

1. 다음 보기 중에서 옳은 것을 모두 고르면?

보기

㉠ $a^4 \times a^2 = a^6$

㉡ $(a^2)^3 = a^5$

㉢ $a \div a^5 = \frac{1}{a^4}$

㉣ $a^6 \div a^4 \div a^2 = a$

① ㉠, ㉢

② ㉡

③ ㉣

④ ㉡, ㉣

⑤ ㉠, ㉡, ㉣

해설

㉡ $(a^2)^3 = a^6$, ㉣ $a^6 \div a^4 \div a^2 = 1$ 이다.

2. 다음 중 계산 결과가 옳은 것을 모두 고르면?

① $6a^3 \div 2ab = \frac{3a^3}{b}$

③ $(x^2)^3 \div (-2x^2)^3 = -\frac{1}{6}$

⑤ $(-x^2y)^3 \div (2xy^3) = -\frac{x^5}{3}$

② $\frac{1}{3}x^3y \div \frac{1}{9}x^2y^2 = \frac{3x}{y}$

④ $(-x^2y)^2 \div \left(\frac{1}{3}xy\right) = 3x^3y$

해설

① $6a^3 \div 2ab = \frac{3a^2}{b}$

③ $(x^2)^3 \div (-2x^2)^3 = -\frac{1}{8}$

⑤ $(-x^2y)^3 \div (2xy^3) = -\frac{x^5}{2}$

3. 다음 중 부등호를 사용하여 나타낸 식이 옳지 않은 것은?

- ① x 는 양수이다. $\rightarrow x \geq 0$
- ② x 는 4보다 작지 않다. $\rightarrow x \geq 4$
- ③ x 는 1보다 크지 않다. $\rightarrow x \leq 1$
- ④ x 는 7보다 작다. $\rightarrow x < 7$
- ⑤ x 는 -6보다 크고 0 이하이다. $\rightarrow -6 < x \leq 0$

해설

① $x > 0$

4. 세 점 $(-2, 0)$, $(2, 2)$, $(4, a)$ 가 같은 직선 위의 점이 되도록 a 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ -3

해설

$$\text{기울기} = \frac{2-0}{2-(-2)} = \frac{a-2}{4-2}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{a-2}{2}$$

따라서 $a-2=1$ 이므로 $a=3$ 이다.

5. 두 직선 $y = 2x + 5$, $y = -x + 2$ 의 그래프는 점 A 에서 만난다. 점 A 의 좌표를 구하여라.

- ① $(-1, 3)$ ② $(3, -1)$ ③ $(1, -1)$
④ $(-3, 1)$ ⑤ $(1, -3)$

해설

두 직선의 교점의 좌표는 연립방정식의 해와 같다.

$$\begin{array}{r} y = 2x + 5 \\ -) y = -x + 2 \\ \hline 0 = 3x + 3 \end{array}$$

$$\therefore x = -1, y = 3$$

6. $\left(\frac{1}{16}\right)^{-4} = 2^{x+7} = 8^x \times 2^y$ 을 만족할 때, $x+y$ 의 값을 구하면?

① -4

② -3

③ -2

④ -1

⑤ 1

해설

밑을 통일하여 식을 정리하면

$$(2^{-4})^{-4} = 2^{x+7} = 2^{3x} \times 2^y$$

$$16 = x + 7$$

$$\therefore x = 9$$

$$16 = 3x + y$$

$$16 = 27 + y$$

$$\therefore y = -11$$

$$\therefore x + y = 9 - 11 = -2$$

7. 일차부등식 $ax < 6 - x$ 의 해가 $x > -1$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -7

해설

$$ax < 6 - x \rightarrow ax + x < 6$$

$$(a + 1)x < 6 \text{ 는 } x > -1 \text{ 이므로}$$

$$a + 1 < 0$$

$$(a + 1)x < 6 \rightarrow x > \frac{6}{a + 1}$$

$$\frac{6}{a + 1} = -1$$

$$\therefore a = -7$$

8. A 지점에서 3000 m 떨어진 B 지점까지 갈 때, 처음에는 1 분에 100 m의 속력으로 뛰어가다가 나중에는 1 분에 50 m의 속력으로 걸어서 40 분 이내에 도착하려고 한다. 뛰어간 거리에 해당되는 것을 모두 고르면?
- ① 300 m ② 500 m ③ 1000 m
- ④ 2000 m ⑤ 2500 m

해설

뛰어난 거리를 x 라고 하면
걸어난 거리는 $3000 - x$ 라 쓸 수 있다.
 $\left(\frac{\text{거리}}{\text{속력}}\right) = (\text{시간})$ 이므로 식을 세우면
(뛰어난 시간) + (걸어난 시간) $\leq$ (40분) 이므로
 $\frac{x}{100} + \frac{3000 - x}{50} \leq 40$ 이라 쓸 수 있다.
양변에 100 을 곱해 정리하면
 $x + 2(3000 - x) \leq 4000$
 $\therefore x \geq 2000$
 $\therefore$ 뛰어난 거리 : 2000 m 이상

9. 일차함수 $y = 8x$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 -2 만큼 평행이동하면 점 $(a, 30)$ 을 지난다고 한다. 이 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$y = 8x - 2$ 에 $(a, 30)$ 을 대입한다.

$$30 = 8a - 2$$

$$-8a = -32$$

$$a = 4$$

10. 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프를 y 축 방향으로 3만큼 평행이동시켰더니, x 절편이 -2 , y 절편이 6이 되었다. $\frac{a}{b}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프를 y 축 방향으로 3만큼 평행이동시킨 그래프의 식은

$y = ax + b + 3$ 인데

이 그래프의 y 절편이 6이므로

$b + 3 = 6$, $b = 3$ 이다.

