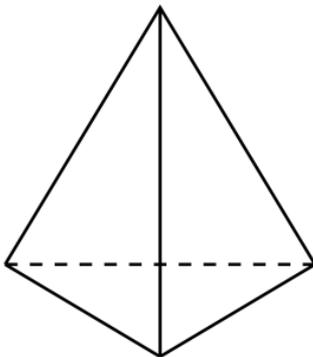


1. 삼각뿔의 교점의 개수와 교선의 개수가 바르게 짝지어진 것은?

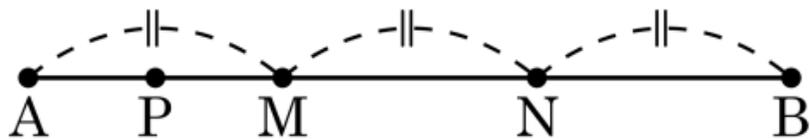


- ① 교점-3 개, 교선-5 개 ② 교점-3 개, 교선-5 개
③ 교점-4 개, 교선-6 개 ④ 교점-6 개, 교선-4 개
⑤ 교점-5 개, 교선-6 개

해설

모서리가 만나는 교점은 4 개, 삼각형 면끼리 만나는 교선은 6 개

2. 다음 그림에서 점 M, N 은 \overline{AB} 의 삼등분점이고, 점 P 는 \overline{AM} 의 중점이다. 다음 중 옳지 않은 것은?

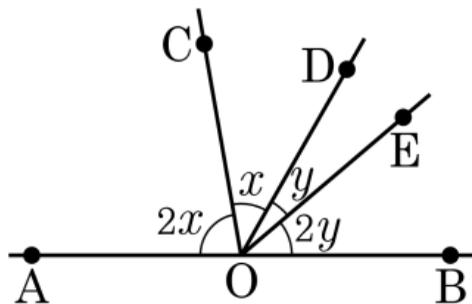


- ① $3\overline{AM} = \overline{AB}$ ② $\overline{AP} = \frac{1}{2}\overline{NB}$ ③ $3\overline{AN} = 2\overline{AB}$
 ④ $\overline{AN} = 3\overline{PM}$ ⑤ $2\overline{AM} = \overline{MB}$

해설

④ $\overline{AN} = 4\overline{PM}$

3. 다음 그림에서 $\angle AOC = 2\angle COD$, $2\angle DOE = \angle EOB$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하여라.



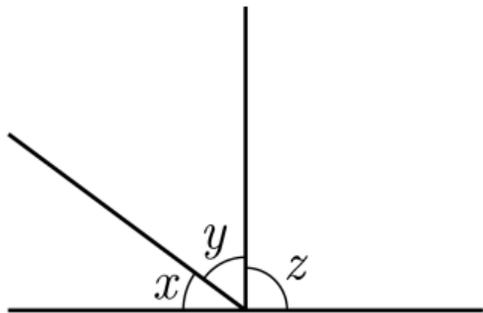
▶ 답 : $\quad \quad \quad \circ$

▶ 정답 : 60°

해설

$3(x + y) = 180^\circ$ 이므로 $\angle x + \angle y = 60^\circ$ 이다.

4. 다음 그림에서 $x^\circ : y^\circ : z^\circ = 2 : 3 : 5$ 일 때, 세 각 중에서 가장 작은 각의 크기는?



① 18

② 30

③ 36

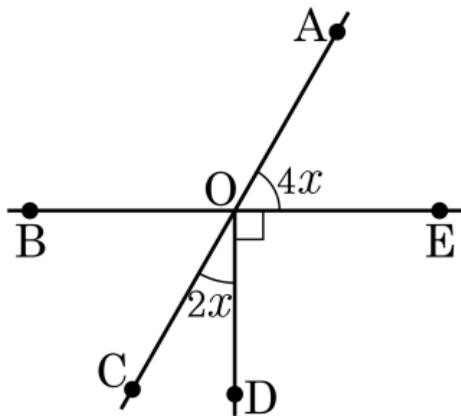
④ 48

⑤ 50

해설

가장 작은 각의 크기는 x° 이므로 $x^\circ = 180^\circ \times \frac{2}{10} = 36^\circ$ 이다.

