

1.  $2^a = 8$ ,  $6^2 = b$  를 만족하는 자연수  $a, b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:  $a = \underline{\hspace{1cm}}$

▶ 답:  $b = \underline{\hspace{1cm}}$

2. 다음 중 옳은 것은?

- ① 0 은 모든 자연수의 약수이다.
- ② 합성수의 약수는 4 개 이상이다.
- ③ 소수가 아닌 자연수는 모두 합성수이다.
- ④ 소수의 약수는 1 과 자기 자신뿐이다.
- ⑤ 소수는 홀수이다.



4.  $2^4 \times 3^2 \times 5$  의 약수 중에서 두 번째로 큰 수는?

- ①  $2^3 \times 3^2 \times 5$       ②  $2^3 \times 3^2$       ③  $2^4 \times 3^2 \times 5$   
④  $2^4 \times 3 \times 5$       ⑤  $2^4 \times 5$

5.  $3^2 \times 5 \times 7^x$  의 약수의 개수가 72 의 약수의 개수와 같을 때, 자연수  $x$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

6. 다음 중 두 수가 서로소인 것을 모두 고르면? (정답 2 개)

- ① 2, 6      ② 3, 11      ③ 8, 10      ④ 12, 15      ⑤ 9, 16

7. 두 자연수의 최대공약수는 15이다. 이 두 자연수의 공약수가 아닌 것은?

- ① 1      ② 3      ③ 5      ④ 10      ⑤ 15

8. 12, 42, 54 의 최소공배수는?

- ①  $2 \times 3$       ②  $2^3 \times 3$       ③  $2 \times 3 \times 7$   
④  $2^3 \times 3^3$       ⑤  $2^2 \times 3^3 \times 7$

9.  $\frac{360}{n}$  이 어떤 자연수의 제곱이 되게 하는 자연수  $n$  은 모두 몇 개인가?

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

10.  $2^2 \times \square$  는 약수의 개수가 12 개인 자연수이다. 다음 중  $\square$  안에  
알맞은 수 중 가장 작은 자연수는?

① 4      ② 8      ③ 15      ④ 30      ⑤ 32

11. 다음 ①, ⑤의 수들의 최대공약수를 차례대로 적은 것은?

① 33, 121      ② 11, 15      ③ 33, 13

④ 11, 13      ⑤ 11, 39

12. 두 수  $2^3 \times 3^a \times 5$  와  $2^b \times 3^2 \times 5^2$  의 최대공약수가 60 일 때,  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

13. 다음 중 두 자연수  $2^2 \times 3 \times 5$ ,  $2 \times 3^3 \times 5$  의 공배수가 될 수 없는 것은?

- ①  $2 \times 3 \times 5$       ②  $2^2 \times 3^3 \times 5$       ③  $2^2 \times 3^3 \times 5^2$   
④  $2^3 \times 3^3 \times 5$       ⑤  $2^3 \times 3^3 \times 5^3$

14. 남자 70 명, 여자 56 명인 어떤 모임에서 조 대항 장기자랑을 하려고 한다. 조별 인원수가 같고, 각 조에 속하는 남녀의 비가 같도록 최대한 많은 수의 조를 짤 때, 각 조별 남,녀의 수는?

- |                    |                    |
|--------------------|--------------------|
| ① 남 : 7 명, 여 : 6 명 | ② 남 : 6 명, 여 : 5 명 |
| ③ 남 : 6 명, 여 : 4 명 | ④ 남 : 5 명, 여 : 5 명 |
| ⑤ 남 : 5 명, 여 : 4 명 |                    |

15. 서로 맞물려 돌아가는 두 톱니바퀴 A, B의 톱니의 수는 각각 48개, 32개이다. 톱니가 같은 이에서 처음으로 다시 맞물리기 위해 톱니바퀴 A, B가 각각 회전해야 하는 수를  $a$ ,  $b$ 라 할 때  $a+b$ 의 값은?

① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

16. 가로, 세로의 길이와 높이가 각각 6cm, 8cm, 4cm인 직육면체 모양의 나무토막을 빈틈없이 쌓아서 되도록 작은 정육면체 모양을 만들려고 한다. 이 정육면체의 겉넓이를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^2$

17. 3, 5, 6 의 어느 것으로 나누어도 나머지가 2인 수 중 세 자리 자연수는 모두 몇 개인가?

- ① 28 개      ② 29 개      ③ 30 개      ④ 31 개      ⑤ 32 개

18. 민수는 15 층 아파트에서 살고 있는데, 엘리베이터가 자주 고장이 난다. 어느 날 엘리베이터 입구에 ‘약수의 개수가 1 개 또는 3 개 이상인 층에서만 섭니다.’라는 문구가 적혀 있었을 때, 엘리베이터가 서는 층은 모두 몇 개인가?

- ① 5 개      ② 6 개      ③ 7 개      ④ 8 개      ⑤ 9 개

19. 세 자연수의 비가  $2 : 6 : 8$ 이고 최소공배수가 72 일 때, 세 자연수의 합으로 옳은 것은?

- ① 46      ② 48      ③ 50      ④ 52      ⑤ 54

20. 가로의 길이, 세로의 길이, 높이가 각각 45 cm, 60 cm, 90 cm 인 상자 속에 정육면체 모양의 과자 상자를 넣으려고 한다. 과자 상자를 될 수 있는 한 적게 사용하려고 할 때, 상자의 한 모서리의 길이와 상자의 개수를 차례대로 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

▶ 답: \_\_\_\_\_ 개

**21.** 어떤 수로 35 를 나누면 3 이 남고 118 을 나누면 2 가 모자란다고 한다. 이러한 수 중 가장 큰 수는?

- ① 16      ② 8      ③ 6      ④ 4      ⑤ 2

22. 어떤 자연수  $A$  를 두 분수  $\frac{25}{6}$ ,  $\frac{70}{9}$  에 각각 곱했더니 그 결과가 모두 자연수가 되었다. 또 어떤 분수  $\frac{A}{B}$  를 두 분수  $\frac{25}{6}$ ,  $\frac{70}{9}$  에 각각 곱했더니 그 결과 역시 모두 자연수가 되었다. 가능한 수 중 가장 작은  $A$ , 가장 큰  $B$  를 구하여  $A + B$  를 계산하여라.

① 23      ② 25      ③ 27      ④ 33      ⑤ 35

23. 어떤 자연수를 12로 나누었더니, 몫이 5이고 나머지가 7이었다. 이 수를 13으로 나누었을 때의 몫을  $a$ , 나머지를  $b$  라 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

24. 75에 가능한 한 작은 자연수  $x$ 로 나누어서 어떤 자연수  $y$ 의 제곱이 되게 하려고 한다.  $y$ 의 값은?

- ① 1      ② 3      ③ 5      ④ 9      ⑤ 15

25. 자연수  $a$  의 약수의 개수를  $f(a)$  이라 할 때,  $f(30) \times f(x) = 32$  를 만족시키는 가장 작은 자연수  $x$  의 값은?

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6