1. 두 분수  $\frac{15}{16}$ ,  $\frac{5}{12}$  의 어느 것에 곱해도 그 결과가 자연수가 되는 분수 중에서 가장 작은 기약분수를 구하여라.

답:

ightharpoonup 정답:  $\frac{48}{5}$ 

(16, 12의 최소공배수) (15, 5의 최대공약수) =  $\frac{48}{5}$ 

- 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개) 2.
  - ①  $3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 7 = 3^2 \times 2^5 \times 7$
  - $\begin{array}{c}
    \boxed{2} \frac{1}{5 \times 5 \times 5 \times 5} = \frac{1}{5^4} \\
    \boxed{3} \frac{1}{3 \times 3 \times 7 \times 7} = \frac{1}{3^2 \times 7^2} \\
    \boxed{4} \frac{1}{7^4 \times 7^5} = (\frac{1}{9})^7
    \end{array}$

- $\textcircled{4} \ \frac{1}{7^4 \times 7^5} = (\frac{1}{7})^9 \ ,$

**3.** 다음 식을 만족하는 a, b, c 의 곱은?

 $1 \times 2 \times 4 \times 5 \times 10 \times 20 = 2^a \times 3^b \times 5^c$ 

- $\bigcirc 0$
- ② 1 ③ 4 ④ 6 ⑤ 8

 $1\times2\times(2\times2)\times5\times(2\times5)\times(2\times2\times5)=2^6\times3^0\times5^3$ 

- $\therefore a = 6, b = 0, c = 3$
- $\therefore \ 6 \times 0 \times 3 = 0$

4. 다음 중 소수를 모두 골라라.

1 13 15 24 29 32 33 52 71 98

 □
 □

 □
 □

 □
 □

 ▷ 정답: 13

 ▷ 정답: 29

➢ 정답: 71

주어진 수 중에서 소수는 13,29,71 이다.

- **5.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면?(정답 2 개)
  - ① 15 이하의 소수는 모두 6 개이다.
  - ② 7 은 소수이다.
  - ③모든 소수는 홀수이다.
  - ④ 자연수는 1, 소수, 합성수로 이루어져 있다.⑤ 1 은 합성수이다.

#### ③ 2 는 소수이다.

- ⑤ 1 은 소수도 합성수도 아니다.

학생들에게 검정 펜 50 자루, 빨강 펜 24 자루, 파랑 펜 100 자루를 똑같이 나누어줄 때, 검정 펜과 빨강 펜은 각각 6 개, 4 개가 부족하고, 파랑 펜은 2 개가 남는다. 이때, 최대 학생 수는 몇 명인지 구하여라.
 답: <u>명</u>

\_

검정 펜 50 자루를 나누면 6 개가 부족하다. : (50+6) 개를

해설

나누면 나누어 떨어진다. 빨강 펜 24 자루를 나누면 4 개가 부족하다. : (24+4) 개를 나누면 나누어 떨어진다. 파랑 펜 100 자루를 나누면 2 개가 남는다. : (100-2) 개를

나누면 나누어 떨어진다. 이러한 수 중 가장 큰 수는 56, 28, 98 의 최대공약수인 14 이다. 따라서 최대 학생 수는 14 명이다.

**7.** 가로의 길이, 세로의 길이, 높이가 각각 42 cm, 70 cm, 84 cm 인 직육 면체 모양의 상자를 크기가 같은 정육면체로 빈틈없이 채우려고 한다. 가능한 한 큰 정육면체의 한 모서리의 길이를 구하여라.

 $\underline{\mathrm{cm}}$ 

▷ 정답: 14<u>cm</u>

답:

정육면체가 가능한 한 커야하고, 상자의 빈틈이 없도록 채워야

해설

하므로, 주어진 세 모서리의 최대공약수를 구해야 한다. 따라서 정육면체의 한 모서리의 길이는 42 = 2 imes 3 imes 7, 70 = 2 imes 5 imes 7,  $84 = 2^2 imes 3 imes 7$  의 최대공약수  $2 \times 7 = 14 \text{ (cm)}$ 

- 8.  $2^2$  ,  $2^2 \times 3$  ,  $3 \times 5$  의 공배수 중에서 200 이하인 것의 개수는?
  - ① 2 개 ② 3 개 ③ 4 개 ④ 5 개 ⑤ 6 개

해설-

세 수의 최소공배수는  $2^2 \times 3 \times 5 = 60$  이므로 200 이하의 공배수는 60, 120, 180 으로 총 3개이다.

- 9. 120 에 자연수 x 를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 다음 중 x 의 값이 될 수  $\underline{\text{없는}}$  것은?
  - $\textcircled{4} \ 2 \times 3 \times 5 \times 7^2 \qquad \textcircled{5} \ 2^2 \times 3 \times 5$
- - ①  $2 \times 3 \times 5$  ②  $2^3 \times 3 \times 5$  ③  $2 \times 3^3 \times 5$

#### $120 = 2^3 \times 3 \times 5$ 로 소인수분해되므로 소인수 2, 3, 5의 지수가

홀수인 수를 곱한다.  $2^2 \times 3 \times 5$  은  $2^2$  을 곱하였으므로 제곱수가 될 수 없다.

 $10.\ \ 18$  에 적당한 자연수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 이때 곱해야 할 자연수를 가장 작은 것부터 3개를 써라.