5. 다음 그림에서 $\angle COD = 2x$, $\angle AOE = 4x$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



① 12°

② 14°

③ 15°

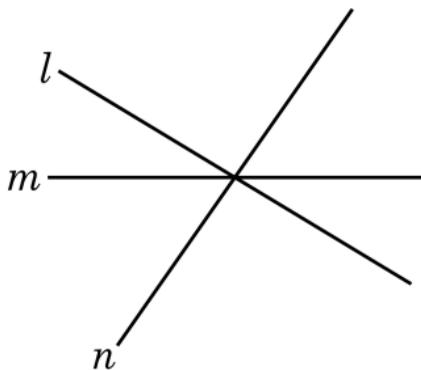
④ 16°

⑤ 18°

해설

$\angle AOE = \angle BOC = 4x$ 이므로 $4x + 2x = 90^\circ \therefore \angle x = 15^\circ$

6. 다음 그림과 같이 세 직선 l, m, n 이 한 점에서 만날 때, 맞꼭지각은 모두 몇 쌍인가?

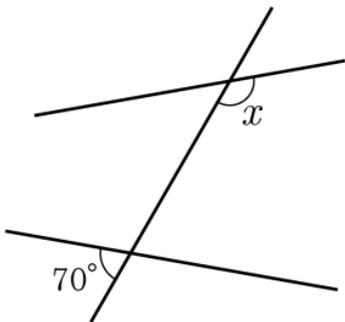


- ① 3 쌍 ② 6 쌍 ③ 8 쌍 ④ 9 쌍 ⑤ 12 쌍

해설

직선의 개수가 3 개 이므로 맞꼭지각의 개수는 $3 \times (3 - 1) = 6$ (쌍)

7. 다음 빈 칸을 채워 넣어라.



$\angle x$ 의 동위각의 크기는 ()° 이다.

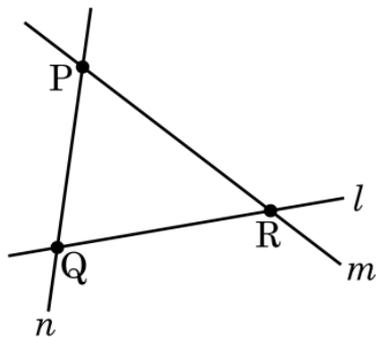
▶ 답:

▷ 정답: 110

해설

$\angle x$ 의 동위각의 크기는 $180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$ 이다.

8. 다음 그림에 대한 설명으로 옳은 것은?

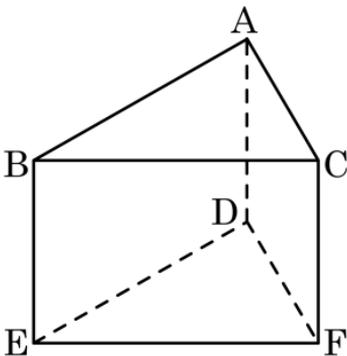


- ① 직선 l 은 점 R 를 지나지 않는다.
- ② 직선 m, n 은 한 점에서 만난다.
- ③ 두점 Q, R 는 직선 m 위에 있다.
- ④ 점 P 는 직선 n 위에 있지 않다.
- ⑤ 점 Q 는 직선 l 과 m 위에 있다.

해설

② 직선 m, n 은 한 점에서 만난다.

9. 다음 삼각기둥에서 \overline{AB} 와 수직인 위치에 있는 모서리의 수를 a , \overline{AB} 와 평행인 모서리의 수를 b 라 할 때, $a - b$ 의 값은?



① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

\overline{AB} 와 수직인 위치에 있는 모서리 : 모서리 AD, BE

$$\therefore a = 2$$

\overline{AB} 와 평행인 모서리 : 모서리 DE

$$\therefore b = 1$$

$$\therefore a - b = 2 - 1 = 1$$

10. 다음 그림의 사각뿔에서 모서리 BC와 꼬인 위치에 있는 것은 몇 개인가?

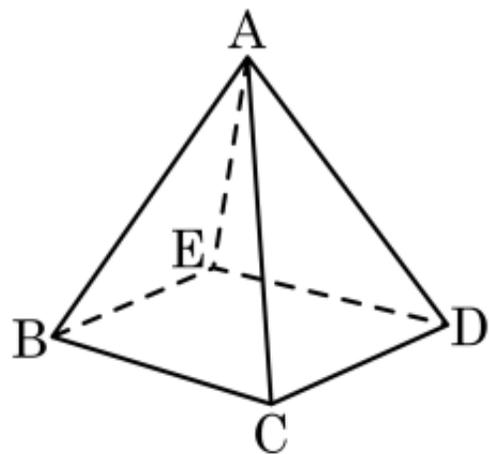
① 없다.

