

1. 500 원짜리 연필과 300 원 짜리 펜을 합하여 5 개를 사고, 그 값이 1500 원 이상 2000 원 이하가 되게 하려고 한다. 다음은 연필을 몇 개 살 수 있을지를 구하는 과정이다. 안에 들어갈 식 또는 값으로 옳은 것은?

연필을 x 개 산다면 펜을 개 살 수 있으므로
 $1500 \leq$ ≤ 2000
 \therefore $\leq x \leq$
따라서, 살 수 있는 연필의 개수는 개이다.

① $x - 5$

② $500x + 300(5 + x)$

③ 0

④ 3

⑤ 3

해설

연필을 x 개 산다면 펜을 $(5 - x)$ 개 살 수 있으므로
 $1500 \leq 500x + 300(5 - x) \leq 2000$
 $\therefore 0 \leq x \leq \frac{5}{2}$
따라서, 살 수 있는 연필의 개수는 최대 2 개다.

2. 현재 민정이는 40000 원, 민지는 5000 원을 예금하였다. 이달부터 매월 민정이는 3000 원씩, 민지는 4000 원씩 예금한다면, 민정이의 예금액이 민지의 예금액의 2배보다 적어지는 것은 몇 개월후부터인가?

- ① 3 개월 ② 4 개월 ③ 5 개월
④ 6 개월 ⑤ 7 개월

해설

개월수 를 x 개월이라 하면
 $40000 + 3000x < 2(5000 + 4000x)$
 $x > 6$

3. 다음 그림과 같이 비커 안에 설탕물 400g이 들어있다. 농도를 15% 이상이 되게 하려면 물을 최소 몇 g을 증발시켜야 하는가?



- ① 50 g ② 60 g ③ 70 g ④ 80 g ⑤ 90 g

해설

증발시켜야 할 물의 양을 x g이라 하면

$$\frac{12}{100} \times 400 \geq \frac{15}{100} (400 - x)$$

$$4800 \geq 15(400 - x)$$

$$320 \geq 400 - x$$

$$\therefore x \geq 80$$

4. 연립방정식 $\begin{cases} x+y=-2 \\ x-y=6 \end{cases}$ 의 해가 $x=a, y=b$ 일 때, $a+b$ 의 값은?

- ① -1 ② 1 ③ 0 ④ 2 ⑤ -2

해설

$x+y=-2$ 와 $x-y=6$ 을 연립하여 풀면
 $x=2, y=-4$
 $\therefore a+b=2+(-4)=-2$

5. 연립방정식 $\begin{cases} 4x + 2y = 6 & \cdots \text{㉠} \\ -2x + 8y = 15 & \cdots \text{㉡} \end{cases}$ 에서 x 를 소거하기 위한 식은?

① $\text{㉠} \times 2 - \text{㉡} \times 3$

② $\text{㉠} \times 2 + \text{㉡} \times 3$

③ $\text{㉠} - \text{㉡} \times 2$

④ $\text{㉠} + \text{㉡} \times 2$

⑤ $\text{㉠} - \text{㉡} \times 3$

해설

x 를 소거하기 위해서는 x 항의 계수의 절댓값을 맞춘다.

6. 다음 안에 알맞은 숫자를 차례대로 써넣어라.

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} \frac{1}{4}x + \frac{3}{5}y = 5 & \dots \textcircled{1} \\ 0.5x - 0.4y = 2 & \dots \textcircled{2} \end{cases} \text{ 를 푸는 과정이다.}$$

①식의 양변에 $\times \square$, ②식의 양변에 $\times \square$ 해서
풀면 $16y = 80$
 $\therefore y = 5, x = 8$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 20

▷ 정답: 10

해설

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} \frac{1}{4}x + \frac{3}{5}y = 5 & \dots \textcircled{1} \\ 0.5x - 0.4y = 2 & \dots \textcircled{2} \end{cases} \text{ 를 푸는 과정이다.}$$

