- **1.** 두 다항식 A, B 에 대하여  $A+B=-x^3-2x^2+4x+5$ ,  $2A-B=4x^3-x^2-x+1$  일 때, 두 다항식 A, B 를 구하면?
  - ①  $A = x^3 + x^2 + x + 2$ ,  $B = -2x^3 3x^2 + 3x + 3$ ②  $A = x^3 - x^2 + x + 2$ ,  $B = -2x^3 - x^2 + 3x + 3$

  - ③  $A = x^3 x^2 + x 2$ ,  $B = -2x^3 x^2 + 3x + 7$ ④  $A = x^3 - x^2 - x + 2$ ,  $B = -2x^3 - x^2 + 5x + 3$

 $A + B = -x^3 - 2x^2 + 4x + 5 \cdots \bigcirc$ 

해설

 $2A - B = 4x^{3} - x^{2} - x + 1 \cdots \bigcirc$   $( \bigcirc + \bigcirc ) \div 3 : A = x^{3} - x^{2} + x + 2$   $( 2 \bigcirc - \bigcirc ) \div 3 : B = -2x^{3} - x^{2} + 3x + 3$ 

**2.** 두 다항식 A = a + 2b, B = 2a + 3b일 때, 2A + B를 구하는 과정에서 사용된 연산법칙 중 옳지 <u>않은</u> 것을 골라라.

▷ 정답: ②

▶ 답:

해설

② 2a + (2a + 4b) + 3b = (2a + 2a) + (4b + 3b): 결합법칙

다음 \_\_\_\_\_ 안에 알맞은 수를 차례대로 써 넣어라. 3.

 $(x^3 + 4x^2 + 3x - 2) \div ( x^2 + x + ) = x + 2$ 

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답: ▷ 정답: 1

▷ 정답: 2

▷ 정답: -1

해설

 $(x^3 + 4x^2 + 3x - 2) \div A = x + 2$  $\therefore A = (x^3 + 4x^2 + 3x - 2) \div (x + 2)$ 

∴ A = x² + 2x - 1 이므로
 □안에 알맞은 수는 차례대로 1, 2, -1이다.

- **4.** 다항식  $f(x) = 4x^3 + ax^2 + x + 1 을 x + \frac{1}{2}$ 로 나누면 나머지가 1일 때, 다항식 f(x)를 2x + 1로 나눈 몫 Q(x)와 나머지 R을 구하면?
  - ①  $Q(x) = 2x^2 x$ , R = 1 ②  $Q(x) = 2x^2 + x$ , R = 1
  - ⑤  $Q(x) = 4x^2 + 2x, R = \frac{1}{2}$
  - ③  $Q(x) = 2x^2 2x$ , R = 1 ④  $Q(x) = 4x^2 2x$ ,  $R = \frac{1}{2}$

 $f\left(-\frac{1}{2}\right) = 1 = \frac{a}{4} : a = 4$ 

따라서  $f(x) = 4x^3 + 4x^2 + x + 1$ =  $x(4x^2 + 4x + 1) + 1$ =  $x(2x + 1)^2 + 1$ 

2x + 1로 나누면  $Q(x) = 2x^2 + x$ , R = 1

## **5.** 다음 식 중에서 옳지 <u>않은</u> 것을 고르면?

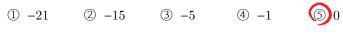
- ①  $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$
- ②  $(a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca) = a^3+b^3+c^3-3abc$ ③  $(a+b)^3 = a^3+3a^2b+3ab^2+b^3$
- $(a^2 + a + 1)(a^2 a + 1) = a^4 a^2 + 1$

 $(3) (a^2 + a + 1)(a^2 - a + 1) = (a^2 + 1)^2 - a^2$ 

해설

 $= a^4 + a^2 + 1$ 

- 두 다항식  $(1+2x+3x^2+4x^3)^3$ ,  $(1+2x+3x^2+4x^3+5x^4)^3$ 의  $x^3$ 6. 의 계수를 각각 a, b라 할 때, a-b의 값을 구하면?



