

1.  $0 < a < 1$  일 때,  $\sqrt{a^2} + \sqrt{(a-1)^2}$  을 간단히 하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$a > 0$  이므로  $\sqrt{a^2} = a$ ,

$a < 1$  이므로  $\sqrt{(a-1)^2} = -(a-1) = 1-a$

따라서  $\sqrt{a^2} + \sqrt{(a-1)^2} = a + 1 - a = 1$  이다.

2.  $\sqrt{9x} + \sqrt{48y}$  가 가장 작은 자연수가 되게 하는 자연수  $x$  와  $y$  의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x + y = 4$

해설

$$\sqrt{9x} + \sqrt{48y} = \sqrt{3^2x} + \sqrt{2^4 \times 3 \times y}$$

$$x = 1, y = 3$$

$$\therefore x + y = 4$$

3.  $1.2 < \sqrt{x} < 2.1$  을 만족하는 정수  $x$  의 값을 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 2

▷ 정답: 3

▷ 정답: 4

해설

$$1.2 < \sqrt{x} < 2.1$$

$$1.44 < x < 4.41$$

$$x = 2, 3, 4$$

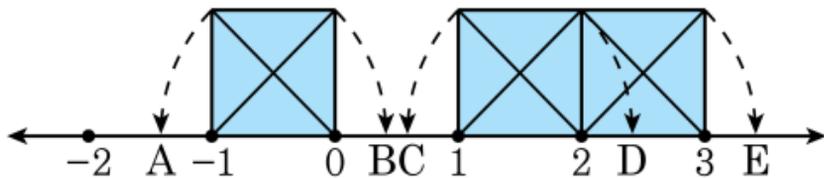
4.  $a, b$  는 정수일 때, 다음 중에서 무리수의 뜻으로 옳은 것은?

- ①  $\frac{b}{a}$  ( $a \neq 0$ ) 으로 나타낼 수 없는 수
- ②  $\frac{b}{a}$  ( $a \neq 0$ ) 으로 나타낼 수 있는 수
- ③  $\frac{b}{a}$  으로 나타낼 수 없는 수
- ④  $\frac{b}{a}$  으로 나타낼 수 있는 수
- ⑤  $\frac{b}{a}$  ( $b \neq 0$ ) 으로 나타낼 수 없는 소수

해설

무리수는 유리수가 아닌 수이므로  $\frac{b}{a}$  ( $a \neq 0$ ) 으로 나타낼 수 없는 수이다.

5. 다음 수직선 위의 네 점 중에서  $2 - \sqrt{2}$  를 나타내는 대응점으로 알맞은 것을 고르면?



① A

② B

③ C

④ D

⑤ E

해설

각 사각형의 대각선의 길이는  $\sqrt{2}$  이다. 즉 C 의 위치는  $2 - \sqrt{2}$  를 나타내고 있다.

6. 다음 중 옳은 것은 모두 몇 개인가?

- ㉠ 수직선에 나타낼 수 없는 무리수도 있다.
- ㉡  $-\sqrt{2}$  와  $\sqrt{2}$  사이에는 4 개의 정수가 있다.
- ㉢ 수직선은 유리수와 무리수에 대응하는 점들로 완전히 메워져 있다.
- ㉣ 수직선 위에서 오른쪽에 있는 실수가 왼쪽에 있는 실수보다 크다.
- ㉤ 수직선 위에는 유리수에 대응하는 점들만 있는 것이 아니고 무리수에 대응하는 점들도 있다.
- ㉥ 서로 다른 두 무리수의 합은 반드시 무리수이다.
- ㉦ 서로 다른 두 유리수의 합은 반드시 유리수이다.

① 7 개

② 6 개

③ 5 개

④ 4 개

⑤ 3 개

해설

- ㉠ 모든 유리수는 수직선 위에 나타낼 수 있다.
- ㉡  $1 < \sqrt{2} < 2$ 이므로  $-\sqrt{2}$  와  $\sqrt{2}$  사이에는  $-1, 0, 1$ 의 3 개의 정수가 있다.
- ㉢  $(\sqrt{2}) + (-\sqrt{2}) = 0$ 은 유리수이다.

7. 다음 세 실수  $a = 3\sqrt{2}-2$ ,  $b = 2\sqrt{3}-2$ ,  $c = 2$  의 대소를 비교하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $b < c < a$

해설

$$a = \sqrt{18} - 2, b = \sqrt{12} - 2, c = 2$$

$$a - c = \sqrt{18} - 2 - 2 = \sqrt{18} - 4 = \sqrt{18} - \sqrt{16} > 0$$

$$\therefore a > c$$

$$c - b = 2 - (\sqrt{12} - 2) = 4 - \sqrt{12} > 0$$

$$\therefore c > b$$

$$\therefore a > c > b$$

8.  $[a, b] = (a + b)^2$  일 때,  $[2x, -3y] - 2 \times [-x, 2y]$  를 간단히 하면?

