

1. $(5x + 2y - 7) + (x - 2y - 3) = ax + by + c$ 일 때, $a + b + c$ 의 값은?

- ① -4 ② -1 ③ 0 ④ 2 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}(5x + 2y - 7) + (x - 2y - 3) \\= 5x + 2y - 7 + x - 2y - 3 \\= 6x - 10\end{aligned}$$

따라서 $a = 6, b = 0, c = -10$ 이므로
 $a + b + c = -4$ 이다.

2. $(Ax^2 - 3x + 1) - (-x^2 + Bx + 4) = 3x^2 + 2x + C$ 에서 A, B, C 의 값을 각각 맞게 구한 것은?

① $A = 2, B = -1, C = 3$ ② $A = 4, B = -1, C = 5$

③ $A = 4, B = -5, C = -5$ ④ $A = 2, B = 5, C = 3$

⑤ $A = 2, B = -5, C = -3$

해설

$$(Ax^2 - 3x + 1) - (-x^2 + Bx + 4) = 3x^2 + 2x + C$$

$$Ax^2 - 3x + 1 + x^2 - Bx - 4 = 3x^2 + 2x + C$$

$$Ax^2 + x^2 - 3x - Bx + 1 - 4 = 3x^2 + 2x + C$$

$$A + 1 = 3 \quad \therefore A = 2$$

$$-3 - B = 2 \quad \therefore B = -5$$

$$1 - 4 = C \quad \therefore C = -3$$

3. 다음 중 이차식이 아닌 것을 모두 고르면?

- ① $4 - 4x - 4x^2$ ② $1 + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2}$
③ $2(x^2 - x)$ ④ $1 - x^2$
⑤ $2(1 - 2x^2) - (x - 4x^2)$

해설

$$2(1 - 2x^2) - (x - 4x^2) = 2 - 4x^2 - x + 4x^2 = 2 - x$$

4. 다음 식을 간단히 한 것은?
 $(a^2 + 3a - 2) - (-a^2 + 2a - 1)$

- ① $a^2 + a - 2$ ② $a^2 + a - 3$ ③ $2a^2 - a - 1$
④ $2a^2 - 2a - 1$ ⑤ $2a^2 + a - 1$

해설

$$\begin{aligned}(a^2 + 3a - 2) - (-a^2 + 2a - 1) \\= a^2 + 3a - 2 + a^2 - 2a + 1 \\= 2a^2 + a - 1\end{aligned}$$

5. 다항식 $3x - 2y + \{5x - 4y - (x - 7y) + 2x\}$ 를 간단히 하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $9x + y$

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= 3x - 2y + (5x - 4y - x + 7y + 2x) \\&= 3x - 2y + (6x + 3y) \\&= 3x - 2y + 6x + 3y \\&= 9x + y\end{aligned}$$

6. $-x(2x - 6) + (x - 2)(-3x)$ 를 간단히 한 식에서 x^2 의 계수를 a , x 의 계수를 b 라고 할 때, $a + b$ 의 값은?

① 7 ② -7 ③ 17 ④ -17 ⑤ 0

해설

$$(\text{준식}) = -2x^2 + 6x - 3x^2 + 6x = -5x^2 + 12x$$

$$a + b = -5 + 12 = 7$$

7. 다음 중 옳은 것은?

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} \quad a \div (b \times c) = \frac{ab}{c} \\ \textcircled{3} \quad (a \div b) \div c = \frac{ac}{b} \\ \textcircled{5} \quad a \div (b \div c) = \frac{ab}{c} \end{array}$$

$$\textcircled{2} \quad a \times (b \div c) = \frac{ab}{c}$$

$$\textcircled{4} \quad (a \div b) \times c = \frac{bc}{a}$$

해설

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} \quad a \div (b \times c) = \frac{a}{bc} \\ \textcircled{3} \quad (a \div b) \div c = \frac{a}{bc} \\ \textcircled{4} \quad (a \div b) \times c = \frac{ac}{b} \\ \textcircled{5} \quad a \div (b \div c) = \frac{ac}{b} \end{array}$$

8. $(3x^2y - xy^2) \div xy$ 를 간단히 할 때, 모든 계수의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$\begin{aligned}(3x^2y - xy^2) \div xy &= \frac{3x^2y - xy^2}{xy} \\&= \frac{3x^2y}{xy} - \frac{xy^2}{xy} \\&= 3x - y\end{aligned}$$

x 의 계수 : 3

y 의 계수 : -1

$$\therefore 3 + (-1) = 2$$

9. $x^2 - 2x - 5$ 에 어떤 식을 더해야 할 것을 잘못하여 빼었더니 $3x^2 - 2x - 7$ 이 되었다. 옳게 계산한 식을 구하면?

