

1. 이차방정식 $0.3x^2 - 0.4(x - 3) = 2.1$ 의 해를 구하면?

Ⓐ $x = \frac{2 \pm \sqrt{31}}{3}$ Ⓑ $x = \frac{2 \pm 4\sqrt{2}}{3}$ Ⓒ $x = \frac{2 \pm \sqrt{33}}{3}$
Ⓓ $x = \frac{2 \pm \sqrt{34}}{3}$ Ⓛ $x = \frac{2 \pm \sqrt{35}}{3}$

해설

양변에 10을 곱하면

$$3x^2 - 4(x - 3) = 21$$

$$3x^2 - 4x - 9 = 0$$

$$\therefore x = \frac{2 \pm \sqrt{31}}{3}$$

2. 다음 이차방정식 중 근의 개수가 다른 하나는?

① $x^2 + 12x + 36 = 0$ ② $x^2 = 10x - 25$

③ $9 - x^2 = 4(x + 3)$ ④ $(x + 1)(x - 1) = 2x - 2$

⑤ $x^2 = 4x - 4$

해설

이차방정식이 중근을 가지려면 $(ax + b)^2 = 0$ 의 꼴이 되어야 한다.

① $(x + 6)^2 = 0$

② $(x - 5)^2 = 0$

③ $9 - x^2 = 4(x + 3) \Leftrightarrow x^2 + 4x + 3 = 0$

④ $x^2 - 1 = 2x - 2 \Leftrightarrow x^2 - 2x + 1 = 0 \Leftrightarrow (x - 1)^2 = 0$

⑤ $(x - 2)^2 = 0$

3. 다음 이차방정식 중 해가 없는 것은?

- ① $x^2 - 6x - 2 = 0$ ② $x^2 - 3x - 4 = 0$
③ $2x^2 - 2x + 2 = 0$ ④ $2x^2 - 4x + 2 = 0$
⑤ $x^2 - x - 12 = 0$

해설

③ $D = (-2)^2 - 4 \times 2 \times 2 < 0$: 해가 없다.

4. 다음 이차방정식 중 중근을 갖는 것은?

- ① $x^2 = 6x - 9$ ② $2x^2 + x - 3 = 0$
③ $x^2 = 4$ ④ $x^2 + 5x = 0$
⑤ $x^2 + 5x + 6 = 0$

해설

중근을 갖는 이차방정식은 $(ax + b)^2 = 0$ 이다.

① $x^2 - 6x + 9 = 0 \Leftrightarrow (x - 3)^2 = 0$

$\therefore x = 3$ (중근)

5. $x^2 + 6x + 11 - a = 0$ ⌈ 하나의 근을 가질 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$D/4 = 3^2 - (11 - a) = 0$$

$$\therefore a = 2$$

6. 이차방정식 $x^2 - 4x + k - 5 = 0$ 의 근이 없을 때, 상수 k 의 값의 범위는?

- ① $k \geq 9$ ② $k > 9$ ③ $k \leq 9$
④ $k < 9$ ⑤ $k > -9$

해설

이차방정식의 근이 없으므로

$$D = (-4)^2 - 4(k - 5) < 0$$

$$4 - k + 5 < 0$$

$$\therefore k > 9$$

7. 이차방정식 $x^2 + 6x - 5 + 2k = 0$ 이 서로 다른 두 근을 가질 때, k 의 값이 될 수 없는 것은?

- ① -10 ② 0 ③ 1 ④ 3 ⑤ 8

해설

이차방정식 $ax^2 + bx + c = 0$ 이 서로 다른 두 개의 근을 가지면

판별식 $D = b^2 - 4ac > 0$

주어진 방정식의 $D = 6^2 - 4(-5 + 2k) > 0$

$$-8k > -56$$

$$\therefore k < 7$$

주어진 값들 중 $8 > 7$ 이므로 적당하지 않다.