①  $2x^2 - 4xy - 2y^2$

②  $2x^2 - 4xy + 2y^2$

③  $2x^2 - 4xy + y^2$

④  $2x^2 + 4xy + y^2$

⑤  $2x^2 + 4xy + 4y^2$

해설

$$\begin{aligned} & (2x - 3y)^2 - 2 \times (-x + 2y)^2 \\ &= 4x^2 - 12xy + 9y^2 - 2(x^2 - 4xy + 4y^2) \\ &= 2x^2 - 4xy + y^2 \end{aligned}$$

9.  $\left(2 - \frac{5}{4}x\right)^2$  을 계산할 때,  $x$  의 계수는?

① -5

② -3

③ -1

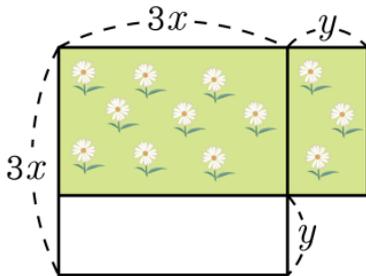
④ 0

⑤ 1

해설

$$2^2 - 2 \times 2 \times \frac{5}{4}x + \left(\frac{5}{4}x\right)^2 = 4 - 5x + \frac{25}{16}x^2 \text{ 이므로 } x \text{ 의 계수는 } -5 \text{ 이다.}$$

10. 수진이네 가족은 다음 그림과 같이 한 변의 길이가  $3x\text{m}$  인 정사각형의 꽃밭을 가로 길이는  $y\text{m}$  ( $3x > y$ ) 늘리고, 세로의 길이는  $y\text{m}$  줄여서 새로운 꽃밭을 만들기로 하였다. 꽃밭의 넓이는?



- ①  $9x^2 + 6xy + y^2(\text{m}^2)$                       ②  $9x^2 - 6xy + y^2(\text{m}^2)$   
 ③  $6x^2 - y^2(\text{m}^2)$                               ④  $9x^2 - y^2(\text{m}^2)$   
 ⑤  $9x^2 + y^2(\text{m}^2)$

### 해설

변화된 꽃밭의 가로 길이는  $3x+y(\text{m})$ , 세로의 길이는  $3x-y(\text{m})$ 이다. 따라서 변화된 꽃밭의 넓이는  $(3x+y)(3x-y) = 9x^2 - y^2(\text{m}^2)$ 이다.

11.  $(2 - 1)(2 + 1)(2^2 + 1)(2^4 + 1)$ 을 간단히 하면?

① 63

② 65

③ 127

④ 129

⑤ 255

해설

$$\begin{aligned}(2^2 - 1)(2^2 + 1)(2^4 + 1) &= (2^4 - 1)(2^4 + 1) \\ &= 2^8 - 1 \\ &= 256 - 1 = 255\end{aligned}$$

12. 한 변의 길이가  $x\text{m}$  인 정사각형의 모양의 화단을 가로는  $2\text{m}$  만큼 늘리고, 세로는  $3\text{m}$  만큼 줄일 때, 화단의 넓이는?

①  $(x^2 - 9)\text{m}^2$

②  $(x^2 - x - 6)\text{m}^2$

③  $(x^2 + x - 6)\text{m}^2$

④  $(x^2 - 4x + 4)\text{m}^2$

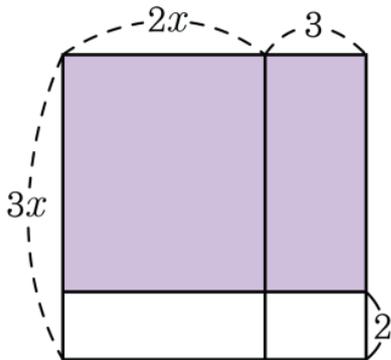
⑤  $(x^2 + 6x + 9)\text{m}^2$

해설

가로의 길이는  $(x + 2)\text{m}$ , 세로의 길이는  $(x - 3)\text{m}$  이다.

$$(x + 2)(x - 3) = (x^2 - x - 6)\text{m}^2$$

13. 다음 그림의 색칠한 부분의 넓이는?



①  $6x^2 + 5x - 6$

②  $4x^2 + 12x + 9$

③  $9x^2 - 12x + 4$

④  $6x^2 - 5x + 6$

⑤  $4x^2 - 5x + 6$

해설

색칠한 부분의 가로의 길이는  $2x+3$ , 세로의 길이는  $3x-2$ 이다.

