

1. 두 삼각형이 서로 합동이 되는 경우가 아닌 것을 모두 고르시오.

- ① 세 변의 길이가 같을 때
- ② 두 변과 그 끼인 각의 크기가 같을 때
- ③ 세 각의 크기가 같을 때
- ④ 한 변과 양 끝각의 크기가 같을 때
- ⑤ 넓이가 같을 때

해설

삼각형의 합동조건

- 1. 세 변의 길이가 같습니다.
- 2. 두 변의 길이와 끼인각의 크기가 같습니다.
- 3. 한 변의 길이와 양 끝각의 크기가 같습니다.

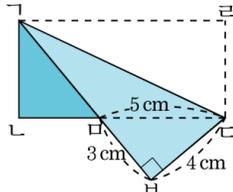
2. 다음 중 두 도형이 항상 합동이 되지 않는 것은 어느 것입니까?

- ① 반지름이 같은 원
- ② 한 변의 길이가 같은 정삼각형
- ③ 넓이가 같은 평행사변형
- ④ 세 변의 길이가 각각 같은 삼각형
- ⑤ 둘레의 길이가 같은 정사각형

해설

평행사변형의 넓이 = 밑변 × 높이
예를 들어 밑변이 6cm이고 높이가 2cm인
평행사변형과, 밑변이 3cm이고 높이가 4cm인
평행사변형은 넓이는 같지만 서로 합동이 아닙니다.

3. 삼각형 $\triangle ABC$ 와 삼각형 $\triangle DEF$ 이 합동이 되도록 직사각형 모양의 종이를 접었습니다. 변 AC 와 변 DF 의 길이의 합을 구하시오.



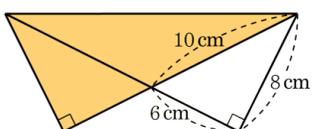
▶ 답: cm

▶ 정답: 7 cm

해설

합동인 도형에서 대응변의 길이는 같으므로
 (변 AC) = (변 DF) = 4 (cm),
 (변 BC) = (변 DE) = 3 (cm)
 (변 AC) + (변 BC) = 4 cm + 3 cm = 7 (cm) 입니다.

4. 다음 그림은 합동인 직각삼각형을 붙인 것입니다. 색칠한 부분의 넓이는 몇 cm^2 인니까?



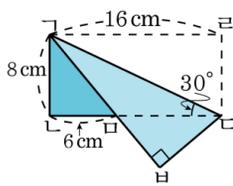
▶ 답: cm^2

▷ 정답: 64 cm^2

해설

색칠한 부분은 직각삼각형입니다.
직각삼각형의 밑변이 8 cm 이고,
높이는 $6 + 10 = 16(\text{cm})$ 가 되므로
색칠한 삼각형의 넓이는
 $8 \times 16 \div 2 = 64(\text{cm}^2)$ 입니다.

5. 다음 그림과 같이 삼각형 $\triangle ABC$ 와 삼각형 $\triangle BCD$ 가 합동이 되도록 직사각형 모양의 종이를 접었습니다. 삼각형 $\triangle ABC$ 의 넓이와 삼각형 $\triangle BCD$ 의 넓이의 차는 얼마입니까?



▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}} \text{ cm}^2$

▷ 정답: 16 cm^2

해설

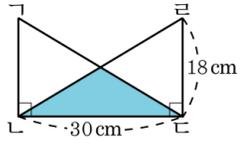
삼각형 $\triangle ABC$ 의 넓이는 $16 \times 8 \times \frac{1}{2} = 64(\text{cm}^2)$

이고, 삼각형 $\triangle BCD$ 의 넓이는 $8 \times 6 \times \frac{1}{2} = 24(\text{cm}^2)$ 입니다.

삼각형 $\triangle ABC$ 와 삼각형 $\triangle BCD$ 가 합동 이므로, 삼각형 $\triangle ABC$ 의 넓이는 $64 - 24 = 40(\text{cm}^2)$ 입니다.

따라서 삼각형 $\triangle ABC$ 의 넓이와 삼각형 $\triangle BCD$ 의 넓이의 차는 $40 - 24 = 16(\text{cm}^2)$ 입니다.

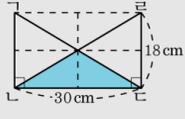
6. 다음 그림에서 삼각형 $\triangle ABC$ 와 삼각형 $\triangle DCB$ 은 서로 합동입니다. 색칠한 부분의 넓이를 구하시오.



▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}} \text{ cm}^2$

▶ 정답: 135 cm^2

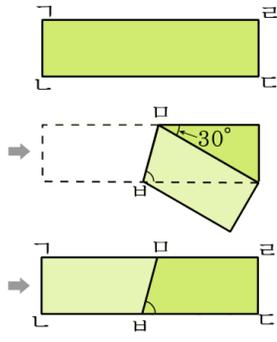
해설



색칠한 부분은 직사각형 $\triangle ABC$ 의 $\frac{1}{4}$ 입니다.