①식의 양변에 $\times 20$ (최소공배수), ②식의 양변에 $\times 10$ 해서
풀면 $16y = 80$
 $\therefore y = 5, x = 8$

7. 다음 연립방정식을 풀면?

$$\begin{cases} 3(x+1)+y=1 \\ 0.5x-0.3y=2 \end{cases}$$

- ① $x=1, y=-4$ ② $x=2, y=-3$ ③ $x=5, y=1$
④ $x=2, y=-5$ ⑤ $x=1, y=-5$

해설

첫 번째 식을 전개하면 $3x+y=-2$
두 번째 식에 $\times 10$ 을 하면 $5x-3y=20$
따라서 두 식을 연립하면 $x=1, y=-5$ 이다.

8. 일차방정식 $3x+5y+7=0$ 의 해가 $(1, k)$ 일 때, k 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$3x+5y+7=0$ 에
(1, k)를 대입하면
 $3 \times 1 + 5 \times k + 7 = 0$
 $5k = -10$
 $\therefore k = -2$

9. x, y 가 자연수일 때, 다음 연립방정식 $\begin{cases} x-y=3 \\ 2x+y=9 \end{cases}$ 의 해를 (a, b)

라 할 때 $a^2 - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$x - y = 3$ 을 만족하는 (x, y) 는 $(4, 1), (5, 2), (6, 3), \dots$
 $2x + y = 9$ 를 만족하는 (x, y) 는 $(1, 7), (2, 5), (3, 3), (4, 1)$
이다.

따라서 $\begin{cases} x-y=3 \\ 2x+y=9 \end{cases}$ 를 만족하는 해는 $(4, 1)$ 이고, $a^2 - b = 16 - 1 = 15$ 이다.

10. 다음 연립방정식 $\begin{cases} 2x + 3y = 6 \\ 3x + 4y = 10 \end{cases}$ 을 풀어라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 6$

▷ 정답: $y = -2$

해설

$$\begin{cases} 2x + 3y = 6 \cdots \text{①} \\ 3x + 4y = 10 \cdots \text{②} \end{cases}$$

① $\times 3 -$ ② $\times 2$ 에서

$$y = -2$$

$y = -2$ 를 ① 에 대입하면 $x = 6$

11. $(-2, 4)$ 가 연립방정식 $\begin{cases} ax + 2y = 6 \\ 3x + by = 2 \end{cases}$ 의 해일 때, $a + b$ 의 값을

구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$(-2, 4)$ 를 $ax + 2y = 6$ 에 대입하면

$$-2a + 8 = 6$$

$$a = 1$$

$(-2, 4)$ 를 $3x + by = 2$ 에 대입하면

$$-6 + 4b = 2$$

$$b = 2$$

$$\therefore a + b = 1 + 2 = 3$$

12. 다음 연립방정식을 풀면?

$$\begin{cases} 3(x-y) - 2y = 7 \\ 4x - 3(x-2y) = 10 \end{cases}$$

① $x = 1, y = 4$

② $x = 4, y = 1$

③ $x = -3, y = 2$

④ $x = -1, y = -3$

⑤ $x = -2, y = 2$

해설

주어진 연립방정식을 정리하면

$$\begin{cases} 3x - 5y = 7 & \dots \text{㉠} \\ 3x + 18y = 30 & \dots \text{㉡} \end{cases}$$

㉡ - ㉠ 을 하면 $23y = 23 \therefore y = 1$

$y = 1$ 을 ㉠에 대입하면 $3x - 5 = 7 \therefore x = 4$

13. 다음 연립방정식의 해를 (x, y) 로 바르게 나타낸 것은?

$$\begin{cases} 3x - 2(x + y) = 19 \\ 3x - 4(x - 2y) = 11 \end{cases}$$

- ① (21, 12) ② (29, 5) ③ (25, 8)
④ (27, 6) ⑤ (23, 10)

해설

주어진 연립방정식을 정리하면

$$\begin{cases} x - 2y = 19 & \dots \textcircled{1} \\ -x + 8y = 11 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{1} + \textcircled{2} \text{을 하면 } 6y = 30 \quad \therefore y = 5$$

$$y = 5 \text{를 } \textcircled{1} \text{에 대입하면 } x - 10 = 19 \quad \therefore x = 29$$

$$\therefore (29, 5)$$

14. $3(x-y) + 4y = 2$, $x + 2(x-2y) = 7$ 에 대하여 다음 중 연립방정식의 해인 것은??