 $(1+2x+3x^2+4x^3+5x^4)^3$ 의 전개식에서

해설

 $x^4$ 항의 계수는  $x^3$ 의 계수와는 관계가 없다. 따라서  $(1+2x+3x^2+4x^3)^3$ 의 전개식에서  $x^3$ 의 계수와 (1+

 $2x + 3x^2 + 4x^3 + 5x^4$ )³ 의 전개식에서  $x^3$ 의 계수는 같다.  $\therefore a = b \quad \therefore a - b = 0$ 

7. 
$$a+b+c=0$$
,  $a^2+b^2+c^2=1$ 일 때,  $4(a^2b^2+b^2c^2+c^2a^2)$ 의 값은?

① 
$$\frac{1}{4}$$
 ②  $\frac{1}{2}$  ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

$$(a+b+c)^{2} = a^{2} + b^{2} + c^{2} + 2(ab+bc+ca)$$

$$\therefore ab+bc+ca = -\frac{1}{2}$$

$$4(a^{2}b^{2} + b^{2}c^{2} + c^{2}a^{2})$$

$$= 4\{(ab+bc+ca)^{2} - 2abc(a+b+c)\}$$

$$= 4 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^{2} = 1$$

$$4(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2)$$

$$4(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2)$$

$$= 4\{(ab + bc + ca)^2 - 2abc(a + b + bc)\}$$

**8.**  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x + 5$ 에 대하여  $f(x-1) = x^3 + Ax^2 + Bx + C$ 일 때, 상수 $A \times B \times C$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 66

 $f(x-1) = (x-1)^3 - 3(x-1)^2 + 2(x-1) + 5$ =  $x^3 + Ax^2 + Bx + C \cdot \cdot \cdot \bigcirc$ 

つ은 x에 대한 항등식이므로

양변에 x = 0, 1, 2를 차례로 대입하면, x = 0일 때, -1 = C

x = 1일 때, 5 = 1 + A + B + Cx = 2일 때, 5 = 8 + 4A + 2B + C

위의 세 식을 연립하여 풀면

A = -6, B = 11, C = -1

9. 다항식  $x^3 + ax^2 + bx + 3$ 을  $x^2 - x - 12$ 로 나눈 나머지가 14x - 9일 때, a + b의 값은?

①1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

몫을 Q(x)라 하면  $x^3 + ax^2 + bx + 3$   $= (x^2 - x - 12)Q(x) + 14x - 9$  = (x - 4)(x + 3)Q(x) + 14x - 9 x = 4, x = -3을 각각 대입하면  $16a + 4b + 67 = 47 \cdots$   $\bigcirc$   $9a - 3b - 24 = -51 \cdots$   $\bigcirc$   $\bigcirc$   $\bigcirc$  연립하여 풀면 a = -2, b = 3  $\therefore$  a + b = 1

- **10.** 등식  $2x^2+x+5=a(x-1)^2+b(x-1)+c$ 가 x에 대한 항등식일 때 a+b+c의 값은?
  - ① 12
- ② 15 ③ 18 ④ 21 ⑤ 24

좌변을 전개하여 계수를 비교해서 a,b,c를 구할 수 있다.

해설

여기에서는 계수의 합을 구하는 것이므로 양변에 x=2를 대입 해서 구한다. 15 = a + b + c

**11.** 두 다항식  $f(x) = x^2 + 3x + a$ ,  $g(x) = x^3 + ax$ 를 x + 2로 나눈 나머지가 같을 때, 상수 a의 값을 구하여라.

**> 정답:** a = -2

▶ 답:

V 01: a .

 $f(x) = x^2 + 3x + a, g(x) = x^3 + ax$ 에서 f(-2) = g(-2)이므로

 $\begin{array}{c} 4 - 6 + a = -8 - 2a \\ \therefore a = -2 \end{array}$ 

- **12.** 다항식 f(x)를 x-1, x+1로 나누었을 때의 나머지를 각각 m, n이라 하자. 이 때 f(x)를(x+1)(x-1)로 나누었을 때의 나머지를 R(x)를 m과 n이 포함된 식으로 나타내면?
  - ① R(x) = (m-n)x + (m+n)
  - ② R(x) = (m+n)x + (m-n)

주어진 조건으로 식을 세우면 각각 다음과 같다.