색칠한 부분의 넓이는

$(2x+3)(3x-2) = 6x^2 + 5x - 6$ 이다.

14.  $(x + 3y + z)(x - 3y - z)$ 를 전개하면?

①  $x^2 - 3yz - 6y^2 - z^2$

②  $x^2 - 3yz - 9y^2 - z^2$

③  $x^2 - 6yz - 3y^2 - z^2$

④  $x^2 - 6yz - 9y^2 - z^2$

⑤  $x^2 - 9yz - 9y^2 - z^2$

해설

$(x + 3y + z)(x - 3y - z)$ 에서  $3y + z = t$ 라 하자.

$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$ 을 이용하여 전개하면

$x^2 - t^2$ 이고  $t = 3y + z$ 를 대입하면

$$x^2 - (3y + z)^2$$

$$= x^2 - (9y^2 + 6yz + z^2)$$

$$= x^2 - 9y^2 - 6yz - z^2 \text{이다.}$$

15.  $(x-4)(x-2)(x+1)(x+3) - 25 = Ax^4 + Bx^3 + Cx^2 + Dx + E$  일 때,  $A + B + C + D + E$ 의 값을 구하면?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$(x-4)(x-2)(x+1)(x+3) - 25$$

$$= \{(x-4)(x+3)\}\{(x-2)(x+1)\} - 25$$

$$= (x^2 - x - 12)(x^2 - x - 2) - 25$$

$$x^2 - x = t \text{로 치환하여 정리하면 } (t-12)(t-2) - 25 = t^2 - 14t - 1$$

$$x^2 - x = t \text{를 대입하면 } x^4 - 2x^3 + x^2 - 14x^2 + 14x - 1 = x^4 -$$

$$2x^3 - 13x^2 + 14x - 1$$

따라서  $A + B + C + D + E = 1 - 2 - 13 + 14 - 1 = -1$ 이다.

16.  $(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1) = 2^a + b$  에서  $a-b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 17

해설

$(2-1)$  을 곱한다.

$2-1 = 1$  이므로 식의 값에 변화없다.

$$(2-1)(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)$$

$$= (2^2-1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)$$

$$= (2^4-1)(2^4+1)(2^8+1)$$

$$= (2^8-1)(2^8+1) = 2^{16} - 1$$

$$\therefore a = 16, b = -1$$

$$\therefore a - b = 16 - (-1) = 17$$

17. 두 이차식  $xy + x + y + 1$ ,  $x^2 + x - xy - y$  에 공통으로 들어 있는 인수는?

①  $x - 1$

②  $x + 1$

③  $y - 1$

④  $y + 1$

⑤  $x + y$

해설

$$\begin{aligned}xy + x + y + 1 &= x(y + 1) + (y + 1) \\ &= (x + 1)(y + 1)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}x^2 + x - xy - y &= x(x + 1) - y(x + 1) \\ &= (x + 1)(x - y)\end{aligned}$$

18.  $x$  에 대한 이차식  $(2x - a + 2)(2x + 8 + 2a)$  가 완전제곱식이 되는 상수  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a = -2$

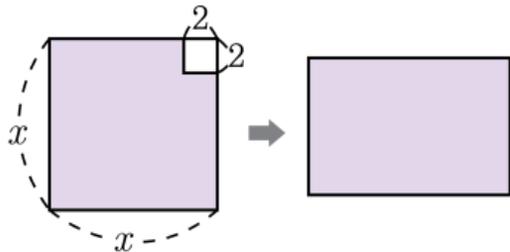
해설

$$-a + 2 = 8 + 2a$$

$$-3a = 6$$

$$\therefore a = -2$$

19. 한 변의 길이가  $x$  인 정사각형의 넓이에서 한 변의 길이가 2 인 정사각형을 넓이를 빼다. 이때, 이 넓이를 직사각형으로 나타냈을 때, 직사각형의 가로와 세로의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $x + 2$

▷ 정답 :  $x - 2$

해설

두 넓이를 빼면  $x^2 - 4$ 이므로  $(x + 2)(x - 2)$

20.  $x^2 + ax - 12 = (x + b)(x + 4)$ ,  $x^2 - 5x - c = (x + 3)(x + d)$  일 때,  
 $a + b + c + d$  는? ( $a, b, c, d$  는 상수)

