

1. 왼쪽 수가 오른쪽 수의 배수일 때,  안에 들어갈 알맞은 수는 모두 몇 개입니까?

(48, )

▶ 답:      개

▶ 정답: 10 개

해설

48이 의 배수이므로 는 48의 약수입니다.

48의 약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 16, 24, 48

→ 10개

2. 7의 배수는 어느 것입니까?

① 4402

② 5608

③ 1289

④ 5068

⑤ 1340

해설

7로 나누었을 때 나누어떨어지는 수를 찾습니다.

①  $4402 \div 7 = 628 \cdots 6$

②  $5608 \div 7 = 801 \cdots 1$

③  $1289 \div 7 = 184 \cdots 1$

④  $5068 \div 7 = 724$

⑤  $1340 \div 7 = 191 \cdots 3$

3. 어떤 두 수의 최대공약수가 20이라고 한다. 다음 중 이 두 수의 공약수가 아닌 것은 어느 것입니까?

① 1

② 2

③ 5

④ 15

⑤ 20

해설

어떤 두 수의 공약수는 20의 약수입니다.

20의 약수 : 1, 2, 4, 5, 10, 20

4. 2의 배수도 되고, 3의 배수도 되는 수를 모두 고르시오.

① 213

② 6312

③ 5437

④ 12564

⑤ 958

#### 해설

2의 배수는 짝수인 수이므로 짝수인 3의 배수를 찾으면 됩니다.

②  $6312 \div 3 = 2104$

④  $12564 \div 3 = 4188$

⑤  $958 \div 3 = 319 \cdots 1$

5. 서로 다른 두 자연수를 다음과 같이 곱셈식으로 나타내었습니다. 두 수의 최소공배수를 구하는 식으로 알맞은 것은 어느 것입니까?

$$A = 2 \times 2 \times 3 \times 7 \quad B = 2 \times 3 \times 7 \times 7$$

- ①  $2 \times 3$
- ②  $2 \times 3 \times 7$
- ③  $2 \times 3 \times 7 \times 2 \times 7$
- ④  $2 \times 3 \times 7 \times 2 \times 3 \times 7$
- ⑤  $2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 7 \times 7 \times 7$

#### 해설

최소공배수는 공통인 부분과 각 수에서 공통인 부분을 제외한 나머지 부분들을 곱해서 구합니다.

공통인 부분 :  $2 \times 3 \times 7$

A에서 남는 부분 :  $\times 2$

B에서 남는 부분 :  $\times 7$

최소공배수 :  $2 \times 3 \times 7 \times 2 \times 7$

6. 다음 중 9의 배수가 아닌 것은 어느 것입니까?

① 2385

② 6678

③ 5004

④ 9181

⑤ 50688

해설

수의 각 자리의 숫자의 합이 9의 배수가 아닌 수를 찾습니다.

①  $2 + 3 + 8 + 5 = 18$

②  $6 + 6 + 7 + 8 = 27$

③  $5 + 0 + 0 + 4 = 9$

④  $9 + 1 + 8 + 1 = 19$

⑤  $5 + 0 + 6 + 8 + 8 = 27$

7. 영희네 마당에는 68개의 꽃 화분이 있습니다. 몇 개씩 줄을 만들어 세워 놓았더니 4개의 화분이 남았습니다. 만든 줄이 될 수 없는 것을 고르시오.

① 8줄

② 16줄

③ 24줄

④ 32줄

⑤ 64줄

해설

$$68 - 4 = 64,$$

즉, 64의 약수는 1, 2, 4, 8, 16, 32, 64 이므로  
8, 16, 32, 64 개씩 줄을 만들었습니다.

8. 세 자리 수 중에서 11의 배수는 모두 몇 개입니까?

▶ 답 :      개

▷ 정답 : 81     개

#### 해설

세 자리 수는 100에서 999까지이므로  
 $999 \div 11 = 90 \cdots 9$ ,  $99 \div 11 = 9$ 입니다.  
따라서,  $90 - 9 = 81$ (개)입니다.