② 1개

③ 2개

④ 3개

⑤ 4개



해설

모서리 BC와 꼬인 위치에 있는 것은 모서리 AD, AE의 2개이다.

11. 작도에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 자는 두 점을 연결하여 선분을 그리거나 선분을 연장하는데 사용한다.
- ② 각을 잴 때는 각도기를 사용하여 정확한 각도를 잰다.
- ③ 원을 그릴 때, 컴퍼스를 사용해도 된다.
- ④ 길이를 잴 때, 자의 눈금을 이용하면 안 된다.
- ⑤ 각도기 없이도 15° 의 각을 작도할 수 있다.

해설

컴퍼스를 이용한다.

12. 그림에서 \overrightarrow{AB} 에 포함되지 않은 것은?



① \overline{AB}

② \overrightarrow{AC}

③ \overrightarrow{CA}

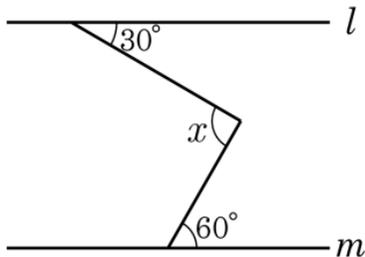
④ \overrightarrow{BC}

⑤ \overline{BC}

해설

두 반직선 \overrightarrow{CA} 와 \overrightarrow{AB} 는 시작점과 방향이 다르다.

14. 직선 l 과 m 이 평행일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하면?



① 30°

② 60°

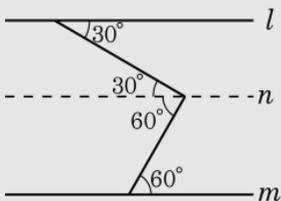
③ 90°

④ 100°

⑤ 120°

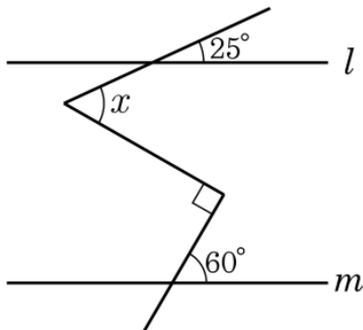
해설

직선 l , m 과 평행한 직선 n 을 그으면



$$\therefore \angle x = 30^\circ + 60^\circ = 90^\circ$$

15. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 의 값을 구하여라.

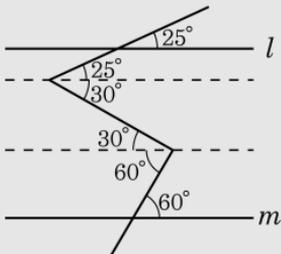


▶ 답 : $\underline{\quad}$ °

▷ 정답 : 55 °

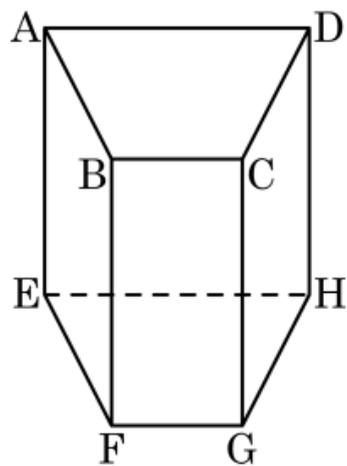
해설

직선 l , m 에 평행한 직선을 그린다.



$$\therefore \angle x = 25^\circ + 30^\circ = 55^\circ$$

16. 다음 그림에서 면 ABCD 와 수직인 관계에 있는 면은 모두 몇 개인가?



① 1개

② 2개

③ 3개

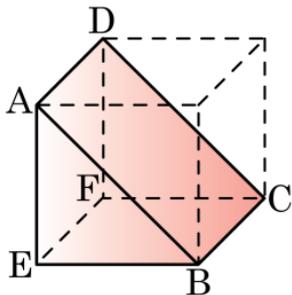
④ 4개

⑤ 5개

해설

면 ABCD는 윗면이므로 옆면 4개와 수직이다.