① -12

② 14

③ 20

④ -28

⑤ -34

해설

$$x^2 + ax - 12 = (x + b)(x + 4) = x^2 + (b + 4)x + 4b$$

$$a = b + 4, \quad -12 = 4b$$

$$\therefore b = -3, \quad a = -3 + 4 = 1$$

$$x^2 - 5x - c = (x + 3)(x + d) = x^2 + (d + 3)x + 3d$$

$$-5 = d + 3, \quad c = -3d$$

$$\therefore d = -8, \quad c = -3 \times (-8) = 24$$

$$\therefore a + b + c + d = 1 - 3 + 24 - 8 = 14$$

해설

$x^2 + ax - 12 = (x + b)(x + 4)$  에서 상수항을 비교하면

$$-12 = 4b \quad \therefore b = -3$$

$b = -3$  을 식에 대입하면

$$x^2 + ax - 12 = (x - 3)(x + 4) = x^2 + x - 12$$

$$\therefore a = 1$$

$x^2 - 5x - c = (x + 3)(x + d)$  에서  $x$  의 계수를 비교하면

$$-5 = 3 + d \quad \therefore d = -8$$

$d = -8$  을 식에 대입하면

$$x^2 - 5x - c = (x + 3)(x - 8) = x^2 - 5x - 24$$

$$\therefore c = 24$$

21. 이차식  $ax^2 - 3x + b$  가  $(2x + 1)$  과  $(x - 2)$  를 인수로 가질 때,  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a + b = 0$

해설

$$\begin{aligned}(2x + 1)(x - 2) &= 2x^2 - 3x - 2 \\ &= ax^2 - 3x + b\end{aligned}$$

$$a = 2, b = -2$$

$$\therefore a + b = 2 - 2 = 0$$

22.  $x$  에 관한 이차식  $x^2 + ax - 15$  가  $(x + p)(x + q)$  로 인수분해 될 때,  $a$  의 값으로 적당하지 않는 것은?

① 14

② -14

③ -8

④ 2

⑤ -2

해설

$$x^2 + ax - 15 = (x + p)(x + q)$$

$$-15 \Rightarrow -3 \times 5 \rightarrow a = -3 + 5 = 2,$$

$$-15 \Rightarrow 3 \times (-5) \rightarrow a = 3 - 5 = -2$$

$$-15 \Rightarrow (-1) \times 15 \rightarrow a = -1 + 15 = 14$$

$$-15 \Rightarrow 1 \times (-15) \rightarrow a = 1 - 15 = -14$$

23. 어떤 이차식을 갑, 을이 다음과 같이 잘못 인수분해 했다. 처음 이차식을 바르게 인수분해하면  $a(x-b)(x-c)$  일 때,  $a+b+c$  의 값을 구하여라.

(1) 갑은  $x$  의 계수를 잘못 보고

$(3x-4)(x-6)$  으로 인수 분해 하였다.

(2) 을은 상수항을 잘못 보고  $(3x+3)(x-7)$  으로 인수분해 하였다.

▶ 답:

▷ 정답:  $a+b+c=9$

해설

갑은  $3x^2 - 22x + 24$  에서 상수항  $+24$  를 맞게 보았고,  
을은  $3x^2 - 18x - 21$  에서  $x$  의 계수  $-18$  을 맞게 보았다.

따라서  $3x^2 - 18x + 24 = 3(x-2)(x-4)$

$\therefore a=3, b=2, c=4$

$\therefore a+b+c=9$

24.  $2x^2 - \frac{1}{2}$  을 인수분해하면?

①  $2\left(x + \frac{1}{2}\right)\left(x - \frac{1}{2}\right)$

②  $2(x + 1)\left(x - \frac{1}{2}\right)$

③  $2\left(x + \frac{1}{2}\right)(x - 1)$

④  $2(x + 1)(x - 1)$

⑤  $\frac{1}{2}(2x + 1)(x - 1)$

해설

$$2x^2 - \frac{1}{2} = 2\left(x^2 - \frac{1}{4}\right) = 2\left(x + \frac{1}{2}\right)\left(x - \frac{1}{2}\right)$$

25.  $(x - y)^2 - 12x + 12y + 36 = (x + ay + b)^2$  일 때, 상수  $a, b$  의 곱  $ab$  의 값은?

① 2

② 4

③ 6

④ 11

⑤ 16

해설

$x - y = A$  로 치환하면

$$A^2 - 12A + 36 = (A - 6)^2 = (x - y - 6)^2$$

$$\therefore a = -1, b = -6$$

$$\therefore ab = 6$$

26. 식  $xy + bx - ay - ab$  을 인수분해하면?

