- 근의 공식을 이용하여 이차방정식 $x^2 + 4x 2 = 0$ 을 풀면? 1.
- ① $x = 2 \pm \sqrt{6}$ ② $x = -2 \pm \sqrt{2}$ ③ $x = -2 \pm \sqrt{6}$ ④ $x = 2 \pm \sqrt{2}$ ⑤ $x = 2 \pm \sqrt{3}$

근의 짝수공식에 대입하면,

 $x = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 1 \times (-2)}}{1} = -2 \pm \sqrt{6}$ 이다.

- 2. 다음 이차방정식 중에서 서로 다른 두 개의 근을 갖는 것은?
 - ① $x^2 2x + 1 = 0$ $3 x^2 + x + 2 = 0$
- $2 x^2 6x + 9 = 0$
- $x^2 3x + 1 = 0$
- $4 x^2 4x + 5 = 0$



① $D = (-2)2 - 4 \times 1 \times 1 = 0$: $\stackrel{\text{Z}}{\circ}$

- ② $D = (-6)^2 4 \times 1 \times 9 = 0$: $\frac{2}{5}$
- ③ $D = 1^2 4 \times 1 \times 2 < 0$: 근이 없다.
- ④ $D = (-4)^2 4 \times 1 \times 5 = -4 < 0$: 그이 없다. ⑤ $D = (-3)^2 - 4 \times 1 \times 1 = 5 > 0$: 서로 다른 두 근

- 3. 다음 이차방정식 중 중근을 갖는 것은?

 - ① $x^2 + 2x = 0$ ② $x^2 + \frac{1}{2}x + \frac{1}{8} = 0$
 - $3 4x^2 + 15x + 9 = 0$
 - $32x^2 8x + 8 = 0$ $49x^2 49y^2 = 0$

4. 이차방정식
$$(x+1)(x-3) - \frac{x^2+1}{4} = 3(x-1)$$
의 근은?

①
$$x = 0 \pm \frac{1}{2} = \frac{10 \pm 2\sqrt{53}}{3}$$

①
$$x = 0 \oplus 1 = \frac{20}{3}$$
 ② $x = \frac{5 \pm 2\sqrt{53}}{6}$ ③ $x = \frac{10 \pm 2\sqrt{53}}{3}$ ④ $x = \frac{5 \pm 2\sqrt{53}}{6}$ ⑤ $x = \frac{10 \pm \sqrt{103}}{3}$

$$\Im x = \frac{1}{3}$$

$$(x^{2} - 2x - 3) - \frac{x^{2} + 1}{4} = 3x - 3$$

$$4x^{2} - 20x - x^{2} - 1 = 0$$

$$3x^{2} - 20x - 1 = 0$$

$$\therefore x = \frac{10 \pm \sqrt{103}}{3}$$

$$3x^2 - 20x - x^2 - 1 = 0$$
$$3x^2 - 20x - 1 = 0$$

$$\therefore x = \frac{10 \pm \sqrt{10}}{3}$$

5. 다음 이차방정식이 중근을 가질 때, 상수 a 의 값 중 작은 값은?

 $16x^2 + 4ax + 2a - 3 = 0$

① 2 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 8

 $(4a)^2 - 4 \times 16(2a - 3) = 0$ $a^2 - 8a + 12 = 0$ a = 2, 6

∴ a 의 값 중 작은 값은 2 이다.

6. 형의 나이는 동생의 나이보다 4 살 많고, 동생의 나이의 제곱은 형의 나이의 5 배보다 4 살이 많을 때, 동생의 나이는?

②8살 ③ 9살 ④ 10살 ⑤ 11살 ① 7살

해설

형의 나이를 x+4, 동생의 나이를 x 살이라 하면 $5(x+4) + 4 = x^2$ $x^2 - 5x - 24 = 0$

(x-8)(x+3) = 0

 $\therefore x = 8 \ (\because x > 0)$

따라서 동생의 나이는 8살이다.

선물 가게에 원가가 1000원인 물건이 있다. 원가의 a% 의 이익을 7. 붙여서 정가를 정하였다가 할인 기간에 정가의 2a% 를 할인하여 팔 았더니 120원의 손해를 보았다. 이 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 10

원가: 1000원 정가: $1000 \times \left(1 + \frac{a}{100}\right)$ 원

$$1000 \times \left(1 + \frac{a}{100}\right) \times \left(1 - \frac{2a}{100}\right) + 120 = 1000$$
$$-10a - \frac{1}{5}a^2 + 1000 + 120 = 1000$$

$$a^{2} + 50a - 600 = 0$$
$$(a + 60) (a - 10) = 0$$

8. 길이가 10 cm 인 선분 AB 위에 점 P 를 잡아 서 다음 그림과 같이 정사각형과 직각이등변 삼각형을 만들어 넓이의 합이 $36\,\mathrm{cm}^2$ 가 되게 하려고 한다. 선분 AP 의 길이를 구하여라. (단, 선분 AP 의 길이는 자연수이다.)

▶ 답: $\underline{\mathrm{cm}}$

▷ 정답: 2<u>cm</u>

선분 AP 의 길이를 x cm 라고 하면 (정사각형의 넓이) = x^2 (직각이등변삼각형의 넓이) = $\frac{1}{2}(10-x)^2$ $x^2 + \frac{1}{2}(10 - x)^2 = 36$ $\frac{3}{2}x^2 - 10x + 50 - 36 = 0$ $3x^2 - 20x + 28 = 0$

(3x - 14)(x - 2) = 0선분 AP 의 길이는 자연수이므로 x = 2(cm)

9. 이차방정식 $\frac{a-3}{2}x^2 + ax + a + 2 = 0$ 이 서로 다른 두 근을 갖도록 하는 정수 a 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: -2

 $\frac{a-3}{2}x^2 + ax + a + 2 = 0 \text{ 에서}$ $(a-3)x^2 + 2ax + 2a + 4 = 0 \text{ 이 서로 다른 두 근을 가지므로}$ $\frac{D}{4} = a^2 - (a-3)(2a+4) > 0$

 $a^2 - 2a - 12 < 0$

a - 2a - 12 < 0 $\therefore 1 - \sqrt{13} < a < 1 + \sqrt{13}$ (단, $a \neq 3$) $\therefore 1 - \sqrt{13} < a < 3$ 또는 $3 < a < 1 + \sqrt{13}$ 이때 정수 a 의 최솟값은 $1 - \sqrt{13} < -2. \times \times$ 이므로 a = -2 이다.