

1. $\left(-\frac{1}{4}x - \frac{2}{5}\right)^2$ 을 전개하면?

① $-\frac{1}{16}x^2 - \frac{1}{5}x - \frac{4}{25}$

③ $\frac{1}{16}x^2 + \frac{1}{5}x + \frac{4}{25}$

⑤ $\frac{1}{16}x^2 + \frac{2}{5}x + \frac{4}{25}$

② $-\frac{1}{16}x^2 - \frac{1}{10}x - \frac{4}{25}$

④ $\frac{1}{16}x^2 + \frac{1}{5}x + \frac{4}{25}$

해설

$$\begin{aligned} & \left(-\frac{1}{4}x\right)^2 + 2 \times \left(-\frac{1}{4}x\right) \times \left(-\frac{2}{5}\right) + \left(-\frac{2}{5}\right)^2 \\ &= \frac{1}{16}x^2 + \frac{1}{5}x + \frac{4}{25} \end{aligned}$$

2. $(3x - a)^2 = 9x^2 + 24x + b$ 일 때, $a + b$ 의 값은?(단, a, b 는 상수)

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 12 ⑤ 18

해설

$$(3x)^2 - 2 \times 3x \times a + (-a)^2 = 9x^2 - 6ax + a^2 \quad \text{으로}$$

$$-6a = 24, \quad a = -4$$

$$b = a^2 = 16$$

$$\therefore a + b = (-4) + 16 = 12$$

3. $(x - 4)(x - 6) = x^2 + Ax + B$ 일 때, 상수 A, B 의 합 $A + B$ 의 값은?

- ① -24 ② -10 ③ 4 ④ 10 ⑤ 14

해설

$$(x - 4)(x - 6) = x^2 - (4 + 6)x + 4 \times 6 = x^2 + Ax + B,$$

따라서 $A = -10, B = 24$ 이다. $A + B = (-10) + 24 = 14$ 이다.

4. $\left(x - \frac{1}{3}\right) \left(x + \frac{1}{7}\right) = x^2 + ax + b$ 일 때, 상수 a, b 의 합 $a + b$ 의 값은?

- Ⓐ $-\frac{5}{21}$ Ⓑ $-\frac{4}{21}$ Ⓒ $-\frac{1}{21}$ Ⓓ $\frac{1}{7}$ Ⓕ $\frac{4}{21}$

해설

$$\begin{aligned} \left(x - \frac{1}{3}\right) \left(x + \frac{1}{7}\right) &= x^2 + \left(-\frac{1}{3} + \frac{1}{7}\right)x + \left(-\frac{1}{3}\right) \times \frac{1}{7} \\ &= x^2 - \frac{4}{21}x - \frac{1}{21} \\ &= x^2 + ax + b \end{aligned}$$

x 의 계수는 $-\frac{4}{21}$ 이고, 상수항은 $-\frac{1}{21}$ 므로 $a + b$ 는 $\left(-\frac{4}{21}\right) + \left(-\frac{1}{21}\right) = -\frac{5}{21}$ 이다.

5. $(2x - \frac{1}{3})(4x + \frac{1}{2})$ 을 전개하였을 때, x 의 계수는?

- ① $-\frac{1}{9}$ ② $-\frac{1}{6}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ 2 ⑤ 8

해설

$$x \text{ 의 계수는 } 2 \times \frac{1}{2} + \left(-\frac{1}{3}\right) \times 4 = -\frac{1}{3} \text{ 이다.}$$

6. 다음 중 식을 전개한 것 중 옳은 것은?

$$\textcircled{1} \quad (x+3)^2 = x^2 + 9$$

$$\textcircled{2} \quad \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 = x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{4}$$

$$\textcircled{3} \quad (3x+1)^2 - 2(x+1)(x-3) = 7x^2 + 10x + 7$$

$$\textcircled{4} \quad \left(a + \frac{1}{3}\right) \left(a - \frac{1}{3}\right) = a^2 + \frac{1}{9}$$

$$\textcircled{5} \quad (3x+5)(2x-7) = 6x^2 + 31x - 35$$

해설

$$\textcircled{1} \quad (x+3)^2 = x^2 + 6x + 9$$

$$\textcircled{2} \quad \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 = x^2 - x + \frac{1}{4}$$