①  $(x - a)(y - b)$

②  $(x - a)(y + b)$

③  $(x + a)(y - b)$

④  $(x + a)(y + b)$

⑤  $(x - b)(y - a)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= x(y + b) - a(y + b) \\ &= (x - a)(y + b)\end{aligned}$$

27.  $4x^2 - 24xy + 36y^2 - 16$  을 두 일차식의 곱으로 인수분해할 때, 두 일차식의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $4x - 12y$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 4(x^2 - 6xy + 9y^2) - 16 \\ &= 4(x - 3y)^2 - 16 \\ &= (2x - 6y + 4)(2x - 6y - 4)\end{aligned}$$

$$\therefore (2x - 6y + 4) + (2x - 6y - 4) = 4x - 12y$$

28.  $x^2 + 3xy - x - 6y - 2$  를 인수분해 하면  $(x - 2)(ax + by + c)$  이다.  
 $a + b + c$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a + b + c = 5$

해설

$x^2 + 3xy - x - 6y - 2$  를  $x$  에 관해 정리하면

$$x^2 + (3y - 1)x - 2(3y + 1) = (x - 2)(x + 3y + 1)$$

$$\therefore a = 1, b = 3, c = 1$$

$$\therefore a + b + c = 5$$

29.  $x + y = 5$ ,  $xy = -4$  일 때,  $(x - y)^2$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 41

해설

$$\begin{aligned}(x - y)^2 &= (x + y)^2 - 4xy \\ &= 5^2 - 4 \times (-4) \\ &= 25 + 16 \\ &= 41\end{aligned}$$

30. 다음 보기에서 옳지 않은 것을 모두 고르면?

보기

㉠  $x$ 가 양수  $a$ 의 제곱근이면,  $a = \pm \sqrt{x}$ 이다.

㉡  $x$ 가 제곱근 9이면  $x = 3$ 이다.

㉢ 7.5의 제곱근은 존재하지 않는다.

㉣  $-\frac{7}{4}$ 의 제곱근은  $-\frac{\sqrt{7}}{2}$ 이다.

① ㉠, ㉡

② ㉡, ㉢

③ ㉠, ㉢, ㉣

④ ㉠, ㉡, ㉢

⑤ ㉡, ㉢, ㉣

해설

㉠  $x$ 가 양수  $a$ 의 제곱근이면,  $x = \pm \sqrt{a}$ 이다.

㉢ 7.5의 제곱근은  $\pm \sqrt{7.5}$ 이다.

㉣  $-\frac{7}{4}$ 은 음수이므로 제곱근은 존재하지 않는다.

31. 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $a > 0$  일 때,  $\sqrt{(-a)^2} = a$  이다.

②  $a < 0$  일 때,  $-\sqrt{(-a)^2} = a$

③  $a > 0$  일 때,  $\sqrt{16a^2} = 4a$  이다.

④  $\sqrt{a^2} = |a|$  이다.

⑤  $a < 0$  일 때,  $\sqrt{(3a)^2} = 3a$  이다

해설

①  $a > 0$  일 때,  $\sqrt{(-a)^2} = a$

②  $a < 0$  일 때,  $-\sqrt{(-a)^2} = -(-a) = a$

③  $a > 0$  일 때,  $\sqrt{16a^2} = 4a$

④  $a$  의 부호와 관계없이  $\sqrt{a^2} = |a|$

⑤  $a < 0$  일 때,  $\sqrt{(3a)^2} = -3a$

32.  $a > 0$  일 때,  $A = \sqrt{(-a)^2} + (-\sqrt{a})^2 + \sqrt{a^2} - \sqrt{a^2}$  일 때,  $\sqrt{A}$  의 값은?

①  $-3a$

②  $-2a$

③  $a$

④  $\sqrt{2a}$

⑤  $\sqrt{3a}$

해설

$$A = |-a| + a + |a| - |a| = 2a$$

$$\sqrt{A} = \sqrt{2a}$$

33.  $\sqrt{960 - 32a}$  가 정수가 되도록 하는 자연수  $a$  중에서 가장 큰 값을  $M$ , 가장 작은 값을  $m$  이라고 할 때,  $M - 2m$  의 값은?

① 1

② 2

③ 4

④ 6

⑤ 8

해설

$$\sqrt{960 - 32a} = \sqrt{16(60 - 2a)} = 4\sqrt{60 - 2a}$$

$60 - 2a = 0$  일 때,  $a$  는 최대

$60 - 2a = 36$  일 때,  $a$  는 최소

$$M = \frac{60}{2} = 30, m = \frac{60 - 36}{2} = 12$$

$$M - 2m = 30 - 2 \times 12 = 6$$

34. 다음 수 중 가장 작은 수를  $x$ , 가장 큰 수를  $y$  라고 할 때  $x^2 + y^2$  의 값을 구하여라.