- ① $-x^2 + 2x - 3$ ② $x^2 - 2x - 3$ ③ $-x^2 - 2x - 3$
④ $-x^2 + 2x + 3$ ⑤ $x^2 + 2x + 3$

해설

어떤 식을 A 라 하면

$$x^2 - 2x - 5 - A = 3x^2 - 2x - 7$$

$$A = -2x^2 + 2$$

$$x^2 - 2x - 5 + (-2x^2 + 2) = -x^2 - 2x - 3$$

$$\therefore -x^2 - 2x - 3$$

10. $x = 2, y = -3$ 일 때 $\frac{xy^2 - 2x^2y}{xy} + \frac{yx^2 - 2y^2}{y}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\frac{xy^2 - 2x^2y}{xy} + \frac{yx^2 - 2y^2}{y} = y - 2x + x^2 - 2y = -3 - 4 + 4 + 6 = 3$$

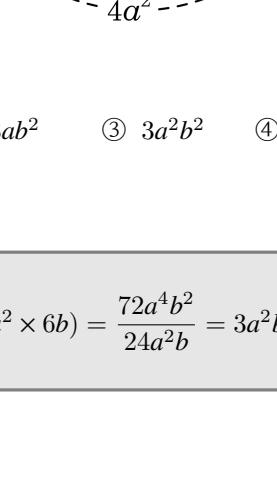
11. $2x(x - 1) - 3x(2x - 3) - (-7x^2 + x - 2)$ 를 간단히 하면?

- ① $3x^2 + 6x + 2$ ② $3x^2 - 6x + 2$ ③ $3x^2 + 6x - 2$
④ $-3x^2 + 6x + 2$ ⑤ $3x^2 - 6x - 2$

해설

$$\begin{aligned} & 2x(x - 1) - 3x(2x - 3) - (-7x^2 + x - 2) \\ &= 2x^2 - 2x - 6x^2 + 9x + 7x^2 - x + 2 \\ &= 3x^2 + 6x + 2 \end{aligned}$$

12. 다음 그림과 같이 밑면의 가로의 길이가 $4a^2$, 세로의 길이가 $6b$ 인
직육면체의 부피가 $72a^4b^2$ 일 때, 이 직육면체의 높이는?

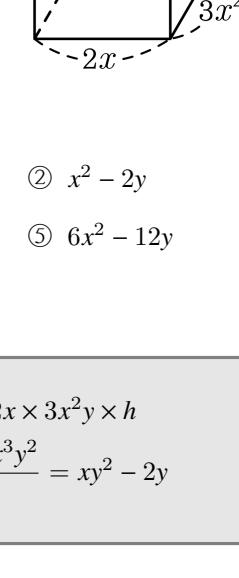


- ① $3a^2b$ ② $3ab^2$ ③ $3a^2b^2$ ④ a^2b ⑤ ab^2

해설

$$h = 72a^4b^2 \div (4a^2 \times 6b) = \frac{72a^4b^2}{24a^2b} = 3a^2b$$

13. 가로, 세로의 길이가 $2x$, $3x^2y$ 인 직육면체의 부피가 $6x^4y^3 - 12x^3y^2$ 일 때, 직육면체의 높이는?



- ① $xy^2 - 12y$ ② $x^2 - 2y$ ③ $\textcircled{3} xy^2 - 2y$
④ $6xy^2 - 2y$ ⑤ $6x^2 - 12y$

해설

$$6x^4y^3 - 12x^3y^2 = 2x \times 3x^2y \times h$$

$$\therefore h = \frac{6x^4y^3 - 12x^3y^2}{6x^3y} = xy^2 - 2y$$

14. $A = 2x - y$, $B = -x + 2y$ 일 때, $2A - 3B$ 를 계산한 식은?