따라서 $30 \times 18 \times \frac{1}{4} = 135(\text{cm}^2)$ 입니다.

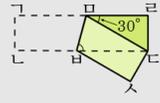
8. 소영이는 직사각형을 다음 그림과 같이 점 Γ 와 Δ 이 만나도록 접은 다음, 다시 폈습니다. 맨 오른쪽 그림에서 각 α 의 크기를 구하십시오.



- ① 30° ② 50° ③ 65° ④ 75° ⑤ 85°

해설

접었다 펼친 부분은 합동이므로 합동인 도형의 대응각은 같다는 사실을 이용합니다.



사각형 $\Gamma\Delta\Delta\Delta$ 과 $\Delta\Delta\Delta\Delta$ 은 서로 합동이므로,
 각 $\Gamma\Delta\Delta$ 과 $\Delta\Delta\Delta$ 의 크기는 서로 같습니다.
 $(\text{각}\Gamma\Delta\Delta) = (\text{각}\Delta\Delta\Delta) = (180^\circ - 30^\circ) \div 2 = 75^\circ$
 각 $\Delta\Delta\Delta$ 이 60° 이므로, 각 $\Delta\Delta\Delta$ 은 30° 입니다.
 따라서, $(\text{각}\alpha) = 180^\circ - 75^\circ - 30^\circ = 75^\circ$ 입니다.

10. 다음 중 대칭축이 가장 많은 도형부터 차례대로 기호를 쓰시오.

- | | |
|--------|--------|
| ㉠ 정사각형 | ㉡ 정육각형 |
| ㉢ 원 | ㉣ 정팔각형 |

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ㉢

▷ 정답: ㉣

▷ 정답: ㉡

▷ 정답: ㉠

해설

- ㉠ 정사각형 : 4개
- ㉡ 정육각형 : 6개
- ㉢ 원 : 무수히 많습니다.
- ㉣ 정팔각형 : 8개

11. 다음 중 점대칭도형에 대해 잘못 설명한 것은 어느 것입니까?

- ① 대응변의 길이는 같습니다.
- ② 대응각의 크기는 같습니다.
- ③ 모든 점대칭도형은 대칭의 중심이 1개뿐입니다.
- ④ 대응점을 이은 선분은 대칭이 중심에 의해 수직 이등분됩니다.
- ⑤ 점대칭도형은 180° 회전하면 완전히 포개어집니다.

해설

④ 대응점을 이은 선분은 대칭축의 중심에 의해 이등분됩니다.

12. 다음 중 점대칭도형에 대한 설명으로 바르지 않은 것은 어느 것입니까?

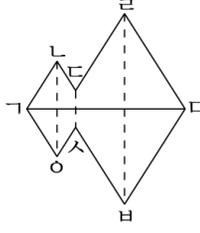
- ① 대응변의 길이와 대응각의 크기는 각각 같습니다.
- ② 대응점을 이은 선분은 항상 대칭의 중심에서 만납니다.
- ③ 대칭의 중심은 항상 1개입니다.
- ④ 점대칭도형은 90° 돌렸을 때, 처음 도형과 겹쳐집니다.
- ⑤ 대응점을 이은 선분은 대칭의 중심에 의해 길이가 같게 나누어집니다.

해설

점대칭 도형은 한 점(대칭의 중심)을 중심으로 180° 돌렸을 때 완전히 포개어지는 도형입니다. 대응점을 이은 선분은 항상 대칭의 중심에서 만납니다. 대칭의 중심은 대응점을 연결한 선분을 이등분합니다.

④번이 틀린 설명입니다.

15. 다음 도형은 선대칭도형입니다. 대칭축 ㄱ과 수직으로 만나면서 이등분되는 선분을 모두 고르시오.

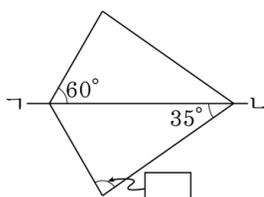


- ① 선분 ㄱㄴ ② 선분 ㄴㅇ ③ 선분 ㄷㅅ
 ④ 선분 ㄹㅅ ⑤ 선분 ㄹㅇ

해설

선분 ㄱㅅ는 대칭축이므로 대응점을 이은 선분을 모두 찾아 씁니다.

16. 직선 l 을 대칭축으로 하는 선대칭도형입니다. 안에 알맞은 각도를 써넣으시오.



▶ 답:

▶ 정답: 85°

해설

선대칭도형의 대응각의 크기는 같으므로
 $180^\circ - (60^\circ + 35^\circ) = 85^\circ$ 입니다.