보기

$$\sqrt{5}, -\sqrt{2}, \frac{\sqrt{7}}{2}, \sqrt{6}, -\sqrt{\frac{3}{4}}$$

① 4

② 5

③ 6

④ 7

⑤ 8

해설

가장 큰 수는  $\sqrt{6}$

가장 작은 수는  $-\sqrt{2}$

$$\therefore x^2 + y^2 = (-\sqrt{2})^2 + (\sqrt{6})^2 = 2 + 6 = 8$$

35.  $a$ 는 유리수,  $b$ 는 무리수일 때, 다음 중 그 값이 항상 무리수인 것은?

①  $\sqrt{a} + b$

②  $\frac{b}{a}$

③  $a^2 - b^2$

④  $ab$

⑤  $\frac{b}{\sqrt{a}}$

해설

①  $a = 2, b = -\sqrt{2}$  일 때,  $\sqrt{2} + (-\sqrt{2}) = 0$  이므로 유리수이다.

③  $b = \sqrt{2}$  일 때,  $b^2 = 2$  이므로  $a^2 - b^2$  는 유리수이다.

④  $a = 0$  일 때,  $ab = 0$  이므로 유리수이다.

⑤  $a = 2, b = \sqrt{8}$  일 때,  $\frac{\sqrt{8}}{\sqrt{2}} = 2$  이므로 유리수이다.

36.  $\sqrt{32} - 2$  와  $\sqrt{8} + 3$  중 더 작은 수와  $\sqrt{2} + 2$  와  $\sqrt{3} - 1$  중 더 큰 수의 합을 구했더니  $a\sqrt{b}$  였다.  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a + b = 7$

해설

$$\sqrt{32} - 2 - (\sqrt{8} + 3) < 0 \text{ 이므로}$$

$$\sqrt{32} - 2 < \sqrt{8} + 3$$

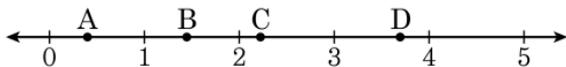
$$\sqrt{2} + 2 - (\sqrt{3} - 1) > 0 \text{ 이므로}$$

$$\sqrt{2} + 2 > \sqrt{3} - 1$$

$$\text{두 수의 합은 } \sqrt{32} - 2 + \sqrt{2} + 2 = 4\sqrt{2} + \sqrt{2} = 5\sqrt{2}$$

따라서  $a + b = 7$  이다.

37. 다음 수직선 위의 점 A, B, C, D에 대응하는 수는  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}+2$ ,  $\sqrt{2}-1$ ,  $4-\sqrt{3}$ 이다. 점 A, B, C, D에 대응하는 값을 각각  $a$ ,  $b$ ,  $c$ ,  $d$ 라고 할 때,  $a+b$ 와  $c+d$ 의 값을 각각 바르게 구한 것은?



- ①  $\sqrt{2} + \sqrt{3} + 2$ ,  $\sqrt{2} - \sqrt{3} + 3$   
 ②  $\sqrt{2} + \sqrt{3} + 3$ ,  $\sqrt{2} + \sqrt{3} + 2$   
 ③  $\sqrt{2} - \sqrt{3} + 3$ ,  $\sqrt{2} + \sqrt{3} + 2$   
 ④  $2\sqrt{2} - 1$ ,  $6$   
 ⑤  $6$ ,  $2\sqrt{2} - 1$

### 해설

$$1 < \sqrt{2} < 2 : B = \sqrt{2}$$

$$0 < \sqrt{2} - 1 < 1 : A = \sqrt{2} - 1$$

$$a + b = (\sqrt{2} - 1) + (\sqrt{2}) = 2\sqrt{2} - 1$$

$$3 < \sqrt{3} + 2 < 4 : D = \sqrt{3} + 2$$

$$2 < 4 - \sqrt{3} < 3 : C = 4 - \sqrt{3}$$

$$c + d = (4 - \sqrt{3}) + (\sqrt{3} + 2) = 6$$

38.  $\sqrt{x+14} = 3\sqrt{2}$  일 때,  $\sqrt{x}$  의 값을 구하라. (단,  $x > 0$ )

▶ 답:

▷ 정답:  $\sqrt{x} = 2$

해설

$$\sqrt{x+14} = \sqrt{18}$$

$$x+14 = 18$$

$$\therefore x = 4$$

$$\therefore \sqrt{x} = 2$$

39.  $ab = 2$  일 때,  $a\sqrt{\frac{8b}{a}} + b\sqrt{\frac{32a}{b}}$  의 값은? (단,  $a > 0$ ,  $b > 0$ )

① 2

② 4

③ 5

④ 12

⑤ 24

해설

$$a\sqrt{\frac{8b}{a}} + b\sqrt{\frac{32a}{b}}$$

$$= a \frac{\sqrt{8b} \times \sqrt{a}}{\sqrt{a} \times \sqrt{a}} + b \frac{\sqrt{32a} \times \sqrt{b}}{\sqrt{b} \times \sqrt{b}}$$

$$= \sqrt{8ab} + \sqrt{32ab}$$

$ab = 2$  를 대입하면

$$\sqrt{8ab} + \sqrt{32ab} = \sqrt{16} + \sqrt{64} = 4 + 8 = 12$$

40. 임의의 실수  $a, b$  에 대하여  $\star$  를  $a \star b = ab - a - b - 3$  이라 할 때,  
 $\sqrt{5} \star \frac{3\sqrt{5}}{5}$  의 값은?

