

1.  $0 < x < 1$ ,  $-2 < y < -1$  일 때, 다음 식을 간단히 하면?

$$\sqrt{(xy)^2} + \sqrt{(x+y)^2 - 4xy} - \sqrt{(x-y)^2 + 4xy}$$

- ①  $-xy$       ②  $2x - xy$       ③  $2x + xy$   
④  $2y - xy$       ⑤  $x - xy$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{(x+y)^2 - 4xy} &= \sqrt{x^2 - 2xy + y^2} \\&= \sqrt{(x-y)^2} \\\sqrt{(x-y)^2 + 4xy} &= \sqrt{x^2 + 2xy + y^2} \\&= \sqrt{(x+y)^2} \text{므로}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= |xy| + |x-y| - |x+y| \\&= -xy + x - y + x + y \\&= 2x - xy\end{aligned}$$

2.  $\sqrt{x} = a - 2$  일 때,  $\sqrt{x - 4a + 12} - \sqrt{x + 2a - 3}$  을 간단히 하면? (단,  $2 < a < 4$  )

①  $-2a + 5$

②  $2a - 5$

③ 5

④  $-2a - 3$

⑤  $-2a + 3$

해설

$\sqrt{x} = a - 2$  의 양변을 제곱하면  $x = a^2 - 4a + 4$

$$\sqrt{a^2 - 8a + 16} - \sqrt{a^2 - 2a + 1}$$

$$= \sqrt{(a-4)^2} - \sqrt{(a-1)^2}$$

$$= |a-4| - |a-1|$$

$$= -a+4 - a+1 = -2a+5$$

3.  $f(x) = 4x + 2$ ,  $g(x) = 6x^2 - 5x - 4$  에 대하여  $\frac{g(x)}{f(x)} = ax + b$  로 나타내어질 때,  $2ab$  의 값을 구하면?

- ① -3      ② -6      ③ 3      ④ 6      ⑤ 12

해설

$$g(x) = (ax + b)f(x) \text{ } \circ] \text{므로}$$

$$6x^2 - 5x - 4 = (3x - 4)(2x + 1)$$

$$= \left(\frac{3}{2}x - 2\right)(4x + 2)$$

$$= \left(\frac{3}{2}x - 2\right)f(x)$$

$$\therefore a = \frac{3}{2}, b = -2$$

$$\therefore 2ab = -6$$

4.  $(x-1)^2 + \frac{1}{(x-1)^2} - 2$  를 인수분해하면?

①  $\frac{x^2(x-2)}{(x-1)^2}$

②  $\frac{x(x-2)^2}{(x-1)^2}$

③  $\frac{x^2(x-2)^2}{(x-1)}$

④  $\frac{(x-2)^2}{(x-1)^2}$

⑤  $\frac{x^2(x-2)^2}{(x-1)^2}$

해설

$x-1 = a$  로 치환하면

$$(x-1)^2 + \frac{1}{(x-1)^2} - 2$$

$$= a^2 + \frac{1}{a^2} - 2 = \left(a - \frac{1}{a}\right)^2 = \left(\frac{a^2 - 1}{a}\right)^2$$

$$= \left\{ \frac{(a+1)(a-1)}{a} \right\}^2$$

$$= \frac{x^2(x-2)^2}{(x-1)^2}$$

5.  $(x+y+4)(x-y+4) - 16x$  를 바르게 인수분해한 것은?

①  $(x-y+4)$

②  $(x+y-4)^2$

③  $(x-y-2)(x+y+8)$

④  $(x+y-4)(x-y-4)$

⑤  $(-x-y+4)(x-y+4)$

해설

$x+4 = t$  라 하면

$$(t+y)(t-y) - 16x$$

$$= t^2 - y^2 - 16x$$

$$= (x+4)^2 - 16x - y^2$$

$$= (x^2 + 8x + 16 - 16x) - y^2$$

$$= (x^2 - 8x + 16) - y^2$$

$$= (x-4)^2 - y^2$$

$$= (x+y-4)(x-y-4)$$

6.  $16 - x^2 + 4xy - 4y^2$  을 인수분해하면?

- ①  $(x + 2y - 4)(-x + 2y + 4)$       ②  $(x - 2y + 4)^2$
- ③  $(x - 2y + 4)(x + 2y - 4)$       ④  $(x - 2y + 4)(-x + 2y + 4)$
- ⑤  $(-x - 2y + 4)(x + 2y + 4)$

해설

$$\begin{aligned}16 - (x^2 - 4xy + 4y^2) &= 16 - (x - 2y)^2 \\&= 4^2 - (x - 2y)^2 \\&= (4 + x - 2y)(4 - x + 2y)\end{aligned}$$

7. 다음은  $x^4 - 81y^4$  을 인수분해 한 것이다. 이 때,  $\boxed{\quad}$  안에 알맞은 세 자연수의 합을 구하면?

$$x^4 - 81y^4 = (x^2 + \boxed{\quad}y^2)(x + \boxed{\quad}y)(x - \boxed{\quad}y)$$

- ① 13      ② 15      ③ 18      ④ 20      ⑤ 24

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 81y^4 &= (x^2 + 9y^2)(x^2 - 9y^2) \\&= (x^2 + 9y^2)(x + 3y)(x - 3y) \\∴ 9 + 3 + 3 &= 15\end{aligned}$$

8.  $x^2 - 9y^2 - 2x + 18y - 8$  을 인수분해하면?