 $f(x) = (x-1) Q_1(x) + m$  $= (x+1) Q_2(x) + n$ 

$$f(x) = (x-1)(x+1)Q_3(x) + R(x)$$

$$\stackrel{\mathbf{Z}}{\hookrightarrow}$$
,  $f(1) = R(1) = m \cdots 1$   
 $f(-1) = R(-1) = n \cdots 2$ 

$$R(x) = ax + b$$
라 하면 ①,②에 의해  $a + b = m, -a + b = n$ 이므로

$$a = \frac{m-n}{2}, \ b = \frac{m+n}{2}$$

$$\therefore R(x) = \frac{m-n}{2}x + \frac{m+n}{2}$$

13. 다항식 f(x) 를 2x-1로 나누면 나머지는 -4이고, 그 몫을 x+2로 나누면 나머지는 2이다. 이때, f(x)를 x+2로 나눌 때의 나머지를 구하시오.

답:▷ 정답: -14

해설

f(x) = (2x-1)Q(x) - 4라 하면 f(-2) = -5Q(-2) - 4

그런데 Q(-2) = 2 이므로 f(-2) = -14

- **14.** 다항식 f(x)를  $x^2 4$ 로 나누었을 때의 나머지가 -x + 4이다. 다항식 f(x+1)을  $x^2 + 2x - 3$ 으로 나누었을 때의 나머지를 구하면?
  - ① 2x + 14 2x
- ②-x+3 ③ x-1⑤ 2x - 3

 $f(x) = (x^2 - 4)P(x) - x + 4$ 

= (x+2)(x-2)P(x) - x + 4f(-2) = 6, f(2) = 2

 $f(x+1) = (x^2 + 2x - 3)Q(x) + ax + b$ 

= (x+3)(x-1)Q(x) + ax + bx = -3을 대입하면 f(-2) = -3a + b = 6

x=1을 대입하면 f(2)=a+b=2

 $\therefore a = -1, b = 3$ 따라서 나머지는 -x+3

- **15.** x에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 + bx + 1$ 를 x + 1로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?  $k \mid 1 \quad a \quad b \quad 1$ 

  - ① a = 3 ② b = 2 ③ c = -1

    - 4 d = -3 5 k = -1

다항식  $x^3 + ax^2 + bx + 1$ 를 x + 1로 나누었을 때의 몫과 나머지를

이므로

조립제법을 이용하여 구하면 다음과 같다. 

이때 k = -1, c = -1, d = -a + 1, b - a + 1 = -1, -b + a = 2

k = -1, c = -1, a = 4, b = 2, d = -3따라서 옳지 않은 것은 ①이다.

- **16.** 임의의 실수 x에 대하여  $2x^3-5x+2=a(x+1)^3+b(x+1)^2+c(x+1)+d$ 가 성립할 때,  $a^2-b^2+c^2-d^2$ 의 값을 구하면?
  - ① 56 ② 28 ③ -28 ④ -46 ⑤ -56

해설

a,b,c,d 는  $2x^2 - 5x + 2$  를 (x+1) 로 계속 나눠 줄때 나오는 나머지이다. 조립제법을 이용해 보면 0 -1 2 3 -3 5 ← d -1 2 -2 -24 2 -41 ← c -1-2-6 ← b 2 -1 1  $\mathbf{a}$  $\therefore a^2 - b^2 + c^2 - d^2 = 2^2 - (-6)^2 + 1^2 - 5^2 = -56$ 

## 17. $16a^4 - 250ab^3$ 의 인수가 <u>아닌</u> 것은?

해설

① a ② 2a-5b

③ 2a(2a-5b) ④  $4a^2+10ab+25b^2$ 

(준식) =  $2a(8a^3 - 125b^3)$ =  $2a\{(2a)^3 - (5b)^3\}$ =  $2a(2a - 5b)(4a^2 + 10ab + 25b^2)$  **18.** 다응 중  $2x^2 - xy - y^2 - 4x + y + 2$ 의 인수인 것은?