① 0

②  $-\frac{3\sqrt{5}}{5}$

③  $-\frac{8\sqrt{5}}{5}$

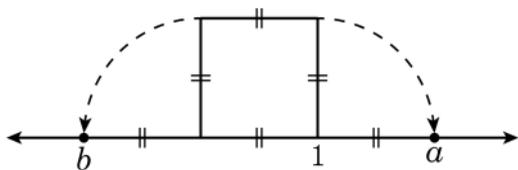
④  $3 - \frac{3\sqrt{5}}{5}$

⑤  $3 - \frac{8\sqrt{5}}{5}$

해설

$$\begin{aligned} \sqrt{5} \star \frac{3\sqrt{5}}{5} &= \sqrt{5} \times \frac{3\sqrt{5}}{5} - \sqrt{5} - \frac{3\sqrt{5}}{5} - 3 \\ &= 3 - \sqrt{5} - \frac{3\sqrt{5}}{5} - 3 \\ &= -\frac{8}{5}\sqrt{5} \end{aligned}$$

41. 다음 그림의 사각형은 넓이가 2인 정사각형이다.  $\frac{a+b}{\sqrt{2}}$ 의 값은?



①  $\sqrt{2} - 2$

②  $\sqrt{2} - 1$

③  $\sqrt{2}$

④  $2 - \sqrt{2}$

⑤ 3

해설

넓이가 2인 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{2}$

$$a = 1 + \sqrt{2}, b = 1 - 2\sqrt{2}$$

$$\frac{a+b}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}(1 + \sqrt{2} + 1 - 2\sqrt{2})$$

$$= \frac{2 - \sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{2\sqrt{2} - 2}{2} = \sqrt{2} - 1$$

42.  $a = \sqrt{3}$  일 때,  $\frac{a}{[a] + a}$  의 소수 부분은? (단,  $[a]$ 는  $a$ 를 넘지 않는 최대의 정수)

①  $\sqrt{3} - 1$

②  $\sqrt{3} + 1$

③  $\frac{1}{1 + \sqrt{3}}$

④  $\frac{\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}}$

⑤  $\frac{\sqrt{3}}{1 - \sqrt{3}}$

해설

$$[\sqrt{3}] = 1 \text{ 이므로}$$

$$\frac{a}{[a] + a} = \frac{\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}} = \frac{1. \dots}{2. \dots} = 0. \dots$$

따라서 정수 부분은 0, 소수 부분은  $\frac{\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}}$  이다.

43.  $6\sqrt{12} \times 2\sqrt{3} \div 9\sqrt{2} = 32\sqrt{6} \times \frac{\sqrt{3}}{2} \div A$  일 때,  $A$  를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $A = 12$

해설

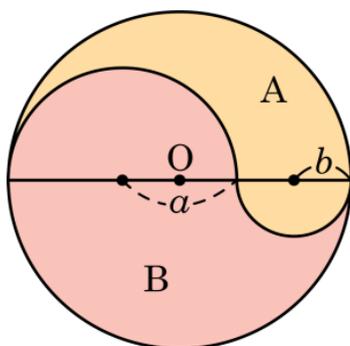
$$\begin{aligned} \text{좌변} : 6\sqrt{12} \times 2\sqrt{3} \div 9\sqrt{2} &= \frac{12\sqrt{3} \times 2\sqrt{3}}{9\sqrt{2}} \\ &= \frac{8}{\sqrt{2}} \end{aligned}$$

$$\text{우변} : 32\sqrt{6} \times \frac{\sqrt{3}}{2} \div A = 48\sqrt{2} \div A$$

$$\therefore 48\sqrt{2} \div A = \frac{8}{\sqrt{2}}$$

$$\therefore A = 48\sqrt{2} \div \frac{8}{\sqrt{2}} = 48\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{8} = 12$$

44. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가  $a$ ,  $b$  인 반원으로 큰 원 O 를 A, B 두 부분으로 나누었다. 이 때, A, B 의 넓이의 차는?



