

1. 다항식  $2x^3 + x^2 + 3x$ 를  $x^2 + 1$ 로 나눈 나머지는?

①  $x - 1$

②  $x$

③ 1

④  $x + 3$

⑤  $3x - 1$

해설

직접 나누어보면

$$(2x + 1) + \frac{x - 1}{x^2 + 1}$$

몫 :  $2x + 1$ , 나머지 :  $x - 1$

2. 두 다항식  $A = a + 2b$ ,  $B = 2a + 3b$  일 때,  $2A + B$ 를 구하는 과정에서 사용된 연산법칙 중 옳지 않은 것을 골라라.

$$\begin{aligned}2A + B &= 2(a + 2b) + (2a + 3b) \\&= (2a + 4b) + (2a + 3b) \quad \textcircled{\text{A}} \text{ 분배법칙} \\&= 2a + (4b + 2a) + 3b \quad \textcircled{\text{B}} \text{ 결합법칙} \\&= 2a + (2a + 4b) + 3b \quad \textcircled{\text{C}} \text{ 교환법칙} \\&= (2a + 2a) + (4b + 3b) \quad \textcircled{\text{D}} \text{ 교환법칙} \\&= (2 + 2)a + (4 + 3)b \quad \textcircled{\text{E}} \text{ 분배법칙} \\&= 4a + 7b\end{aligned}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : \textcircled{\text{E}}

해설

\textcircled{\text{E}}  $2a + (2a + 4b) + 3b = (2a + 2a) + (4b + 3b)$ : 결합법칙

3. 두 다항식  $(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3)^3$ ,  $(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3 + 5x^4)^3$  의  $x^3$ 의 계수를 각각  $a$ ,  $b$  라 할 때,  $a - b$ 의 값을 구하면?

- ① -21      ② -15      ③ -5      ④ -1      ⑤ 0

해설

$(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3 + 5x^4)^3$  의 전개식에서  
 $x^4$  항의 계수는  $x^3$ 의 계수와는 관계가 없다.

따라서  $(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3)^3$  의 전개식에서  $x^3$ 의 계수와  $(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3 + 5x^4)^3$  의 전개식에서  $x^3$ 의 계수는 같다.

$$\therefore a = b \quad \therefore a - b = 0$$

4.  $a = (3+1)(3^2+1)(3^4+1)(3^8+1) \cdots (3^{1024}+1)$  이라고 할 때 곱셈 공식을 이용하여  $a$ 의 값을 지수의 형태로 나타내면  $\frac{1}{k}(3^l+m)$ 이다.  
이 때,  $k+l+m$ 의 값을 구하면?

- ① 2046      ② 2047      ③ 2048      ④ 2049      ⑤ 2050

### 해설

$$a = (3+1)(3^2+1) \cdots (3^{1024}+1)$$

양변에  $(3-1)$ 을 곱하면

$$\begin{aligned}(3-1)a &= (3-1)(3+1)(3^2+1)(3^4+1) \\ &\quad \cdots (3^{1024}+1)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}2a &= (3^2-1)(3^2+1)(3^4+1) \cdots (3^{1024}+1) \\ &= (3^4-1)(3^4+1) \cdots (3^{1024}+1) \\ &= (3^8-1) \cdots (3^{1024}+1)\end{aligned}$$

⋮

$$= (3^{2048}-1)$$

양변을 2로 나누면

$$a = \frac{1}{2}(3^{2048}-1)$$

$$\therefore k = 2, l = 2048, m = -1$$

$$\therefore k+l+m = 2049$$

5. 실수  $a, b, c$ 에 대하여  $a + b + c = 6$ ,  $a^2 + b^2 + c^2 = 12$ 를 만족할 때,  
 $a^3 + b^3 + c^3$ 의 값을 구하면?

① 8

② 16

③ 24

④ 36

⑤ 42

해설

공식  $a^2 + b^2 + c^2 = (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)$ 에 주어진  
수를 대입하여

$(ab + bc + ca)$ 의 값을 구하면  $(ab + bc + ca) = 12$

$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca)$   
에서

$a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$  이므로

$$\frac{1}{2} \{(a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2\} = 0$$

$$\therefore a = b = c = 2$$
 이므로  $a^3 + b^3 + c^3 = 24$