① (1, -1)

② (2, -1)

③ (-3, 2)

④ (4, 5)

⑤ (-1, -3)

해설

$$\begin{cases} 3(x-y) + 4y = 2 \quad \dots \text{㉠} \\ x + 2(x-2y) = 7 \quad \dots \text{㉡} \end{cases}$$

㉠, ㉡을 정리하면

$$\begin{cases} 3x + y = 2 \quad \dots \text{㉢} \\ 3x - 4y = 7 \quad \dots \text{㉣} \end{cases}$$

㉢ - ㉣을 하면 $5y = -5 \quad \therefore y = -1$

$y = -1$ 을 ㉢에 대입하면 $3x - 1 = 2 \quad \therefore x = 1$

$\therefore (1, -1)$

15. 연립방정식 $\begin{cases} 0.2x - 0.3y + 0.1 = 0 \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{6} = \frac{11}{6} \end{cases}$ 의 해를 (a, b) 라 할 때, $2a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $2a - b = 5$

해설

$$\begin{cases} 0.2x - 0.3y + 0.1 = 0 & \dots \textcircled{1} \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{6} = \frac{11}{6} & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

① $\times 10$, ② $\times 6$ 을 하면

$$\begin{cases} 2x - 3y + 1 = 0 \\ 2x + y = 11 \end{cases}$$

연립방정식의 해를 구하면

$$x = 4, y = 3 \text{ 이므로 } (a, b) = (4, 3)$$

$$\therefore 2a - b = 5$$

16. 새롬이네 학교에서 체육대회를 열어 새롬이네 반 4 명이 계주 선수로 나왔다. 계주 순서를 정하기 위해 4 가지의 연립방정식을 하나씩 선택하여 풀 후 $x + y$ 의 값이 큰 순서대로 순서를 정하였다. 다음을 보고 계주 순서를 나열하시오.

보기

$$\begin{array}{l} \text{새롬} \begin{cases} 0.4x + 1.1y = 0.3 \\ -\frac{x}{2} + \frac{2}{5}y = \frac{7}{5} \end{cases} \\ \text{소은} \begin{cases} 0.2x + 0.1y = 0.3 \\ -x + \frac{3}{2}y = \frac{1}{2} \end{cases} \\ \text{민성} \begin{cases} 0.2x - 0.3y = 1.2 \\ \frac{2}{3}x - \frac{3}{2}y = 5 \end{cases} \\ \text{경아} \begin{cases} \frac{3}{5}x + \frac{2}{3}y = 5 \\ 0.3(x + y) - 0.1x = 1.9 \end{cases} \end{array}$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 경아