- ①  $\pi(a+b)(a+b)$                       ②  $\pi(a-b)(a-b)$   
 ③  $\pi(b-a)(b-a)$                       ④  $\pi(a+b)(a-b)$   
 ⑤  $\pi(a+b)(b-a)$

해설

(A 의 넓이)

$$= \pi \left( \frac{2a+2b}{2} \right)^2 \times \frac{1}{2} - \pi a^2 \times \frac{1}{2} + \pi b^2 \times \frac{1}{2}$$

$$= \frac{\pi}{2} \{ (a+b)^2 - a^2 + b^2 \}$$

$$= \frac{\pi}{2} (2ab + 2b^2)$$

$$= \pi(ab + b^2)$$

(B 의 넓이)

$$= \pi \left( \frac{2a+2b}{2} \right)^2 \times \frac{1}{2} + \pi a^2 \times \frac{1}{2} - \pi b^2 \times \frac{1}{2}$$

$$= \frac{\pi}{2} \{ (a+b)^2 + a^2 - b^2 \}$$

$$= \frac{\pi}{2} (2ab + 2a^2)$$

$$= \pi(ab + a^2)$$

$$\therefore B - A = \pi(ab + a^2) - \pi(ab + b^2)$$

$$= \pi(a^2 - b^2)$$

$$= \pi(a-b)(a+b)$$

45.  $(x-2)x^2 - 3(x-2)x - 10(x-2)$  를 인수분해하면?

①  $(x-2)(x-5)(x+2)$

②  $(x-2)(x+5)(x+2)$

③  $(x-2)(x-5)(x+3)$

④  $(x-2)(x+5)(x-2)$

⑤  $(x-2)(x+5)(x-3)$

해설

$A = x - 2$  로 치환하면

$$(x-2)x^2 - 3(x-2)x - 10(x-2)$$

$$= Ax^2 - 3Ax - 10A$$

$$= A(x^2 - 3x - 10)$$

$$= A(x-5)(x+2)$$

$$= (x-2)(x-5)(x+2)$$

46.  $a = \frac{4 - \sqrt{2}}{3}$ ,  $b = \frac{4 + 2\sqrt{2}}{3}$  일 때,  $4a^2 + 4ab + b^2$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

$$\begin{aligned}4a^2 + 4ab + b^2 &= (2a + b)^2 \\&= \left( \frac{8 - 2\sqrt{2}}{3} + \frac{4 + 2\sqrt{2}}{3} \right)^2 \\&= 4^2 \\&= 16\end{aligned}$$



48. 다음을 간단히 하여라.

$$\sqrt{3} - \frac{2}{\sqrt{3} - \frac{1}{\sqrt{3} - \frac{2}{\sqrt{3} - 1}}}}$$

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$\frac{2}{\sqrt{3} - 1} = \sqrt{3} + 1$$

$$\begin{aligned} (\text{준식}) &= \sqrt{3} - \frac{2}{\sqrt{3} - \frac{1}{\sqrt{3} - (\sqrt{3} + 1)}}} \end{aligned}$$

$$= \sqrt{3} - \frac{2}{\sqrt{3} + 1}$$

$$= \sqrt{3} - (\sqrt{3} - 1)$$

$$= 1$$

49. 정육면체 A, B의 겹넓이 비가 4 : 9이고, 두 정육면체의 부피의 합이  $280 \text{ cm}^3$ 일 때, A, B의 한 모서리의 길이를 각각 구하여라.

▶ 답 : cm

▶ 답 : cm

▷ 정답 :  $A = 4 \text{ cm}$

▷ 정답 :  $B = 6 \text{ cm}$

### 해설

A, B의 한 모서리의 길이를 각각  $a \text{ cm}$ ,  $b \text{ cm}$ 라고 하면  
A, B의 겹넓이의 비는  $6a^2 : 6b^2 = 4 : 9$  이므로  $a : b = 2 : 3$

$$\therefore b = \frac{3}{2}a$$

A, B의 부피의 합은  $a^3 + b^3 = 280$ ,

$$a^3 + \left(\frac{3}{2}a\right)^3 = 280, a^3 = 64,$$

$$\therefore a = 4, b = 6$$

따라서 A, B의 한 모서리의 길이는 각각  $4 \text{ cm}$ ,  $6 \text{ cm}$ 이다.

50. 인수분해를 이용하여 다음 식의 값을 구하면?

$$\sqrt{58^2 \times \frac{1}{16} - 42^2 \times \frac{1}{16}}$$

① 5

② 8

③ 10

④ 12

⑤ 14

해설

$$\begin{aligned} & \sqrt{58^2 \times \frac{1}{16} - 42^2 \times \frac{1}{16}} \\ &= \sqrt{\frac{1}{16}(58 - 42)(58 + 42)} \\ &= \sqrt{\frac{1}{16} \times 16 \times 100} = 10 \end{aligned}$$