8. 다음은 이차방정식 $ax^2 + bx + c = 0$ ($a \neq 0$) 을 푸는 과정이다. ① ~ ⑤에 들어갈 식이 바르지 못한 것은?

$$\begin{aligned} ax^2 + bx + c &= 0 \\ x^2 + \frac{b}{a}x &= -\frac{c}{a} \\ x^2 + \frac{b}{a}x + \textcircled{1} &= -\frac{c}{a} + \textcircled{1} \\ (x + \textcircled{2})^2 &= \textcircled{3} \\ x &= \textcircled{4} \pm \textcircled{5} \end{aligned}$$

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \quad \frac{b^2}{4a^2} & \textcircled{2} \quad \frac{b}{2a} & \textcircled{3} \quad \frac{b^2 - 4ac}{2a} \\ \textcircled{4} \quad -\frac{b}{2a} & \textcircled{5} \quad \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} & \end{array}$$

해설

$ax^2 + bx + c = 0 \leftarrow$ 양변을 a 로 나눈다.
 $x^2 + \frac{b}{a}x = -\frac{c}{a} \leftarrow$ 양변에 $\left(\frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2}{4a^2}$ 을 더한다.
 $x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{b^2}{4a^2} = -\frac{c}{a} + \frac{b^2}{4a^2}$
 $\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2 - 4ac}{4a^2} \leftrightarrow x + \frac{b}{2a} = \pm \sqrt{\frac{b^2 - 4ac}{4a^2}}$
 $x = -\frac{b}{2a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$
 $\therefore \textcircled{3} \textcircled{5}$ 잘못되었다.

9. 이차방정식 $3x^2 + 4x - 1 = 0$ 의 근을 $x = \frac{A \pm \sqrt{B}}{3}$ 라고 할 때, $A + B$ 의 값은?

- ① 2 ② 5 ③ 9 ④ 24 ⑤ 32

해설

$$x = \frac{-4 \pm \sqrt{16 + 12}}{6} = \frac{-2 \pm \sqrt{7}}{3}$$

$$A = -2, B = 7$$

$$\therefore A + B = 5$$

10. 이차방정식 $3x^2 - 4x - 2 = 0$ 을 풀면?

① $x = \frac{-4 \pm \sqrt{10}}{6}$
② $x = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$
③ $x = \frac{4 \pm \sqrt{10}}{6}$
④ $x = \frac{-2 \pm 2\sqrt{10}}{3}$
⑤ $x = 1 \pm \frac{1}{3}$

해설

$$x = \frac{4 \pm \sqrt{16 - 4 \times 3 \times (-2)}}{6} = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$$

11. $4\left(x - \frac{1}{2}\right)\left(x + \frac{1}{2}\right) = Ax - 3$ 의 근으로 $x = \frac{2 \pm \sqrt{B}}{2}$ 일 때, $\frac{A}{B}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$4\left(x^2 - \frac{1}{4}\right) = Ax - 3$$

$$4x^2 - 1 = Ax - 3$$

$$4x^2 - Ax + 2 = 0$$

$$\text{두 근의 합 } 2 \text{ 이므로 } \frac{A}{4} = 2$$

$$\therefore A = 8$$

$$\text{두 근의 곱 } \frac{4-B}{4} = \frac{2}{4} \text{ 이므로 } B = 2$$

$$\therefore \frac{A}{B} = \frac{8}{2} = 4$$

12. $(x - 4)(x + 2) = -2x(x - 4)$ 의 해가 α, β 일 때, $3\alpha\beta$ 의 값은?

- ① -5 ② -8 ③ 3 ④ 5 ⑤ 8

해설

주어진 방정식을 정리하면

$$3x^2 - 10x - 8 = 0$$

$$(3x + 2)(x - 4) = 0$$

$$\alpha = 4, \beta = -\frac{2}{3} \text{ 또는 } \alpha = -\frac{2}{3}, \beta = 4$$

$$\therefore 3\alpha\beta = -8$$

13. 이차방정식 $(x - 1)^2 - 3(x - 1) - 18 = 0$ 의 두 근 중 작은 근이 $x^2 - ax + 2a = 0$ 의 근일 때, a 의 값은?