$$\textcircled{3} \quad (3x+1)^2 - 2(x+1)(x-3)$$

$$= (9x^2 + 6x + 1) - 2(x^2 - 2x - 3)$$

$$= (9x^2 + 6x + 1) - (2x^2 - 4x - 6)$$

$$= 7x^2 + 10x + 7$$

$$\textcircled{4} \quad \left(a + \frac{1}{3}\right) \left(a - \frac{1}{3}\right) = a^2 - \frac{1}{9}$$

$$\textcircled{5} \quad (3x+5)(2x-7)$$

$$= 6x^2 - 21x + 10x - 35$$

$$= 6x^2 - 11x - 35$$

7. $(3x - 2)^2 - (2x + 2)(-2x + 5)$ 를 전개하면?

- Ⓐ $13x^2 - 18x - 6$ Ⓑ $10x^2 - 8x + 9$
Ⓒ $10x^2 - 16x - 11$ Ⓞ $10x^2 - 8x + 19$
Ⓓ $13x^2 - 12x + 19$

해설

$$(3x-2)^2 - (2x+2)(-2x+5) = (9x^2 - 12x + 4) - (-4x^2 + 6x + 10) =$$
$$13x^2 - 18x - 6$$

8. $2(x+3)^2 + (x+2)(3x+1) = ax^2 + bx + c$ 일 때, 상수 a, b, c 의 합 $a+b+c$ 은?

① 11 ② 22 ③ 33 ④ 44 ⑤ 55

해설

$$\begin{aligned} & 2(x^2 + 6x + 9) + (3x^2 + 7x + 2) \\ &= 2x^2 + 12x + 18 + 3x^2 + 7x + 2 \\ &= 5x^2 + 19x + 20 \end{aligned}$$

$$a = 5, b = 19, c = 20$$

$$\therefore a+b+c = 5+19+20 = 44$$

9. $x - y = 5$, $x^2 + y^2 = 9$ 일 때, xy 의 값은?

- ① -5 ② -8 ③ -10 ④ -12 ⑤ -14

해설

$$(x - y)^2 + 2xy = x^2 + y^2$$

$$25 + 2xy = 9$$

$$2xy = -16$$

$$\therefore xy = -8$$

10. $\left(2 - \frac{5}{4}x\right)^2$ 을 계산할 때, x 의 계수는?

- ① -5 ② -3 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1

해설

$$2^2 - 2 \times 2 \times \frac{5}{4}x + \left(\frac{5}{4}x\right)^2 = 4 - 5x + \frac{25}{16}x^2 \text{므로 } x \text{의 계수는}$$

-5 이다.

11. 한 변의 길이가 x m인 정사각형의 모양의 화단을 가로는 2 m 만큼 늘리고, 세로는 3 m 만큼 줄일 때, 화단의 넓이는?

- ① $(x^2 - 9) \text{ m}^2$
② $(x^2 - x - 6) \text{ m}^2$
③ $(x^2 + x - 6) \text{ m}^2$
④ $(x^2 - 4x + 4) \text{ m}^2$
⑤ $(x^2 + 6x + 9) \text{ m}^2$

해설

가로의 길이 $(x + 2) \text{ m}$, 세로의 길이 $(x - 3) \text{ m}$ 이다.
 $(x + 2)(x - 3) = (x^2 - x - 6) \text{ m}^2$

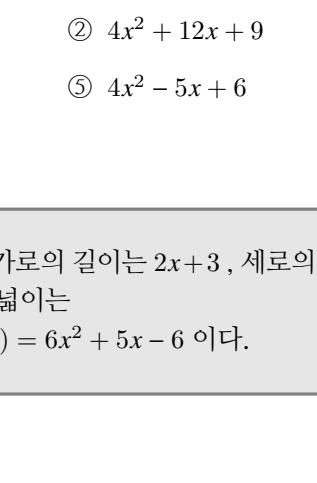
12. 다음 식을 전개한 것 중 옳지 않은 것은?

- ① $(x+8)(x-1) = x^2 + 7x - 8$
② $(x-2)(x-7) = x^2 - 9x + 14$
③ $(x+3)(x-4) = x^2 + x - 12$
④ $\left(x - \frac{2}{3}\right)\left(x - \frac{3}{5}\right) = x^2 - \frac{19}{15}x + \frac{2}{5}$
⑤ $\left(x - \frac{1}{2}\right)\left(x + \frac{1}{3}\right) = x^2 - \frac{1}{6}x - \frac{1}{6}$

해설

③ $(x+3)(x-4) = x^2 - x - 12$

13. 다음 그림의 색칠한 부분의 넓이는?