$y = ax + 6$ 의 x 절편이 -2 이므로 $a = 3$

따라서 $\frac{a}{b} = a \div b = 3 \div 3 = 1$ 이다.

11. 어느 중학교 대표로 뽑힌 20 명의 학생이 수학경시대회 시험을 보았다. 1 번 문제는 1 점, 2 번 문제는 3 점, 3 번 문제는 4 점으로 채점을 하였더니 평균이 1.45 점이었고, 3 번 문제의 배점은 그대로 하고, 1 번 문제를 3 점, 2 번 문제를 1 점으로 배점을 바꾸어 채점을 하였더니 평균이 2.35 점이었다. 1 번 문제를 맞힌 학생의 수가 2 번 문제를 맞힌 학생의 수의 4 배와 같을 때, 1 번 문제를 맞힌 학생 수를 구하여라. (단, 각 학생은 한 문제씩만 맞힌 것으로 한다.)

▶ **답:** 명

▶ 정답 : 12 명

해설

1 번, 2 번, 3 번 문제를 맞힌 학생 수를 각각 x, y, z 라 하면

x, y, z 라 하면

$$\begin{cases} x + 3y + 4z = 1.45 \times 20 & \dots\dots \textcircled{A} \\ 3x + y + 4z = 2.35 \times 20 & \dots\dots \textcircled{B} \\ x = 4y & \dots\dots \textcircled{C} \end{cases}$$

㉠, ㉡에 ㉢을 대입하면

$$\begin{cases} 7y + 4z = 29 & \dots\dots \textcircled{2} \\ 13y + 4z = 47 & \dots\dots \textcircled{4} \end{cases}$$

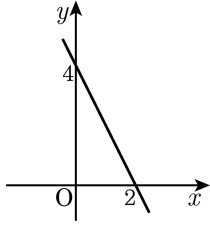
㉑ - ㉒하면 $6y = 18$

$$y = 3$$

$y = 3$ 을 ㉔에 대입하면 $x = 12$

따라서 1번 문제를 맞힌 학생은 12명이다.

12. 다음 그림은 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프이다. 이 그래프와 일차함수 $nx + y = -1$ 의 그래프가 서로 평행할 때, n 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

주어진 직선은 y절편이 4이므로 $y = ax + 4$,
또 두 점 $(0, 4)$, $(2, 0)$ 을 지나므로

$$\text{기울기 } a = \frac{0 - 4}{2 - 0} = -2$$

따라서 $y = -2x + 4$ 이다.

한편 $nx + y = -1$ 을 y 에 관해 풀면

$$y = -nx - 1 \text{ 이다.}$$

일차함수 $y = -2x + 4$ 와 $y = -nx - 1$ 의 그래프가 서로 평행하면

$$\text{기울기가 같으므로 } -n = -2$$

따라서 $n = 2$ 이다.

13. 두 점 $(-2, 0)$, $(-2, -3)$ 을 지나는 직선의 방정식은?

① $x = -2$

② $y = -2$

③ $x = 0$

④ $x = -3$

⑤ $y = -3$

해설

x 의 값이 -2 로 일정하므로 $x = -2$

14. $2x = 3y$ 일 때, $\frac{6x^3 - 6x^2y}{2x^3 + 3x^2y}$ 의 값을 구하여라. (단, $x \neq 0$)

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{2}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{6x^3 - 6x^2y}{2x^3 + 3x^2y} &= \frac{6x^3 - 2x^2 \cdot 3y}{2x^3 + x^2 \cdot 3y} \\ &= \frac{6x^3 - 2x^2 \cdot 2x}{2x^3 + x^2 \cdot 2x} \\ &= \frac{2x^3}{4x^3} \\ &= \frac{1}{2}\end{aligned}$$

15. 속도의 비가 $6 : 5 : 2$ 인 A, B, C 세 사람이 결승선까지의 거리가 x m 인 경주를 했다. B 와 C 는 동시에 출발하고 A 는 3 분 후 출발하였을 때, A 와 B 가 결승선에 동시에 도착하고, C 보다 100m 앞에 있었다. 이때, 가장 빠른 사람의 속력을 구하여라.

▶ 답 : m/min

▷ 정답 : $\frac{100}{9}$ m/min

해설

A, B, C 의 속도를 각각 $6v, 5v, 2v$ 라 하면
A 와 B 가 결승선에 동시에 도착하였으므로
 $6v \times \left(\frac{x}{5v} - 3 \right) = x \cdots \textcircled{1}$ 이 때, C 는 100m 뒤에 있었으므로
 $2v \times \frac{x}{5v} + 100 = x \cdots \textcircled{2}$
 $\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 연립하여 방정식의 해를 구하면 $x = \frac{500}{3}, v = \frac{50}{27}$
따라서 가장 빠른 A 의 속력은 $6v = 6 \times \frac{50}{27} = \frac{100}{9}$ (m/ 분) 이다.