▷ 정답: 소은

▷ 정답: 민성

▷ 정답: 새롬

해설

$$\begin{array}{l} \text{새롬:} \begin{cases} 0.4x + 1.1y = 0.3 \quad \cdots \textcircled{1} \\ -\frac{x}{2} + \frac{2}{5}y = \frac{7}{5} \quad \cdots \textcircled{2} \end{cases} \\ x \text{ 를 소거하기 위해 } 50 \times \textcircled{1} + 40 \times \textcircled{2} \text{ 하면 } x = -2, y = 1 \\ \text{이다. 따라서 } x + y = -1 \text{ 이다.} \\ \text{소은:} \begin{cases} 0.2x + 0.1y = 0.3 \quad \cdots \textcircled{1} \\ -x + \frac{3}{2}y = \frac{1}{2} \quad \cdots \textcircled{2} \end{cases} \\ x \text{ 를 소거하기 위해 } 10 \times \textcircled{1} + 2 \times \textcircled{2} \text{ 하면 } x = 1, y = 1 \\ \text{이다. 따라서 } x + y = 2 \text{ 이다.} \\ \text{민성:} \begin{cases} 0.2x - 0.3y = 1.2 \quad \cdots \textcircled{1} \\ \frac{2}{3}x - \frac{3}{2}y = 5 \quad \cdots \textcircled{2} \end{cases} \\ x \text{ 를 소거하기 위해 } 20 \times \textcircled{1} - 6 \times \textcircled{2} \text{ 하면 } x = 3, y = -2 \\ \text{이다. 따라서 } x + y = 1 \text{ 이다.} \\ \text{경아:} \begin{cases} \frac{3}{5}x + \frac{2}{3}y = 5 \quad \cdots \textcircled{1} \\ 0.3(x + y) - 0.1x = 1.9 \quad \cdots \textcircled{2} \end{cases} \\ x \text{ 를 소거하기 위해 } 5 \times \textcircled{1} - 10 \times \textcircled{2} \text{ 하면 } x = 5, y = 3 \\ \text{이다. 따라서 } x + y = 8 \text{ 이다.} \end{array}$$

18. 마라톤을 하는데 반환점까지는 시속 20km, 반환점부터 돌아 올 때까지는 시속 10km로 걸어서 전체 걸리는 시간을 3시간 이내로 하려고 한다. 반환점을 몇 km 이내로 정하면 되는지 구하여라.

▶ 답: km이내

▷ 정답: 20 km이내

해설

반환점까지의 거리를 x 라 하면

$$\frac{x}{20} + \frac{x}{10} \leq 3, 3x \leq 60$$

$$\therefore x \leq 20(\text{km})$$

따라서 반환점을 20km 이내로 정해야 한다.

19. 민희는 과학시간에 5%의 소금물과 10%의 소금물을 섞어 7% 이하의 소금물 500g을 만들려고 한다. 5%의 소금물은 몇 g 이상이 되어야 하는가?

▶ 답: g이상

▷ 정답: 300g이상

해설

5%의 소금물의 양을 x g 이라고 하면 10%의 소금물의 양을 $(500 - x)$ g 이라고 할 수 있다. 5%의 소금물의 소금의 양은 $\frac{5}{100} \times x = \frac{1}{20}x$ (g), 10%의 소금물의 소금의 양은 $\frac{10}{100} \times (500 - x) = \frac{500 - x}{10}$ (g) 이다.

7% 소금물 500g에 들어있는 소금의 양은 $\frac{7}{100} \times 500$ (g) 이다.

실제로는 7% 이하로 만들어야 하므로

$$\frac{1}{20}x + \frac{500 - x}{10} \leq \frac{500 \times 7}{100}$$

$$5x + 5000 - 10x \leq 3500$$

$$-5x \leq -1500$$

$$x \geq 300$$

5% 소금물은 300g 이상 필요하다.

20. 다음 조건에 맞게 실험을 한다고 할 때, 4%의 설탕물은 최소 몇 g 이상 넣어야 하는가?

4%의 설탕물과 10%의 설탕물을 섞어서 농도가 5% 이하인 설탕물 600g을 만들려고 한다.

- ① 100g 이상 ② 200g 이상 ③ 300g 이상
④ 400g 이상 ⑤ 500g 이상

해설

구하려는 설탕물을 x 라 하면

$$\frac{4}{100} \times x + \frac{10}{100} \times y \leq \frac{5}{100} \times 600 \dots \text{㉠}$$

$$x + y = 600 \dots \text{㉡}$$

㉡의 식을 ㉠의 식에 대입하여 정리하면

$$\frac{4}{100} \times x + \frac{10}{100} \times (600 - x) \leq \frac{5}{100} \times 600$$

$$\therefore x \geq 500 \text{ (g)}$$