①  $(x - 3y + 2)(x + 3y + 4)$

②  $\textcircled{2} (x - 3y + 2)(x + 3y - 4)$

③  $(x + 3y + 2)(x + 3y - 4)$

④  $(x - 5y + 2)(x + 3y - 4)$

⑤  $(x - 3y + 4)(x + 3y - 2)$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 - 9y^2 - 2x + 18y - 8 \\ &= x^2 - 2x - 9y^2 + 18y - 8 \\ &= x^2 - 2x - (9y^2 - 18y + 8) \\ &= x^2 - 2x - (3y - 2)(3y - 4) \\ &= \{x - (3y - 2)\} \{x + (3y - 4)\} \\ &= (x - 3y + 2)(x + 3y - 4) \end{aligned}$$

9. 다음 자연수 중  $3^{16} - 1$  을 나누어 떨어지지게 하는 수가 아닌 것은?

① 2

② 4

③ 5

④ 9

⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}3^{16} - 1 &= (3^8 - 1)(3^8 + 1) \\&= (3^4 - 1)(3^4 + 1)(3^8 + 1) \\&= (3^2 - 1)(3^2 + 1)(3^4 + 1)(3^8 + 1) \\&= (3 - 1)(3 + 1)(3^2 + 1)(3^4 + 1)(3^8 + 1) \\&= 2 \times 4 \times 10 \times 82 \times 6562\end{aligned}$$

10.  $x = 3 + \sqrt{8}$ ,  $y = 3 - \sqrt{8}$  일 때,  $(x^n + y^n)^2 - (x^n - y^n)^2$  의 값은?(단,  $n$  은 양의 정수)

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}(x^n + y^n)^2 - (x^n - y^n)^2 \\&= (x^n + y^n + x^n - y^n)(x^n + y^n - x^n + y^n) \\&= 2x^n \times 2y^n = 4(xy)^n \\xy &= (3 + \sqrt{8})(3 - \sqrt{8}) = 1 \\∴ 4(xy)^n &= 4\end{aligned}$$

11.  $\frac{x^2 - y^2}{xy - y^2} = 3$  일 때,  $x^2 - 4xy + 4y^2 - 8x + 16y - 11$ 의 값은? (단,  $x \neq y$ )

① -13

② -7

③ -5

④ -3

⑤ -11

해설

$$\frac{x^2 - y^2}{xy - y^2} = 3 \text{에서 } \frac{(x+y)(x-y)}{y(x-y)} = 3,$$

$x \neq y$  ∵]므로  $x - y \neq 0$

따라서,  $\frac{x+y}{y} = 3$ ,  $x = 2y$

$x = 2y$ 를 대입하면

$$x^2 - 4xy + 4y^2 - 8x + 16y - 11$$

$$= 4y^2 - 8y^2 + 4y^2 - 16y + 16y - 11 = -11$$

12.  $a = \sqrt{3} + 2$  일 때,  $3(a+2)^2 - 2(a+2) - 8$  의 값은?

- ①  $41 - 22\sqrt{3}$       ②  $22 + 41\sqrt{3}$       ③  $22 - 41\sqrt{3}$   
④  $22\sqrt{3} - 41$       ⑤  $41 + 22\sqrt{3}$

해설

$a + 2 = t$  로 치환하면

$$\begin{aligned}3(a+2)^2 - 2(a+2) - 8 \\&= 3t^2 - 2t - 8 \\&= (t-2)(3t+4) \\&= (a+2-2)\{3(a+2)+4\} = a(3a+10) \\&= (\sqrt{3}+2)(3\sqrt{3}+16) \\&= 41 + 22\sqrt{3}\end{aligned}$$

13.  $a = \frac{2 - \sqrt{3}}{2}$ ,  $b = \frac{2 + \sqrt{3}}{2}$  일 때,  $a^2 + 2ab + b^2$  의 값은?

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned}a^2 + 2ab + b^2 &= (a + b)^2 \\&= \left( \frac{2 - \sqrt{3}}{2} + \frac{2 + \sqrt{3}}{2} \right)^2 \\&= \left( \frac{4}{2} \right)^2 = 4\end{aligned}$$

14.  $a, b, c$  가 삼각형의 세 변의 길이일 때,  $b^3 + b^2c + bc^2 - a^2b + c^3 - a^2c = 0$  이다. 이때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인지 구하면? (단,  $a, b, c$  가 삼각형의 세 변의 길이이다.)

- ① 삼각형이 될 수 없다.      ② 이등변삼각형  
③  $\angle A$  가 직각인 직각삼각형      ④  $\angle B$  가 직각인 직각삼각형  
⑤  $\angle C$  가 직각인 직각삼각형

해설

$$\begin{aligned} & b^3 + b^2c + bc^2 - a^2b + c^3 - a^2c \\ &= b^2(b + c) + b(c^2 - a^2) + c(c^2 - a^2) \\ &= b^2(b + c) + (b + c)(c^2 - a^2) \\ &= (b + c)(b^2 + c^2 - a^2) = 0 \end{aligned}$$

$b, c$  는 삼각형이 변의 길이이므로 양수이다.

따라서  $b^2 + c^2 - a^2 = 0$ ,  $b^2 + c^2 = a^2$

$\angle A$  가 직각인 직각삼각형이다.