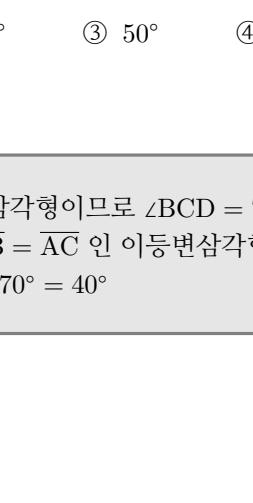


1. $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형에서 $\overline{BC} = \overline{BD}$ 가 되도록 점 D 를 변 AC 위에 잡았다. $\angle x$ 의 크기는?



- ① 40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

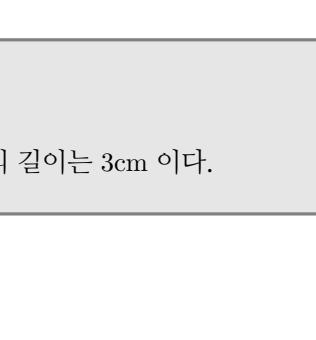
해설

$\triangle BCD$ 가 이등변삼각형이므로 $\angle BCD = 70^\circ$

또한 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형

$$\therefore \angle x = 180^\circ - 2 \times 70^\circ = 40^\circ$$

2. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이가 40cm이고 $\triangle ABC$ 의 넓이가 60cm^2 일 때, 내접원의 반지름의 길이는?



- ① 1cm ② 2cm ③ 3cm ④ 4cm ⑤ 5cm

해설

$$\frac{1}{2} \times r \times 40 = 60$$

따라서 반지름의 길이는 3cm이다.

3. 넓은 두 직육면체 A 와 B 의 넓음비가 $3 : 2$ 이고 B 의 곁넓이가 16 일 때, A 의 곁넓이는?

① 12 ② 18 ③ 24 ④ 27 ⑤ 36

해설

넓은 도형의 넓이의 비는 넓음비의 제곱이다.
넓음비가 $3 : 2$ 이므로, 곁넓이의 비는 $3^2 : 2^2 = 9 : 4$

$$9 : 4 = x : 16$$

$$\therefore x = 36$$

4. 0부터 5까지의 숫자가 적힌 6장의 카드에서 3장을 뽑아 세 자리의 정수를 만들 때, 다음 중 그 개수가 서로 같은 것을 골라라.

Ⓐ 150보다 작은 정수의 개수
Ⓑ 450보다 큰 정수의 개수
Ⓒ 백의 자리가 3인 정수의 개수
Ⓓ 십의 자리가 2인 정수의 개수

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓒ

해설

Ⓐ $(150 \text{보다 작은 정수의 개수}) = (\text{백의 자리가 1인 정수의 개수}) - (\text{백의 자리가 } 1, \text{ 십의 자리가 } 5 \text{인 정수의 개수}) = 20 - 4 = 16 \text{ (개)}$
Ⓑ $450 \text{보다 큰 정수의 개수} = (\text{백의 자리가 } 5 \text{인 정수의 개수}) + (\text{백의 자리가 } 4 \text{이고 } 450 \text{보다 큰 정수의 개수}) = 20 + 3 = 23 \text{ (개)}$
Ⓒ $(\text{백의 자리가 } 3 \text{인 정수의 개수}) = 5 \times 4 = 20 \text{ (개)}$
Ⓓ $(\text{십의 자리가 } 2 \text{인 정수의 개수}) = 4 \times 4 = 16 \text{ (개)}$

5. 남학생 5 명과 여학생 4 명이 있다. 남학생 1 명, 여학생 1 명을 대표로 뽑을 때, 일어날 수 있는 경우의 수는?

- ① 12 가지 ② 15 가지 ③ 18 가지
④ 20 가지 ⑤ 24 가지

해설

$$5 \times 4 = 20 \text{ (가지)}$$

6. A, B, C, D 네 명을 한 줄로 세울 때, A 가 맨 앞에 B 가 맨 뒤에 설 확률은?

① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{8}$ ④ $\frac{1}{10}$ ⑤ $\frac{1}{12}$

해설

네 명을 일렬로 세우는 경우의 수는

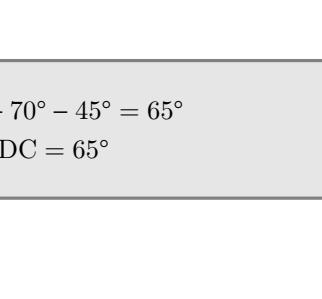
$$4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24 \text{ (가지)}$$