17. 다음 그림은 정육면체를 평면 ABCD 로 잘랐을 때 남은 한 쪽이다. 모서리 AD 와 수직으로 만나는 모서리의 개수를 a 개, 모서리 AD 에 수직인 면의 개수를 b 개라 할 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

모서리 AD 와 수직으로 만나는 모서리는 \overline{AB} , \overline{AE} , \overline{DF} , \overline{DC} 이므로 4 개다.

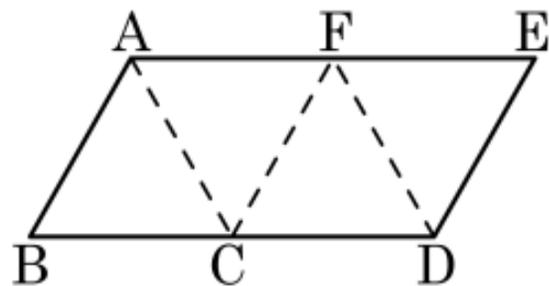
$$\Rightarrow a = 4$$

모서리 AD 에 수직인 면은 면 ABE, 면 DCF 이므로

2 개이다. $\Rightarrow b = 2$

따라서 $a + b = 6$ 이다.

18. 다음 그림의 전개도로 도형을 만들었을 때, 모서리 \overline{AC} 와 꼬인 위치에 있는 모서리는 모두 몇 개인가?



- ① 없다. ② 1 개 ③ 2 개 ④ 3 개 ⑤ 4 개

해설

\overline{AC} 와 꼬인 위치에 있는 모서리는 \overline{DF} 의 하나이다.

19. 공간에 있는 세 직선 l, m, n 과 세 평면 P, Q, R 에 대하여 옳은 것은?

① $l//m, l\perp n$ 이면 $m\perp n$ 이다.

② $l//P, l//Q$ 이면 $P//Q$ 이다.

③ $P\perp Q, P//R$ 이면 $Q\perp R$ 이다.

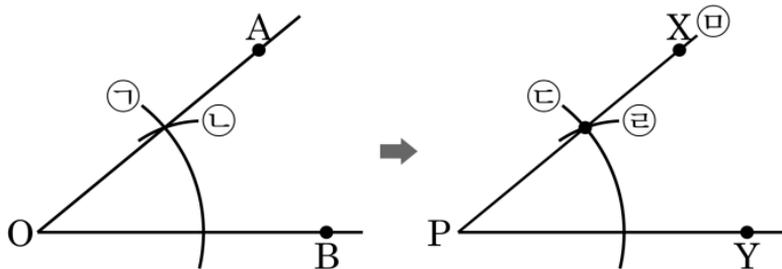
④ $l//P, m//P$ 이면 $l//m$ 이다.

⑤ $P\perp Q, Q\perp R$ 이면 $P\perp R$ 이다.

해설

③ $P\perp Q, P//R$ 이면 $Q\perp R$ 이다.

21. 다음은 $\angle AOB$ 와 크기가 같은 $\angle XQY$ 를 작도한 것이다. 작도 순서를 써라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉢

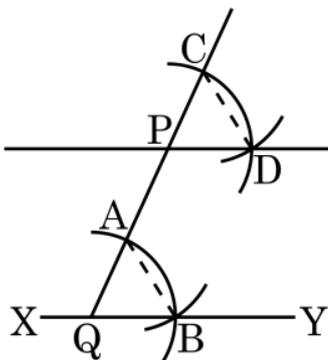
▷ 정답 : ㉣

▷ 정답 : ㉤

해설

작도 순서는 ㉠ → ㉡ → ㉢ → ㉣ → ㉤이다.

22. 다음은 직선 XY 밖의 한 점 P를 지나고 직선 XY와 평행한 직선을 작도한 것이다. 다음 중 \overline{QA} 와 길이가 같은 선분이 아닌 것을 2개 고르면?



① \overline{QB}

② \overline{PC}

③ \overline{AB}

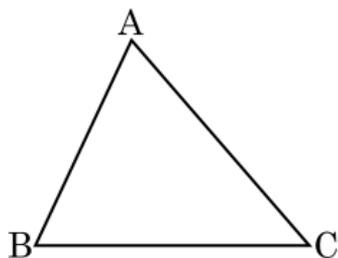
④ \overline{PD}

⑤ \overline{CD}

해설

\overline{QA} 와 같은 길이를 찾으면 $\overline{QA} = \overline{QB} = \overline{PC} = \overline{PD}$ 이다.
 $\overline{QA} \neq \overline{AB} = \overline{CD}$ 이다.

23. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 \overline{AB} , \overline{BC} , $\angle B$ 의 값이 주어졌을 때, 이 삼각형의 작도 순서 중 맨 마지막에 해당되는 것은?



① \overline{AB} 를 그린다.

② \overline{AC} 를 그린다.

③ \overline{BC} 를 그린다.

④ $\angle B$ 를 작도한다.

⑤ $\angle C$ 를 작도한다.

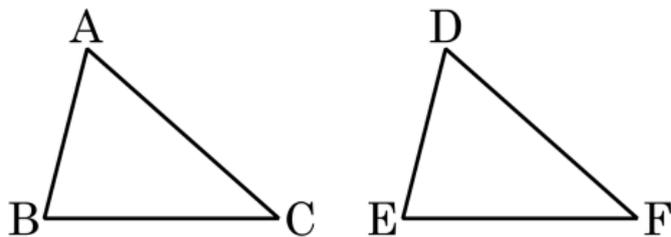
해설

작도순서

$$\overline{AB} \Rightarrow \angle B \Rightarrow \overline{BC} \Rightarrow \overline{AC}$$

$$\text{또는 } \overline{BC} \Rightarrow \angle B \Rightarrow \overline{AB} \Rightarrow \overline{AC}$$

24. $\triangle ABC \cong \triangle DEF$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?



① $\angle B = \angle F$

② $\overline{AB} = \overline{DF}$

③ $\overline{BC} = \overline{DE}$

④ $\overline{CA} = \overline{FD}$

⑤ $\angle C = \angle D$

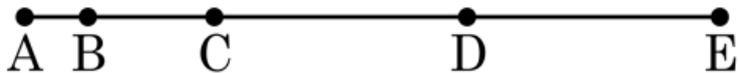
해설

$\triangle ABC \cong \triangle DEF$ 이므로

$\angle A = \angle D, \angle B = \angle E, \angle C = \angle F$

$\overline{AB} = \overline{DE}, \overline{BC} = \overline{EF}, \overline{CA} = \overline{FD}$

25. 그림에서 $\overline{AB} = \frac{1}{3}\overline{AC}$ 이고, D 는 \overline{CE} 의 중점이며, $\overline{BC} = \frac{1}{2}\overline{CD}$ 다.
 $\overline{AE} = 22\text{cm}$ 일 때, \overline{AB} 의 길이는?



① 1cm

② 2cm

③ 3cm

④ 4cm

⑤ 5cm

해설

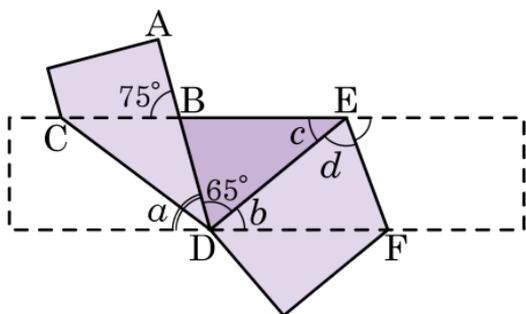
$\overline{AB} = a$ 라 하면

$\overline{BC} = 2a$, $\overline{CD} = 4a$, $\overline{CE} = 8a$

$\overline{AE} = 11a = 22$

$\therefore \overline{AB} = 2 \text{ cm}$

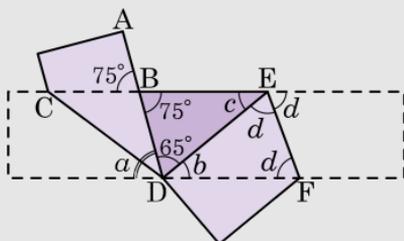
26. 다음 그림은 직사각형 모양의 종이를 접은 것이다. $\angle ABC = 75^\circ$, $\angle BDE = 65^\circ$ 일 때, 다음 각에 대한 설명 중 옳지 않은 것을 두 가지 고르면?