① 9 ② 3 ③ 1 ④ -1 ⑤ $-\frac{9}{5}$

해설

$x - 1 = t$ 로 치환하면 $t^2 - 3t - 18 = 0$
 $(t - 6)(t + 3) = 0$, $t = 6$ 또는 $t = -3$

$t = x - 1 = 6$ 또는 $t = x - 1 = -3$ 에서 $x = 7$ 또는 $x = -2$
따라서 작은 근은 -2 이다.

$x = -2$ 를 $x^2 - ax + 2a = 0$ 에 대입하면
 $(-2)^2 + 2a + 2a = 0$, $4a = -4$

$\therefore a = -1$

14. 이차방정식 $(x+3)^2 - 8(x+3) - 9 = 0$ 의 두 근의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$\begin{aligned}x + 3 &= t \text{ 로 치환하면} \\t^2 - 8t - 9 &= 0, \\(t - 9)(t + 1) &= 0, \\t = 9 \text{ 또는 } t &= -1, \\x + 3 = 9 \text{ 또는 } x + 3 &= -1, \\x = 6 \text{ 또는 } x &= -4, \\\text{따라서 두 근의 합은 } 6 - 4 &= 2 \text{ 이다.}\end{aligned}$$

15. 다음 이차방정식 중에서 근의 개수가 다른 하나는?

- ① $2x^2 + 5x - 2 = 0$ ② $3x^2 + 7x - 2 = 0$
③ $2x^2 - 3x - 1 = 0$ ④ $x^2 + 2x + 4 = 0$
⑤ $(x - 2)^2 = 6$

해설

④ $\frac{D}{4} = 1 - 1 \times 4 < 0$: 근이 없다.
나머지는 근이 2개이다.

16. 이차방정식 $2x^2 - (a+1)x + 8 = 0$ 의 중근을 가질 때, 양수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

$$D = (a+1)^2 - 4 \times 2 \times 8 = 0$$
$$a^2 + 2a + 1 - 64 = 0, a^2 + 2a - 63 = 0$$
$$(a-7)(a+9) = 0$$
$$\therefore a = 7 (\because a > 0)$$

17. x 에 관한 이차방정식 $x^2 + 10x + 15 + m = 0$ 의 중근을 갖도록 m 의 값은?

① 5 ② -5 ③ 10 ④ -10 ⑤ 15

해설

$$\frac{D}{4} = 25 - (15 + m) = 0$$
$$\therefore m = 10$$

18. 이차방정식 $x^2 - 4x + m - 3 = 0$ 의 근을 갖지 않을 때, m 의 값의 범위는?

- ① $m > 7$ ② $m < 7$ ③ $m \geq 7$
④ $m < -7$ ⑤ $m > -7$

해설

$$D = 4^2 - 4 \times 1 \times (m - 3) < 0, m > 7$$

19. 다음 이차방정식의 근을 구하면?

$$0.5(x-2)(x+1) = \frac{1}{3}(x-2)^2$$

- ① 1, -7 ② -7, 2 ③ -4, 9 ④ 3, -5 ⑤ 14, 1

해설

양변에 6을 곱하면
 $3(x-2)(x+1) = 2(x-2)^2$
 $3x^2 - 3x - 6 = 2x^2 - 8x + 8$
 $x^2 + 5x - 14 = 0$
 $(x+7)(x-2) = 0$
 $\therefore x = -7$ 또는 $x = 2$

20. 이차방정식 $3x^2 - 6x + k + 2 = 0$ 의 해가 1개일 때, 상수 k 의 값을 구하면?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}3x^2 - 6x + k + 2 &= 0 \\3(x^2 - 2x) &= -k - 2 \\3(x^2 - 2x + 1) &= -k - 2 + 3 \\3(x - 1)^2 &= -k + 1\end{aligned}$$

중근을 가져야 하므로 $-k + 1 = 0$, $k = 1$ 이다.