A 가 맨 앞, B 가 맨 뒤에 설 경우의 수는

$$2 \times 1 = 2 \text{ (가지)}$$

$$\therefore (\text{확률}) = \frac{2}{24} = \frac{1}{12}$$

7. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 $\angle BAC = 70^\circ$, $\angle ACB = 45^\circ$ 일 때, $\angle ADC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

$^\circ$

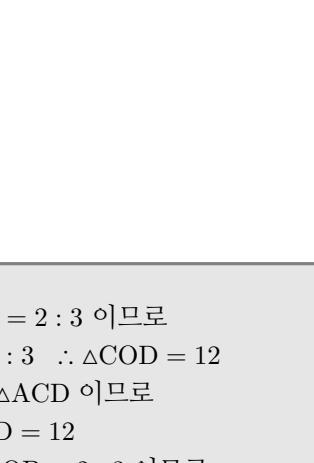
▷ 정답: 65°

해설

$$\angle ABC = 180^\circ - 70^\circ - 45^\circ = 65^\circ$$

$$\therefore \angle ABC = \angle ADC = 65^\circ$$

8. 다음 그림과 같이 $\overline{AD}/\overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD 에서 $\overline{OD} : \overline{OB} = 2 : 3$ 이다. $\triangle OCB$ 의 넓이가 18 일 때, $\square ABCD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 50

해설

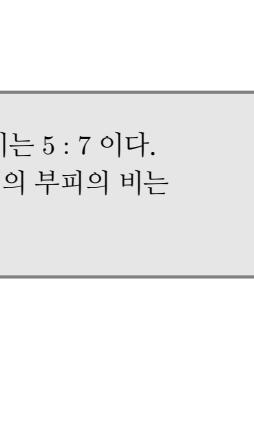
$\triangle COD : \triangle BOC = 2 : 3$ 이므로
 $\triangle COD : 18 = 2 : 3 \therefore \triangle COD = 12$
이때 $\triangle ABD = \triangle ACD$ 이므로
 $\triangle OBA = \triangle COD = 12$
또, $\triangle AOD : \triangle AOB = 2 : 3$ 이므로
 $\triangle AOD : 12 = 2 : 3 \therefore \triangle AOD = 8$
 $\therefore \square ABCD = 8 + 12 + 12 + 18 = 50$

9. 다음 그림과 같은 원뿔을 밑면에 평행한 평면으로 자른 단면의 넓이가 밑넓이의 $\frac{25}{49}$ 였다. 잘려진 원뿔과 원뿔대의 부피의 비는?

① 123 : 128 ② 125 : 128

③ 125 : 218 ④ 127 : 218

⑤ 125 : 216

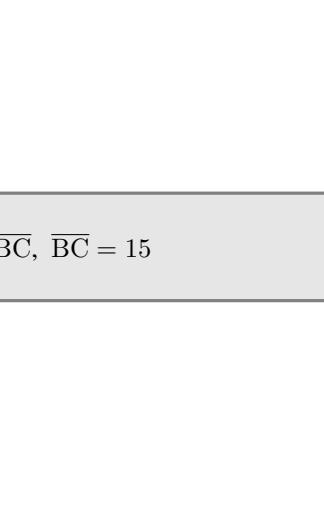


해설

밑면의 넓이의 비가 $25 : 49$ 이므로 높음비는 $5 : 7$ 이다.
 $5^3 : 7^3 = 125 : 343$ 이므로 원뿔과 원뿔대의 부피의 비는

$$125 : (343 - 125) = 125 : 218$$

10. 다음 그림에서 O 는 $\triangle ABC$ 의 외접원이고 \overline{AD} 는 지름이다. $\overline{AB} = 12$, $\overline{AC} = 9$, $\overline{AH} = 7.2$ 일 때, 이 원의 지름을 구하여라.



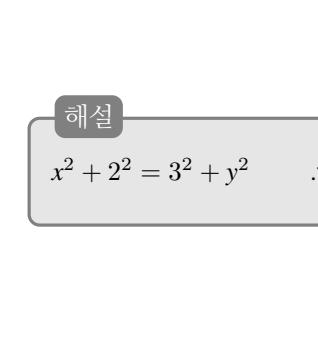
▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$12 \times 9 = 7.2 \times \overline{BC}, \overline{BC} = 15$$

11. 그림을 보고 $x^2 - y^2$ 을 구하여라.