- ① $\angle a = 75^\circ$ ② $\angle b = \angle c$ ③ $\angle d = 65^\circ$
 ④ $\overleftrightarrow{BD} \parallel \overleftrightarrow{EF}$ ⑤ $\angle c = 40^\circ$

해설

직사각형의 마주보는 두 변은 서로 평행



$$\begin{aligned} \angle ABC &= \angle EBD = 75^\circ \\ \angle EBD &= \angle a = 75^\circ (\because \text{엇각}) \\ \angle b &= 180^\circ - (75^\circ + 65^\circ) = 40^\circ \\ \angle b &= \angle c = 40^\circ (\because \text{엇각}) \\ \angle d &= \frac{180^\circ - 40^\circ}{2} = 70^\circ \end{aligned}$$

$\overleftrightarrow{BD} \parallel \overleftrightarrow{EF}$ 하려면

$\angle a = \angle d$ 가 성립하여야 한다.

$\angle a \neq \angle d$ 이므로

$\overleftrightarrow{BD} \parallel \overleftrightarrow{EF}$ 은 성립하지 않는다.

27. 다음 보기는 평면에 있는 직선과 점에 대해 학생들이 나눈 대화이다. 틀린 말을 한 사람을 모두 찾아라.

보기

지성: 한 직선에 있지 않은 점 3 개만 있으면 평면을 하나 만들 수 있어.

민호: 서로 다른 세 점을 지나는 직선은 최대 2 개 까지 만들 수 있기도 해.

승원: 한 직선과 교점이 2 개인 직선이 존재해.

재은: 서로 수직하는 두 직선이라면 평면 하나를 만들 수 있어.

광수: 두 직선의 교점이 무수히 많은 경우는 없어.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 민호

▷ 정답: 승원

▷ 정답: 광수

해설

지성: (○) 한 직선 위에 있지 않은 점 3 개로 평면을 만들 수 있다.

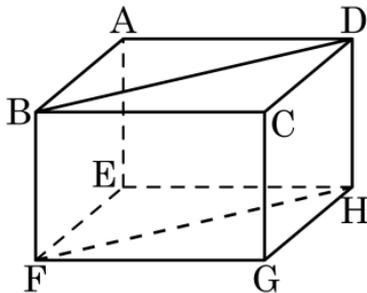
민호: (×) 서로 다른 세 점을 지나는 직선은 최대 3 개 까지 만들 수 있다.

승원: (×) 한 직선과 교점이 2 개인 직선은 존재하지 않는다.

재은: (○) 서로 수직하는 두 직선으로 평면을 만들 수 있다.

광수: (×) 두 직선의 교점이 무수히 많은 경우는 두 직선이 일치하는 경우이다.

28. 다음 직육면체에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?



- ① \overline{BF} 와 한 점에서 만나는 선분은 6 개이다.
- ② \overline{FH} 와 수직인 선분은 \overline{BF} 와 \overline{DH} 이다.
- ③ \overline{BD} 와 평행한 면은 면 EFGH 이다.
- ④ \overline{AB} 와 꼬인 위치에 있는 선분의 개수는 5 개이다.
- ⑤ 면 BFHD 와 평행한 모서리의 개수는 4 개이다.

해설

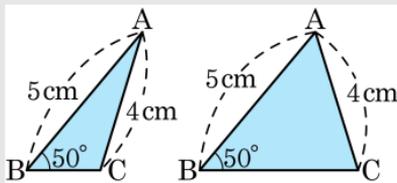
- ① \overline{AB} , \overline{DB} , \overline{BC} , \overline{EF} , \overline{HF} , \overline{FG}
- ④ \overline{EH} , \overline{FG} , \overline{CG} , \overline{DH} , \overline{FH}
- ⑤ \overline{AE} , \overline{CG} 2 개

29. $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{AC} = 4\text{cm}$, $\angle B = 50^\circ$ 인 조건으로 작도할 수 있는 삼각형 ABC 의 개수는 a 개이고, 한 변의 길이가 6cm , 두 내각의 크기가 40° , 50° 인 조건으로 작도할 수 있는 삼각형의 개수는 b 개일 때, $2a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