- ① $6x^2 + 5x - 6$ ② $4x^2 + 12x + 9$ ③ $9x^2 - 12x + 4$
④ $6x^2 - 5x + 6$ ⑤ $4x^2 - 5x + 6$

해설

색칠한 부분의 가로의 길이는 $2x+3$, 세로의 길이는 $3x-2$ 이다.

색칠한 부분의 넓이는

$$(2x+3)(3x-2) = 6x^2 + 5x - 6 \text{ 이다.}$$

14. $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$ 을 이용하여 계산하기 가장 알맞은 것은?

- ① 198^2 ② 101^2 ③ $\textcircled{3} 47 \times 53$
④ 101×103 ⑤ 203×302

해설

- ① $198^2 = (200 - 2)^2$
② $101^2 = (100 + 1)^2$
③ $47 \times 53 = (50 - 3)(50 + 3)$
④ $101 \times 103 = (100 + 1)(100 + 3)$
⑤ $203 \times 302 = (2 \times 100 + 3)(3 \times 100 + 2)$

15. $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$ 을 이용하여 계산하기 가장 알맞은 것은?

- ① 18×22 ② 51×52 ③ 99^2
④ 302×403 ⑤ 103^2

해설

- ① $18 \times 22 = (20-2)(20+2)$
② $51 \times 52 = (50+1)(50+2)$
③ $99^2 = (100-1)^2$
④ $302 \times 403 = (3 \times 100 + 2)(4 \times 100 + 3)$
⑤ $103^2 = (100+3)^2$

16. 곱셈 공식을 이용하여 $\frac{1003 \times 1005 + 1}{1004}$ 을 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1004

해설

$$\begin{aligned}\frac{(1004 - 1)(1004 + 1) + 1}{1004} &= \frac{1004^2 - 1 + 1}{1004} \\ &= 1004\end{aligned}$$

17. $x + y = 3$, $xy = -4$ 일 때, $(x - y)^2$ 의 값은?

- ① 20 ② 25 ③ 7 ④ 5 ⑤ 10

해설

$$(x - y)^2 = (x + y)^2 - 4xy = 3^2 - 4 \times (-4) = 25$$

18. 두 양수 a , b 에 대하여 $a+b=3$, $a^2+b^2=7$ 일 때, $\frac{a}{b}+\frac{b}{a}$ 의 값은?

- ① $\frac{7}{3}$ ② 7 ③ $\frac{7}{2}$ ④ 14 ⑤ 16

해설

$$a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2ab$$

$$9 - 2ab = 7$$

$$\therefore ab = 1$$

$$\therefore \frac{a}{b} + \frac{b}{a} = \frac{a^2 + b^2}{ab} = \frac{7}{1} = 7$$

19. $a^2 = 12$, $b^2 = 18$ 일 때, $\left(\frac{1}{2}a + \frac{2}{3}b\right) \left(\frac{1}{2}a - \frac{2}{3}b\right)$ 의 값은?

- ① -9 ② -8 ③ -6 ④ -5 ⑤ -3

해설

$$\begin{aligned}\left(\frac{1}{2}a + \frac{2}{3}b\right) \left(\frac{1}{2}a - \frac{2}{3}b\right) &= \left(\frac{1}{2}a\right)^2 - \left(\frac{2}{3}b\right)^2 \\ &= \frac{1}{4}a^2 - \frac{4}{9}b^2 \\ &= \frac{1}{4} \times 12 - \frac{4}{9} \times 18 \\ &= 3 - 8 = -5\end{aligned}$$

20. 상수 a , b , c 에 대하여 $(3x+a)(bx+5) = 6x^2 + cx - 10$ 일 때, $a+b+c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 11

해설

$$(3x+a)(bx+5) = 3bx^2 + (15+ab)x + 5a$$

$$3bx^2 + (15+ab)x + 5a = 6x^2 + cx - 10$$

$$3b = 6 \quad \therefore b = 2$$

$$5a = -10 \quad \therefore a = -2$$

$$15 + ab = c, 15 + (-2) \times 2 = 15 - 4 = 11$$

$$\therefore c = 11$$

$$\therefore a + b + c = (-2) + 2 + 11 = 11$$