① 2x + y - 2 ② 2x - y + 2 ③ x - y + 1

x에 대한 내림차순으로 정리하면

 $2x^2 - (y+4)x - y^2 + y + 2$ 

 $=2x^{2}-(y+4)x-(y+1)(y-2)$  $= \{2x + (y-2)\}\{x - (y+1)\}$ 

= (2x + y - 2)(x - y - 1)

19.  $\frac{2012^3 + 1}{2012 \times 2011 + 1}$  의 값을 a라 할 때,  $\frac{a+1}{a-1}$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

 ▷ 정답:
 \frac{1007}{1006}

 $a = \frac{(2012+1)(2012^2-2012+1)}{(2012^2-2012+1)}$ = 2013 이므로

= 2013이므로  $\therefore \frac{a+1}{a-1} = \frac{2013+1}{2013-1} = \frac{2014}{2012} = \frac{1007}{1006}$ 

a - 1 2013 - 1 2012 1006

**20.** x = 1001일 때,  $\frac{x^6 - x^4 + x^2 - 1}{x^5 + x^4 + x + 1}$ 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 1000

 $\frac{x^6 - x^4 + x^2 - 1}{x^5 + x^4 + x + 1} = \frac{(x^4 + 1)(x^2 - 1)}{(x^4 + 1)(x + 1)}$  = x - 1 = 1001 - 1 = 1000

- **21.** 두 다항식 A, B에 대하여  $A\otimes B$ 를  $A\otimes B=\frac{B}{B-A}$ 라 할 때,  $(x\otimes x^2)+(x^2-x)\otimes(x-1)$ 을 간단히 하면? (단,  $x\neq 0,\ x\neq 1$ 인 실수)
  - ① -1 ②1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설  $(x \otimes x^2) = \frac{x^2}{x^2 - x} = \frac{x^2}{x(x - 1)} = \frac{x}{x - 1}$   $(x^2 - x) \otimes (x - 1) = \frac{x - 1}{(x - 1) - (x^2 - x)}$   $= \frac{x - 1}{x - 1 - x^2 + x}$   $= \frac{(x - 1)}{-(x^2 - 2x + 1)}$   $= \frac{(x - 1)}{-(x - 1)^2}$   $= -\frac{1}{x - 1}$   $\therefore (주어진 식) = \frac{x}{x - 1} - \frac{1}{(x - 1)} = \frac{x - 1}{x - 1} = 1$ 

**22.** 
$$\sqrt{-12}+\sqrt{-3}\sqrt{-6}-\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{-2}}=a+bi$$
일 때,  $a^2+b^2$ 의 값은? (단,  $a,b$ 는 실수,  $i=\sqrt{-1}$ )

① 15 ② 25 ③ 35 ④ 45 ⑤ 55

$$\sqrt{-12} + \sqrt{-3}\sqrt{-6} - \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{-2}}$$

$$= 2\sqrt{3}i - 3\sqrt{2} + \sqrt{3}i$$

$$= -3\sqrt{2} + 3\sqrt{3}i$$

$$= a + bi$$
따라서,  $a = -3\sqrt{2}, b = 3\sqrt{3}$ 

$$\therefore a^2 + b^2 = 18 + 27 = 45$$

**23.** 복소수  $(1+i)x^2 + 2(2+i)x + 3 - 3i$ 를 제곱하면 음의 실수가 된다. 이 때, 실수 *x*의 값은? (단,  $i^2 = -1$ )

① -1 ② 1 ③ -3 ④ 3 ⑤ 7

해설

 $(x^2+4x+3)+(x^2+2x-3)i$ 가 순하수이어야 하므로  $x^2+4x+3=0,\ x^2+2x-3\neq 0$ (x+3)(x+1) = 0, x = -1, x = -3 $(x+3)(x-1) \neq 0, x \neq 1, x \neq -3$  $\therefore x = -1$ 

**24.** n이 홀수일 때,  $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^{2n+1} + \left(\frac{1-i}{1+i}\right)^{4n+1}$  을 간단히 하면?