▶ 답:

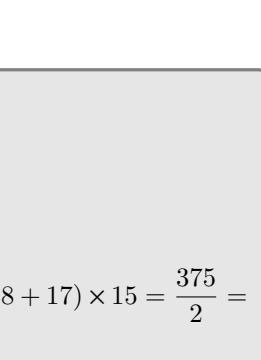
▷ 정답: 5

해설

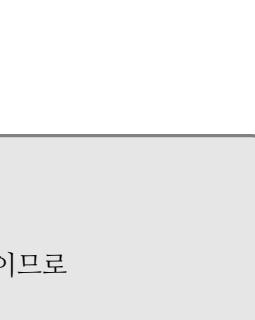
$$x^2 + 2^2 = 3^2 + y^2 \quad \therefore x^2 - y^2 = 5$$

- ① 150 ② 163.5 ③ 175
④ 187.5 ⑤ 194.5

ANSWER



13. 다음 직각각형의 두 꼭짓점 B, D에서 대각선 AC에 내린 수선의 발을 각각 Q, P라 할 때, \overline{PQ} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 2.8 cm

해설

$\triangle ABC$ 는 직각삼각형이므로

$\overline{AC} = 10$ (cm) 이다.

$\overline{AQ} = \overline{PC}$ 이고 $\triangle ABQ$ 와 $\triangle ABC$ 는 닮음이므로

$\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{AQ} : \overline{AB}$ 에서

$\overline{AB}^2 = \overline{AQ} \times \overline{AC}$ 이므로

$\overline{AQ} = \frac{36}{10} = 3.6$ (cm) 이다.

따라서 $\overline{PQ} = 10 - 3.6 - 3.6 = 2.8$ (cm) 이다.

14.

오른쪽 그림과 같이 좌표평면 위에 $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형 ABC가 있다. A(-3, 0), B(3, 0), C(0, 4)일 때, $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이를 구하시오.



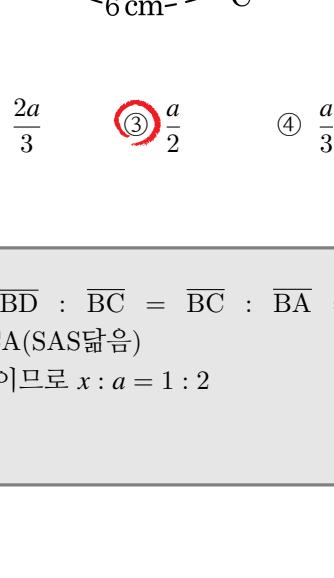
▶ 답 :

▷ 정답 : 16

해설

$$\begin{aligned}\overline{AO} &= \overline{BO} = 3, \quad \overline{CO} = 4 \text{이므로} \\ \triangle AOC \text{에서} \quad \overline{AC}^2 &= 3^2 + 4^2 = 25 \quad \therefore \quad \overline{AC} = \overline{BC} = 5 \\ \therefore (\triangle ABC \text{의 둘레의 길이}) &= \overline{AC} + \overline{AB} + \overline{BC} \\ &= 5 + 6 + 5 = 16\end{aligned}$$

15. 다음 그림에서 $\overline{AB} = 12\text{cm}$, $\overline{AD} = 9\text{cm}$, $\overline{AC} = a\text{cm}$, $\overline{BC} = 6\text{cm}$ 일 때, x 의 값을 a 에 관하여 나타내면?



- ① $3a$ ② $\frac{2a}{3}$ ③ $\frac{a}{2}$ ④ $\frac{a}{3}$ ⑤ $2a$

해설

$\angle B$ 는 공통, $\overline{BD} : \overline{BC} = \overline{BC} : \overline{BA} = 1 : 2$ 이므로

$\triangle BDC \sim \triangle BCA$ (SAS 닮음)

닮음비가 $1 : 2$ 이므로 $x : a = 1 : 2$

$$\therefore x = \frac{a}{2}$$

16. 다음 그림의 사다리꼴 ABCD 를 직선 l 을 축으로
하여 1회전 시킨 원뿔대의 부피를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\underline{\text{cm}^3}}$

▷ 정답: $19\pi \text{cm}^3$

해설



$$\overline{OD} = x \text{ 라 하면 } 2 : 3 = x : (x + 3)$$

$$3x = 2x + 6 \therefore x = 6 \text{ (cm)}$$

$$2^3 : 3^2 = 8 : 27$$

$$(\text{큰 원뿔의 부피}) = \frac{1}{3}\pi \times 3^2 \times 9 = 27\pi \text{ (cm}^3\text{)}$$

$$\therefore (\text{원뿔대의 부피}) = \frac{27 - 8}{27} \times 27\pi = 19\pi \text{ (cm}^3\text{)}$$

17. 정십이면체의 각 면에는 1에서 12까지의 숫자가 쓰여 있다. 이 정십이면체 주사위를 한 번 던졌을 때, 3의 배수 또는 36의 약수가 나올 경우의 수는?