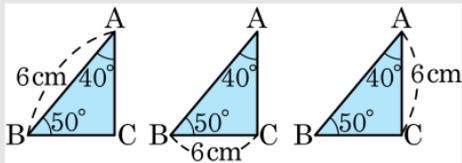
▷ 정답 : 1

해설



$\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{AC} = 4\text{cm}$, $\angle B = 50^\circ$ 인 조건으로 작도할 수 있는 삼각형은 위의 그림과 같이 2 개이다.

$$\therefore a = 2$$

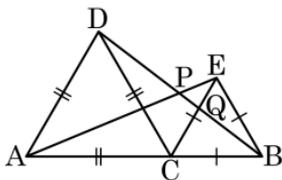


또한, 한 변의 길이가 6cm, 두 각의 크기가 40° , 50° 인 조건으로 작도할 수 있는 삼각형은 위의 그림과 같이 3 개다.

$$\therefore b = 3$$

$$\therefore 2a - b = 2 \times 2 - 3 = 1$$

30. 다음 그림에서 $\triangle ACD$, $\triangle CBE$ 가 정삼각형 이고, \overline{BD} 와 \overline{AE} 의 교점을 P 라 할 때, 다음 보기 중 옳지 않은 것을 골라라.



보기

- ㉠ $\overline{AC} + \overline{CE} = \overline{DC} + \overline{CB}$ ㉡ $\angle ACE = \angle DCB$
 ㉢ $\triangle CQB \cong \triangle EQB$ ㉣ $\angle APD = 60^\circ$
 ㉤ $\triangle ACE \cong \triangle DCB$

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉢

해설

$\triangle ACD$, $\triangle CBE$ 가 정삼각형이므로

$\overline{AC} = \overline{DC}$, $\overline{CE} = \overline{CB}$ 에서

$\overline{AC} + \overline{CE} = \overline{DC} + \overline{CB}$ (㉠)

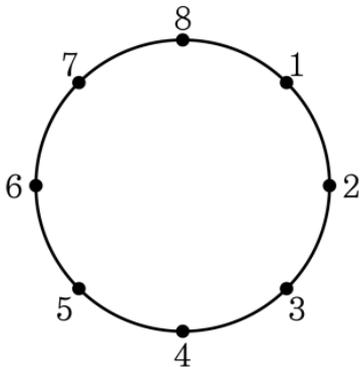
$\angle ACE = \angle ACD + \angle DCE = 60^\circ + \angle DCE$ 이고, $\angle DCB = \angle DCE + \angle ECB = \angle DCE + 60^\circ$ 이므로

$\angle ACE = \angle DCB$ (㉡) 이다.

$\angle APD = \angle PAB + \angle ABP = 60^\circ$ (㉣) 이므로

$\triangle ACE \cong \triangle DCB$ (SAS 합동) (㉤) 이 된다.

31. 어느 나라에서는 하루를 16 시간으로 나누고 1 시간을 120 분으로 나눈다고 한다. 다음은 이 나라에서 사용하는 시계의 그림일 때, 이 나라의 시각으로 2 시 100 분일 때 시침과 분침이 이루는 각 중 작은 쪽의 각을 구하여라. (단, 이 나라의 시계도, 시침은 하루에 두 바퀴, 분침은 1 시간에 한 바퀴를 돈다.)



▶ 답 :

°

▷ 정답 : 172.5°

해설

분침은 120 분에 360° 를 움직이고, 시침은 8 시간에 360° 를 움직인다.

즉, 분침은 1 분에 3° , 시침은 1 시간에 45° , 1 분에 $\frac{360^\circ}{8 \times 120} = \frac{3^\circ}{8}$

를 움직인다.

2 시 100 분일 때,

시침이 움직인 각도는 $45^\circ \times 2 + \frac{3^\circ}{8} \times 100 = 127.5^\circ$

분침이 움직인 각도는 $3^\circ \times 100 = 300^\circ$

따라서 구하는 각의 크기는 $300^\circ - 127.5^\circ = 172.5^\circ$

32. 삼각형의 세 변의 길이가 5cm, 8cm, x cm 일 때, 다음 중 x 의 값이 될 수 없는 것은?

① 1cm

② 4.5cm

③ 7cm

④ 9.5cm

⑤ 11cm

해설

(i) 8cm가 가장 긴 변인 경우 $5 + x > 8$

$$\therefore x > 3$$

(ii) x cm가 가장 긴 변인 경우 $8 + 5 > x$

$$\therefore x < 13$$

$$\therefore 3 < x < 13$$