- ① $x + 4y$ ② $x - 8y$ ③ $7x + 4y$
④ $\textcircled{7}x - 8y$ ⑤ $7x + 2y$

해설

$$2A - 3B = 2(2x - y) - 3(-x + 2y) = 7x - 8y$$

15. $3(2x - y) = 6 + 4x - y$ 일 때, $2(x - 2y) + 6y - 3$ 을 x 에 관한 식으로 나타내면?

① $4x + 9$

② $\textcircled{2} 4x - 9$

③ $3x + 9$

④ $3x - 9$

⑤ $2x - 9$

해설

$3(2x - y) = 6 + 4x - y$ 를 y 로 정리하면

$$6x - 3y = 6 + 4x - y$$

$$2x = 2y + 6$$

$$\therefore x = y + 3$$

$2(x - 2y) + 6y - 3 = 2x + 2y - 3$ 이므로 y 대신 $x - 3$ 을 대입하면

$$2x + 2(x - 3) - 3 = 4x - 9$$
 이다.

16. $2x - y + 3 = 3x - 2y + 5$ 임을 이용하여 $x^2 + xy - 3$ 을 x 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $3x - 3$ ② $x^2 + x - 3$ ③ $2x^2 + x - 3$
④ $2x^2 + 2x - 3$ ⑤ $2x^2 + 3x - 3$

해설

$2x - y + 3 = 3x - 2y + 5$ 를 y 로 정리하면 $y = x + 2$ 이다.

주어진 식에 대입하면

$x^2 + x(x + 2) - 3 = 2x^2 + 2x - 3$ 이다.

17. $2x + 2y = x + 5y$ 일 때, $\frac{x}{3y}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$2x + 2y = x + 5y$$

$$x = 3y$$

$$\therefore \frac{x}{3y} = \frac{3y}{3y} = 1$$

18. $(5x - y + 6) - (\quad) = -2x + y - 2$ 에서 (\quad) 안에 알맞은 식은?

- ① $-7x - 2y - 8$ ② $-7x - 2y + 8$ ③ $7x + 4$
④ $\textcircled{7}x - 2y + 8$ ⑤ $7x + 8$

해설

$$(5x - y + 6) - (-2x + y - 2) = (\quad) \text{ 이므로}$$

$$(\quad) = 5x - y + 6 + 2x - y + 2 \\ = 7x - 2y + 8$$

19. 다음 조건을 만족할 때, 상수 A, B, C, D, E 의 값이 아닌 것은?

$$\begin{aligned} \textcircled{\text{1}} & 4(x^2 - 3x) - (3x^2 - 6x + 7) = Ax^2 + Bx - 7 \\ \textcircled{\text{2}} & \frac{2x^2 - 3x + 1}{2} - \frac{x^2 - 2x + 3}{3} = \frac{Cx^2 + Dx + E}{6} \end{aligned}$$

① $A = 1$ ② $B = -6$ ③ $C = 4$

④ $D = -5$ ⑤ $E = 3$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{\text{1}} & 4(x^2 - 3x) - (3x^2 - 6x + 7) \\ &= 4x^2 - 12x - 3x^2 + 6x - 7 \\ &= x^2 - 6x - 7 \end{aligned}$$

$\therefore Ax^2 + Bx - 7 = x^2 - 6x - 7$ 이다.

따라서 $A = 1, B = -6$ 이다.

$$\begin{aligned} \textcircled{\text{2}} & \frac{2x^2 - 3x + 1}{2} - \frac{x^2 - 2x + 3}{3} \\ &= \frac{3(2x^2 - 3x + 1)}{6} - \frac{2(x^2 - 2x + 3)}{6} \\ &= \frac{6x^2 - 9x + 3}{6} - \frac{2x^2 - 4x + 6}{6} \\ &= \frac{6x^2 - 9x + 3 - (2x^2 - 4x + 6)}{6} \\ &= \frac{6x^2 - 9x + 3 - 2x^2 + 4x - 6}{6} \\ &= \frac{4x^2 - 5x - 3}{6} \\ \therefore & \frac{Cx^2 + Dx + E}{6} = \frac{4x^2 - 5x - 3}{6} \text{ 이다.} \end{aligned}$$

따라서 $C = 4, D = -5, E = -3$ 이다.

20. 다음 식을 전개하였을 때, 그 결과가 이차식인 것을 모두 고르면?