① -2i ② -i ③ 2i ④ i ⑤ 0

 $\frac{1+i}{1-i} = \frac{2i}{2} = i$   $\frac{1-i}{1+i} = \frac{-2i}{2} = -i$   $i^{2n+1} + (-i)^{4n+1} \ (n = 2k-1)$   $i^{2(2k-1)+1} + (-i)^{4(2k-1)+1}$   $= i^{4k-1} - i$  = -i - i = -2i

- **25.** 복소수 z 와 그의 켤레복소수  $\overline{z}$  에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것은?
  - ③ $z\bar{z} = 1$  이면  $z^2 = 1$  이다. ④  $z\bar{z} = 0$  이면 z = 0 이다.
  - ①  $z + \overline{z}$  는 실수이다. ②  $z = \overline{z}$  이면 z 는 실수이다.
  - ⑤ zz̄ 는 실수이다.

해설

복소수 z 와 그의 켤레복소수를 각각

 $z=a+bi, \ \bar{z}=a-bi \ (a,b 는 실수)$ 라 하면 ①  $z + \overline{z} = (a + bi) + (a - bi) = 2a$  (참)

 $2z = \bar{z} \Leftrightarrow a + bi = a - bi$ 

 $\Leftrightarrow 2bi = 0$  $\Leftrightarrow b = 0(참)$ 

③  $z\bar{z} = a^2 + b^2 = 1 \Rightarrow z^2 = a^2 - b^2 + 2abi \neq 1$  (거짓)

(반례)  $a=0,\ b=1$  일 때,  $z^2=-1$ ④  $z\bar{z} = a^2 + b^2 = 0 \iff a = 0, \ b = 0$  (참)

⑤  $z\bar{z} = a^2 + b^2$  (참)

**26.**  $\overline{z-zi}=1-i$  를 성립시키는 복소수 z 은?(단,  $\overline{z}$  는 z 의 켤레복소수이 다.)

① -i ② 0 ③ i ④  $\frac{3}{2} + \frac{1}{2}i$  ⑤  $\frac{3}{2} - \frac{1}{2}i$ 

 $\overline{z - zi} = \overline{z(1 - i)}$  $= \overline{z} \cdot \overline{1 - i}$  $= \overline{z}(1+i)$  $\overline{z}(1+i) = (1-i)$  $\vec{z} = \frac{1-i}{1+i} = \frac{(1-i)^2}{(1+i)(1-i)} = -i$  $\therefore z = i$ 

- **27.** 복소수 z 와 그 켤레복소수  $\bar{z}$ 에 대하여  $2z + 3\bar{z} = 5 2i$ 를 만족하는 복소수 z의 역수는?
  - ①  $-\frac{1}{3} \frac{2}{3}i$  ②  $\frac{1}{3} + \frac{2}{3}i$  ③ -1 2i ④  $-\frac{1}{5} + \frac{2}{5}i$  ⑤  $\frac{1}{5} \frac{2}{5}i$

 $z=a+bi, \ \overline{z}=a-bi \ (a,\ b\ 는 실수)$ 라 두면  $2z + 3\overline{z} = 5 - 2i$ 

$$2(a+bi) + 3(a-bi) = 5-2i$$

$$5a - bi = 5 - 2i$$

$$a = 1, b = 2$$
$$\therefore z = 1 + 2i$$

$$(z$$
의 역수)= $\frac{1}{1+2i} = \frac{1-2i}{5} = \frac{1}{5} - \frac{2}{5}i$ 

**28.** 
$$x = \frac{3+i}{2}$$
 일 때,  $p = 2x^3 - 2x^2 - 5x + 3$  의 값을 구하면?

① 2+i ② 2-i ③ -2+i ④ -4+i ⑤ 4+i

 $x = \frac{3+i}{2} \text{ odd } 2x - 3 = i$ 

 $(2x-3)^2 = i^2 에서 2x^2 - 6x + 5 = 0$ 나눗셈 실행하여 몫과 나머지를 구하면 나눗셈 실행하여 효과 다리시글 1 $2x^3 - 2x^2 - 5x + 3$   $= (2x^2 - 6x + 5)(x + 2) + 2x - 7$  = 2x - 7  $= 2\left(\frac{3+i}{2}\right) - 7$  = -4 + i