9. 28의 배수 중에서 가장 큰 세 자리 수를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 980

해설

세 자리 수 중 가장 큰 수는 999입니다.

$$999 \div 28 = 35 \cdots 19 \rightarrow 28 \times 35 = 980$$

따라서 28의 배수 중에서 가장 큰 세 자리 수는 980입니다.

10. 약수와 배수에 대한 설명 중 틀린 것은 어느 것입니까?

- ① 1을 제외한 모든 자연수는 적어도 2 개의 약수를 가집니다.
- ② 1은 모든 자연수의 약수입니다.
- ③ **홀수** 중에서 2 의 배수인 수가 있습니다.
- ④ 일의 자리 숫자로 2의 배수와 5의 배수를 찾을 수 있습니다.
- ⑤ 모든 자연수의 배수는 셀 수 없이 많습니다.

해설

③ 2의 배수는 짝수이고, 홀수는 짝수가 아닌 수입니다.

11. 영수와 명희는 각각 칠판에 다음과 같은 수를 썼습니다. 영수와 명희가 공통으로 쓴 수들의 합은 얼마입니까?

영수 : 30의 약수

명희 : 1부터 30까지 3의 배수

▶ 답 :

▷ 정답 : 54

해설

영수가 쓴 수는 30의 약수이므로 :

1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30

이 중에서 3의 배수는 3, 6, 15, 30 이므로, 네 수를 더하면  $3 + 6 + 15 + 30 = 54$ 입니다.

12. 가★나는 가와 나의 최소공배수를, 가○나는 가와 나의 최대공약수를 나타낼 때, 다음을 계산하시오.

$$24 \star (48 \circ 32)$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 48

해설

$$\begin{array}{r} 2) \ 48 \ 32 \\ \hline 2) \ 24 \ 16 \\ \hline 2) \ 12 \ 8 \\ \hline 2) \ 6 \ 4 \\ \hline 3 \ 2 \end{array}$$

최대공약수 :  $2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$

$$\begin{array}{r} 2) \ 24 \ 16 \\ \hline 2) \ 12 \ 8 \\ \hline 2) \ 6 \ 4 \\ \hline 3 \ 2 \end{array}$$

최소공배수 :  $2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 2 = 48$

따라서  $24 \star (48 \circ 32) = 48$  입니다.

13. 네 개의 숫자 카드 0 2 3 4 중에서 세장을 뽑아 만들 수 있는 세 자리의 3의 배수는 모두 몇 개입니까?

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 10가지

#### 해설

3의 배수는 각 자리 숫자의 합이 3의 배수입니다.

$$0 + 2 + 4 = 6, 2 + 3 + 4 = 9$$

따라서 만들 수 있는 3의 배수는

204, 240, 402, 420, 234, 243, 324, 342, 423, 432 이므로 10가지  
입니다.

14. 백의 자리의 숫자가 3인 세 자리 수 중에서 가장 큰 4의 배수를 구하시오.

① 392

② 394

③ 396

④ 398

⑤ 399

해설

4의 배수는 끝의 두 자리 수가 4의 배수이면 그 수는 4의 배수입니다.

따라서 가장 큰 세자리 수는 396입니다.

15. 30에서 40까지의 자연수 중에서 약수의 개수가 홀수 개인 수를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 36

#### 해설

약수의 개수가 홀수 개이려면 똑같은 수를 두 번 곱해야 합니다.  
30에서 40까지의 자연수 중에서 똑같은 수를 두 번 곱한 수는  
36이고,

$36 = 1 \times 36 = 2 \times 18 = 3 \times 12 = 4 \times 9 = 6 \times 6$  에서  
36의 약수는 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36의 9개입니다.

