- 1. 함수 $y = -x^2 + kx$ 의 그래프가 직선 y = -x + 4에 접할 때, 양수 k의 값은?

 - ① 1 ② $\frac{3}{2}$ ③ 2 ④ $\frac{5}{2}$
- **⑤**3

해설

 $y=-x^2+kx$ 가 y=-x+4에 접하려면 $4-x=-x^2+kx \implies x^2-(k+1)x+4=0$ 의 판별식은 D=0

이어야 한다. $D = (k+1)^2 - 16 = 0 \implies k+1 = \pm 4$

 $\therefore k = 3 \; (\because k > 0)$

2. 다음 함수의 최댓값 및 최솟값을 구하여라.

 $y = x^2 - 2x - 3 \ (0 \le x \le 4)$

 □
 □

 □
 □

 □
 □

~ _._.

 ▶ 정답:
 최댓값 5

 ▶ 정답:
 최솟값 -4

먼저, 주어진 식을 $y = a(x - m)^2 + n$ 의 꼴로 변형하여그래프를 그린 다음 주어진 구간 안에서 가장 높은 점과 가장 낮은 점을

조사한다. $y = x^2 - 2x - 3 = (x - 1)^2 - 4$ 꼭짓점: x = 1일 때 y = -4

양끝점 : $\begin{cases} x = 0 \text{ 일 때 } y = -3\\ x = 4 \text{ 일 때 } y = 5 \end{cases}$

x = 4에서 최댓값 5, x = 1에서 최솟값 -4

- 합이 18 인 두 수가 있다. 한 수를 x, 두 수의 곱을 y 라 할 때, 두 수의 3. 곱의 최댓값을 구하면?
 - ① 11 ② 21 ③ 25 ④81
- **⑤** 100

해설 합이 18 인 두 수가 있다. 한 수를 x 로 두면 나머지 한 수는

(18 - x) 이다. $y = x(18 - x) = -x^2 + 18x = -(x^2 - 18x + 81) + 81$ $y = -(x - 9)^2 + 81$ 따라서 두 수의 곱의 최댓값은 81이다.

- 이차함수 $y = ax^2 5x 2$ 의 그래프와 직선 y = bx + a 의 교점의 x4. 좌표가 각각 0, -3 일 때, 상수 a, b 의 합 a + b 의 값은?
 - ① -3 ② -2
- ③-1 ④ 0 ⑤ 1

해설 이차함수 $y = ax^2 - 5x - 2$ 의 그래프와

이차방정식 $ax^2 - (b+5)x - a - 2 = 0$ 의 두 근이므로 근과 계수의

직선 y = bx + a 의 교점의 x 좌표 0, -3 은

관계에 의하여 (두그의합) = $0 + (-3) = \frac{b+5}{a}$

 $\therefore 3a + b = -5 \cdots \bigcirc$

 $(두 근의 필) = 0 \cdot (-3) = \frac{-a-2}{a}$ $\therefore a = -2$

 \bigcirc 에서 b=1 이므로 a+b=-1

- **5.** 이차함수 $y = -x^2 + ax$ 의 최댓값이 4 일 때, 상수 a 의 값을 구하여라. (단, a > 0)
 - ▶ 답:

▷ 정답: a = 4

$$v = -r^2$$

$$y = -x^2 + ax = -\left(x - \frac{a}{2}\right)^2 + \frac{a^2}{4}$$
 $x = \frac{a}{2}$ 일 때, 최댓값이 $\frac{a^2}{4}$ 이므로
 $\frac{a^2}{4} = 4, \ a = \pm 4$
 $a > 0$ 이므로 $a = 4$ 이다.

$$\begin{vmatrix} 4 \\ a > 0$$
이므로 $a > 0$

가로의 길이가 6cm , 세로의 길이가 10cm 인 직사각형에서 가로의 **6.** 길이를 xcm 길게 하고 세로의 길이를 xcm 짧게 한 직사각형의 넓이가 최대일 때, x값은?

1)2

② 4 ③ 8 ④ 14 ⑤ 15

해설 넓이를 y 라 하면

y = (6+x)(10-x)

 $= -x^{2} + 4x + 60$ $= -(x^{2} - 4x + 4 - 4) + 60$ $= -(x - 2)^{2} + 64$

따라서 x=2 일 때 최댓값 64 를 가진다.

7. 둘레의 길이가 24 인 철사를 구부려서 부채꼴 모양을 만들려고 한다. 부채꼴의 넓이를 y 라고 할 때, 부채꼴의 넓이의 최댓값을 구하면?

① 18 ② 20 ③ 30 ④ 32

(5) 36

반지름의 길이를 x 라 하면 호의 길이는 24 - 2x 이다.

 $y = \frac{1}{2} \times x \times (24 - 2x)$ = x(12 - x) $= -x^2 + 12x$

$$= x(12 - x)$$

 $= -(x^2 - 12x + 36 - 36)$ $= -(x - 6)^2 + 36$

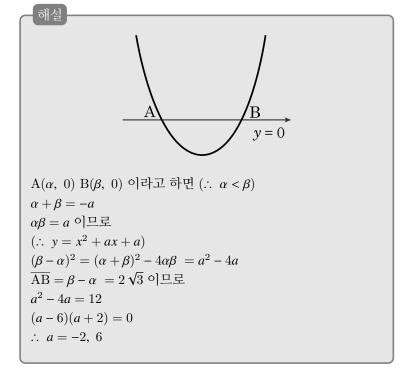
이차함수는 위로 볼록이므로 꼭짓점이 최댓값을 나타낸다. 따라서 꼭짓점이 (6,36) 이므로 반지름의 길이 x=6 일 때,

부채꼴의 넓이 y 가 최댓값 36 을 가진다.

- 8. 이차함수 $y=x^2+ax+a$ 가 x 축과 두 점 A, B 에서 만날 때, $\overline{AB}=2\sqrt{3}$ 이 되도록 하는 양수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: a = 6



- 9. x 가 실수일 때, $x^2 + 4y^2 8x + 16y 4 = 0$ 을 만족하는 y 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: -5

해설

준식을 x 에 관하여 정리하면 $x^2 - 8x + 4y^2 + 16y - 4 = 0$

이것은 x 에 대한 이차 방정식으로 볼 때

x 가 실수이므로 실근을 갖는다.

 $\therefore D/4 = (-4)^2 - (4y^2 + 16y - 4) \ge 0$ $\to 4y^2 + 16y - 20 \le 0$

 $y^{2} + 4y - 5 \le 0$ $y^{2} + 4y - 5 \le 0$ $y^{2} + 4y - 5 \le 0$ $y^{2} + 5 = 0$ $y^{2} + 4y - 5 \le 0$

 $\therefore -5 \le y \le 1$ ∴ y 의 최댓값은 1 , 최솟값은 -5

- **10.** 이차함수 $y = -2(x-1)^2 + 4$ 의 최댓값은?
 - ① -4 ② -2 ③ -1 ④ 1

위로 볼록하고 꼭짓점이 (1,4) $\therefore x = 1$ 일 때, 최댓값 4 를 갖는다.