ 답: 개

▶ 정답 : 12개

해설

사과와 배를 남김없이 봉지에 같은 개수씩 넣으려면 40과 56의 최대공약수를 구합니다.

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 40 \ 56} \\ 2 \overline{) 20 \ 28} \\ 2 \overline{) 10 \ 14} \\ \hline 5 \quad 7 \end{array}$$

40 과 56 의 최대공약수가

$2 \times 2 \times 2 = 8$  이므로 8 봉지가 됩니다.

사과는 한 봉지에  $40 \div 8 = 5$ (개)씩,

배는 한 봉지에  $56 \div 8 = 7$ (개)씩 넣으면 되므로

하 밭지에  $5 + 7 = 12$ (개)를 넣으면 됩니다.



17. 연필 3다스와 공책 42권을 될 수 있는 대로 많은 사람에게 남김없이 똑같이 나누어 주려고 합니다. 몇 명에게 나누어 줄 수 있습니까?

▶ 답: 명

▷ 정답 : 6명

## 해설

연필과 공책을 많은 사람에게 남김없이 똑같이 나누어 주려면  
36 과 42 의 최대공약수를 구합니다.

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 36 \ 42} \\ 3 \overline{) 18 \ 21} \\ \hline 6 \quad 7 \end{array}$$

최대공약수 :  $2 \times 3 = 6$

따라서 6명에게 나누어줄 수 있습니다.

18. 머리핀 36개와 머리띠 48개가 있습니다. 이것을 남김없이 되도록 많은 사람에게 똑같이 나누어 주려고 합니다. 몇 명에게 나누어 줄 수 있는지 구하시오.

▶ **답:** 명

▶ 정답 : 12명

## 해설

머리핀과 머리띠를 많은 사람들에게 남김없이 똑같이 나누어 주려면 36과 48의 최대공약수를 구합니다.

$$\begin{array}{r} 4) \ 36 \ 48 \\ \hline 4) \ 12 \ 16 \\ \hline \phantom{4)} \ 3 \ 4 \end{array}$$

36과 48의 최대공약수는  $3 \times 4 = 12$ 입니다.  
 그러므로 12명의 사람에게 남김없이 나눠줄 수 있습니다.

19. 사과 80 개와 귤 64 개가 있습니다. 사과와 귤을 똑같이 나누어 될 수 있는 대로 많은 사람들에게 주려고 합니다. 몇 사람까지 줄 수 있습니까?

▶ 답: 명

▶ 정답 : 16명

해설

사과와 꿀을 많은 사람들에게 남김없이 똑같이 나누어주려면 80과 64의 최대공약수를 구하면 됩니다.

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 80} \quad 64 \\ 2 \overline{) 40} \quad 32 \\ 2 \overline{) 20} \quad 16 \\ 2 \overline{) 10} \quad 8 \\ \quad 5 \quad 4 \end{array}$$

최대공약수  $2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$  이므로

16 명까지 나누어 줄 수 있습니다.

20. 가로, 세로가 각각 24cm, 36cm 인 직사각형 모양의 종이가 있습니다. 이 종이를 잘라서 남는 부분이 없이 같은 크기의 정사각형을 가장 크게 만들려고 합니다. 한 번의 길이를 몇 cm 로 하면 됩니까?

▶ 답: cm

▶ 정답 : 12cm

## 해설

직사각형 모양의 종이를 남는 부분없이 잘라서 크기가 같은 정사각형을 만들려면 24와 36의 최대공약수를 구하면 됩니다.

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 24 \ 36} \\ 2 \overline{) 12 \ 18} \\ 3 \overline{) 6 \ 9} \\ \phantom{3} 2 \ 3 \end{array}$$

24와 36의 최대공약수는  $2 \times 2 \times 3 = 12$ 이므로  
정사각형 한 변의 길이는 12 cm입니다.

21. 40부터 99까지의 자연수 중에서 5의 배수는 모두 몇 개 있습니까?

▶ 답 :                         개

▷ 정답 : 12 개

해설

일의 자리의 숫자가 0, 5인 수는  
십의 자리의 숫자가 4, 5, 6, 7, 8, 9인 경우가  
각각 2개씩 있으므로  $6 \times 2 = 12$ (개)입니다.