① 2 ② 4 ③ 6 ④ 7 ⑤ 10

해설

3의 배수: 3, 6, 9, 12 → 4가지
36의 약수: 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12 → 7가지
따라서 7가지이다.

18. 다음 문장을 읽고 번칸 ① - ④ - ⑤ - ⑥ - ⑦의 순서대로 들어갈 알맞은 수를 고르면?

청산이가 왼쪽에 2 개 손가락, 오른쪽에 3 개 손가락에 봉송아물을 들이려고 한다. 이때 왼쪽에 봉송아물을 들이는 경우의 수는 (①) 가지이고, 오른쪽에 봉송아물을 들이는 경우의 수는 (②) 가지이다. 따라서, 두 손에 봉송아물을 들이는 총 경우의 수는 (③) 가지이다. 이때 반드시 각각의 손에서 새끼손가락에 물을 들인다고 할 때의 경우의 수는 (④) 가지이다. 그러므로 왼쪽에 2 개 손가락, 오른쪽에 3 개 손가락에 봉송아물을 들일 때 반드시 각 손의 새끼손가락에 물을 들이는 확률은 (⑤) 이다.

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} \quad 10 - 10 - 100 - 24 - \frac{6}{25} & \textcircled{2} \quad 100 - 10 - 100 - 24 - \frac{6}{25} \\ \textcircled{3} \quad 100 - 100 - 10 - 24 - \frac{6}{25} & \textcircled{4} \quad 10 - 10 - 10 - 24 - \frac{6}{25} \\ \textcircled{5} \quad 100 - 10 - 10 - 24 - \frac{6}{25} & \end{array}$$

해설

$$\textcircled{1} : \frac{5 \times 4}{2 \times 1} = 10 \text{ (가지)}$$

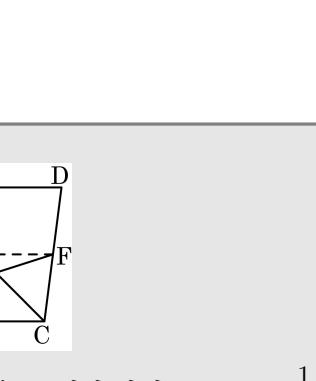
$$\textcircled{2} : \frac{5 \times 4 \times 3}{3 \times 2 \times 1} = 10 \text{ (가지)}$$

$$\textcircled{3} : 10 \times 10 = 100 \text{ (가지)}$$

$$\textcircled{4} : 4 \times \frac{4 \times 3}{2 \times 1} = 24 \text{ (가지)}$$

$$\textcircled{5} : \frac{24}{100} = \frac{6}{25}$$

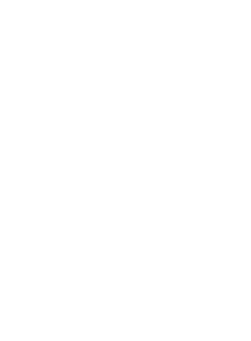
19. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 $\triangle BEC = 12$, $\triangle GFC = 2$ 이고 점 F는 변 CD의 중점일 때, $\triangle BCG$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 4

해설



$$\begin{aligned} \text{변 } AB \text{의 중점을 } M \text{이라 하면, } \triangle BEC &= \frac{1}{2} \square ABCD \\ &= \square MBCF \\ &= 2\triangle BFC \end{aligned}$$

$$\therefore \triangle BFC = \frac{1}{2} \triangle BEC = \frac{1}{2} \times 12 = 6$$

$$\triangle BCG = \triangle BFC - \triangle GFC = 6 - 2 = 4$$

따라서 $\triangle BCG$ 의 넓이는 4이다.

20. 다음 그림의 정사각형 ABCD에서 점 M은 B, C의 중점이다.
 $\triangle PMC = 24 \text{ cm}^2$ 일 때, $\square ABCD$ 의 넓이를 구하여라.



- ① 72 cm^2 ② 144 cm^2 ③ 216 cm^2
④ 288 cm^2 ⑤ 352 cm^2

해설



\overline{CD} 의 중점 N을 잡으면
 $\triangle PMC \cong \triangle PNC$ (SAS 합동)
 $\triangle PCN = \triangle PND = \triangle PMC = 24 \text{ cm}^2$
 $\therefore \square ABCD = 4\triangle DMC$
 $= 4 \times 24 \times 3$
 $= 288 (\text{cm}^2)$