- ① $\left(-\frac{2}{x} + 3\right) + \left(5 + \frac{2}{x}\right)$
② $(4 + 3x + 2x^2) - (-4 + 3x - 2x^2)$
③ $(3 - 3x - 6x^2) - 3(2x^2 + 2x - 3)$
④ $\left(-\frac{2}{3}x^2 + 3x - 4\right) - \left(-5 - 6x - \frac{2}{3}x^2\right)$
⑤ $-2x^2(1 - x)$

해설

- ① 8
② $8 + 4x^2$ (이차식)
③ $12 - 9x - 12x^2$ (이차식)
④ $9x + 1$ (일차식)
⑤ $-2x^2 + 2x^3$ (삼차식)

21. 다음 $\boxed{\quad}$ 에 알맞은 식은?

$$-\left[4x - 2y - \{x - (3x + \boxed{\quad})\} + 5y\right] = -6x - 7y$$

- ① 4y ② -4y ③ 3y ④ -3y ⑤ y

해설

$$\begin{aligned} & -\left[4x - 2y - \{x - (3x + \boxed{\quad})\} + 5y\right] \\ &= -\{4x - 2y - (x - 3x - \boxed{\quad}) + 5y\} \\ &= -\{4x - 2y - (-2x - \boxed{\quad}) + 5y\} \\ &= -\left(4x - 2y + 2x + \boxed{\quad} + 5y\right) \\ &= -\left(6x + 3y + \boxed{\quad}\right) \\ &= -6x - 3y - \boxed{\quad} \\ &= -6x - 7y \\ &\therefore \boxed{\quad} = -6x - 3y + 6x + 7y = 4y \end{aligned}$$

22. $x = -2$, $y = -1$ 일 때, $(6x^2y - 4xy^2) \div 2xy$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

$$\begin{aligned}(6x^2y - 4xy^2) \div 2xy &= \frac{6x^2y - 4xy^2}{2xy} \\&= 3x - 2y \\&= 3 \times (-2) - 2 \times (-1) \\&= -6 + 2 \\&= -4\end{aligned}$$

23. 자연수 a , b 에 대하여 $(x^a y)^4 = x^{12} y^b$ 인 관계가 있을 때, $\left(-\frac{1}{2} x^2 y\right)^a \div \left(\frac{1}{4} x^b y^2\right)^a \times (xy)^b$ 을 간단히 한 것은?

① $-\frac{8y}{x^2}$ ② $\frac{8y}{x^2}$ ③ $-\frac{8y}{x}$ ④ $-\frac{y}{x^2}$ ⑤ $\frac{8y^2}{x^2}$

해설

$(x^a y)^4 = x^{12} y^b$ ⇒ $a = 3$, $b = 4$ 므로

$$\begin{aligned} & \left(-\frac{1}{2} x^2 y\right)^a \div \left(\frac{1}{4} x^b y^2\right)^a \times (xy)^b \\ &= \left(-\frac{1}{2} x^2 y\right)^3 \div \left(\frac{1}{4} x^4 y^2\right)^3 \times (xy)^4 \\ &= \frac{x^6 y^3}{-8} \times \frac{64}{x^{12} y^6} \times \frac{x^4 y^4}{1} \\ &= -\frac{8y}{x^2} \end{aligned}$$

24. $x : y = 2 : 3$ 일 때, $\frac{3x^7y^8}{(-2x^2y^3)^3}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{1}{4}$

해설

$$x : y = 2 : 3$$

$$3x = 2y$$

$$\begin{aligned}\frac{3x^7y^8}{(-2x^2y^3)^3} &= \frac{3x^7y^8}{-8x^6y^9} = -\frac{3x}{8y} \\ &= -\frac{2y}{8y} = -\frac{1}{4}\end{aligned}$$

25. $\frac{5a - 3b}{3} + \frac{3a + 5b}{4} = 2a - b$ 를 a 에 관하여 풀면?

- ① $a = 3b$ ② $a = -3b$ ③ $a = \frac{1}{3}b$
④ $a = \frac{3}{b}$ ⑤ $a = -\frac{3}{b}$

해설

$$\frac{5a - 3b}{3} + \frac{3a + 5b}{4} = 2a - b$$
$$4(5a - 3b) + 3(3a + 5b) = 24a - 12b$$

$$5a = -15b$$

$$\therefore a = -3b$$