16. 왼쪽 수가 오른쪽 수의 배수일 때,  안에 알맞은 수들의 합을 구하시오.

(36, )

▶ 답 :

▶ 정답 : 91

해설

36 이 의 배수이므로 는 36의 약수입니다.

36의 약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36

$$\rightarrow 1 + 2 + 3 + 4 + 6 + 9 + 12 + 18 + 36 = 91$$

17. 네 개의 자연수 ㉠, ㉡, ㉢, ㉣이 있습니다. ㉠과 ㉣의 최대공약수는 84 이고, ㉡과 ㉢의 최대공약수는 126 입니다. ㉠, ㉡, ㉢, ㉣의 최대공약 수를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 42

해설

네 수의 최대공약수는 84와 126의 최대공약수와 같습니다.

$$\begin{array}{r} 2) \quad 84 \quad 126 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3) \quad 42 \quad 63 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 7) \quad 14 \quad 21 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \quad 3 \end{array}$$

$$\text{최대공약수 : } 2 \times 3 \times 7 = 42$$

18. 가로가 25cm, 세로가 40cm, 높이가 60cm 인 직육면체 모양의 나무기둥을 남는 부분이 없도록 똑같이 잘라 가장 큰 정육면체 여러 개를 만들려고 합니다. 만들 수 있는 정육면체는 모두 몇 개인지 구하시오.

▶ 답 :            개

▷ 정답 : 480 개

#### 해설

직육면체 모양의 나무기둥을 남는 부분없이 똑같이 잘라 정육면체를 만들려면 25, 40, 60의 최대공약수를 구하면 됩니다.

$$\begin{array}{r} 5) \ 25 \ 40 \ 60 \\ \underline{\phantom{00} 5 \phantom{0} 8 \phantom{0} 12} \end{array}$$

25, 40, 60의 최대공약수는 5이므로  
정육면체의 한 변의 길이는 5cm입니다.

가로 :  $25 \div 5 = 5(\text{개})$

세로 :  $40 \div 5 = 8(\text{개})$

따라서 만들 수 있는 정육면체의 개수는

$$5 \times 8 \times 12 = 480(\text{개}) \text{입니다.}$$

19. 사과 19개, 감 42개, 배 53개를 몇 명의 학생에게 똑같이 나누어 주려고 했더니 사과는 5개가 부족하고, 감은 6개가 남고, 배는 7개가 부족하였습니다. 몇 명의 학생에게 나누어 주려고 했습니까?



답 :

명



정답 : 12명

#### 해설

부족하거나 남지 않게 나누어 주기 위해서는 사과는  $19 + 5 = 24$ (개), 감은  $42 - 6 = 36$ (개), 배는  $53 + 7 = 60$ (개)가 필요합니다.

24, 36, 60의 최대공약수가 12이므로 학생 수는 12(명)입니다.

20. 배를 안내하는 ㉠과 ㉡ 두 개의 등대가 있습니다. ㉠ 등대는 15 초간 켜져 있다가 3 초 동안 꺼져 있고, ㉡ 등대는 10 초간 켜져 있다가 4 초 동안 꺼져 있기를 반복합니다. 두 등대가 정각에 동시에 켜졌다면, 1 시간 동안에는 몇 번이나 동시에 켜집니까?



답 :

번



정답 : 28번

#### 해설

㉠ 등대는 18 초, ㉡ 등대는 14 초마다 켜지므로  
두 등대가 다시 켜지는 시각은 18 과 14 의 최소공배수입니다.  
 $18 = 2 \times 3 \times 3$ ,  $14 = 2 \times 7$ 의 곱으로 나타내어 두 수의 최소공배수를 구하면  
최소공배수는  $2 \times 3 \times 3 \times 7 = 126$  이고, 1 시간은 3600 초이므로  
 $3600 \div 126 = \text{약 } 28.57$  에서 소수점 뒤에 수를 버리면 28 번 동시  
에 켜집니다.