▶ 답: ▶ 답: ▷ 정답: 2

▶ 답:

▷ 정답: 8 ➢ 정답: 18

해설

 $18 = 2 \times 3^2$ 

곱해야 할 자연수를 x 라 할 때,  $(2 \times 3^2) \times x = y^2$  $x = 2, \ 2 \times 2^2, \ 2 \times 3^2, \ \cdots$ 

 $= 2, 8, 18, \cdots$ 

- 11.  $\frac{24}{n}$  와  $\frac{40}{n}$  을 자연수로 만드는 자연수 n 들을 모두 합하면?
- ① 8 ② 12 ③ 15 ④ 20 ⑤ 25

n 은 24, 40 의 공약수이고, 공약수는 최대공약수의 약수이다. 24 와 40 의 최대공약수는 8 이고, 8 의 약수는 1, 2, 4, 8 이므로 따라서 합은 1+2+4+8=15 이다.

12. 톱니의 수가 각각 24, 36, 18 개인 톱니바퀴 A, B, C 가 다음 그림과 같이 서로 맞물려 있다. 세 톱니바퀴가 회전하기 시작하여 모두 다시 처음의 위치로 돌아오려면 C 는 최소한 몇 바퀴를 회전해야 하는지 구하여라.

 ▶ 답:
 <u>바퀴</u>

 ▷ 정답:
 4<u>바퀴</u>

해설

.. C 바퀴의 회전수는 72 ÷ 18 = 4 (바퀴)이다.

24, 36, 18 의 최소공배수는 72,

- **13.** 세 자연수  $A=14\times a,\,B=21\times a,\,C=28\times a$  의 최대공약수가 35 일 때, 최소공배수를 구하면?
  - ① 84
- 2 168
- ③ 252
- 420
- ⑤ 840

 $A=2\times7\times a,\,B=3\times7\times a,\,C=2^2\times7\times a$  이므로 최대공약수는

 $7 \times a = 35$  이고, a = 5 이다. 따라서 최소공배수는  $2^2 \times 3 \times 5 \times 7 = 420$  이다.

- **14.** 두 자연수  $6 \times x$ ,  $10 \times x$  의 최소공배수가 90 일 때, x 의 값을 구하여라.
  - ▶ 답:

▷ 정답: 3

 $6 \times x = 2 \times 3 \times x$ ,  $10 \times x = 2 \times 5 \times x$  의 최소공배수는  $2 \times 3 \times 5 \times x = 90$ 따라서 x = 3 이다.

**15.** 두 수  $2^a \times 7^b \times 13$ ,  $2^2 \times 13^c$  의 최소공배수가  $2^4 \times 7^3 \times 13^2$  일 때, a+b-c 의 값은?

① 2 ② 3 ③ 4 ④5 ⑤ 6

해설  $2^a = 2^4$  이므로 a = 4 ,

 $7^b = 7^3$  이므로 b = 3 ,

 $13^c = 13^2$  이므로 c = 2 이다. 따라서 a+b-c=5 이다.

- **16.** 두 수  $3^a \times 5 \times 11^2$ ,  $3^2 \times 7^b \times 11^c$  의 최소공배수를 구하면  $3^4 \times 5 \times 7^3 \times 11^3$  이다. a+b-c 의 값으로 옳은 것은?
  - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설  $3^a = 3^4$  이므로 a = 4,

 $7^b = 7^3$  이므로 b = 3,  $11^c = 11^3$  이므로 c = 3 이다.

따라서 a+b-c=4이다.

**17.** 15 이하의 자연수 중에서 6 과 서로소인 자연수들의 합을 구하여라.

답:

▷ 정답: 37

15 이하의 자연수 중에서 6 과 서로소인 자연수는

1, 5, 7, 11, 13 따라서 서로소인 자연수들의 합은 37  $oxed{18.}$   $3^3 imes a$  는 약수의 개수가 12 인 수 중 가장 작은 홀수라고 할 때, a 에 맞는 수를 구하면?

① 1 ② 4 ③ 9 ④ 25 ⑤ 36

 $12 = 4 \times 3 = (3+1) \times (2+1)$ 

 $3^3 \times a$  가 홀수이므로 a 는 3 보다 큰 소수의 제곱수이므로  $5^2=25$  19. 2⁴ x 의 약수의 개수가 15 개일 때, 안에 들어갈 수 있는 가장 작은 자연수를 구하여라.
 답:
 > 정답: 9

**20.**  $2^2 \times 3^3 \times 5$  와  $2^2 \times 3 \times 5^2 \times 7$  의 최대공약수와 최소공배수를 바르게 나타낸 것을 골라라.

① 최대공약수 :  $2^2 \times 3^2$ , 최소공배수 :  $2^2 \times 3^3 \times 5 \times 7$ ② 최대공약수:  $2^2 \times 3^2$ , 최소공배수:  $2^3 \times 3^3 \times 5 \times 7$ 

③ 최대공약수 :  $2^2 \times 3 \times 5$  , 최소공배수 :  $2^2 \times 3^3 \times 5^2 \times 7$ 

④ 최대공약수 :  $2^2 \times 3$ , 최소공배수 :  $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7$ ⑤ 최대공약수 :  $2^2 \times 3^3 \times 5$  , 최소공배수 :  $2^3 \times 3^3 \times 5 \times 7$ 

해설

 $2^2 \times 3^3 \times 5$  $2^2 \times 3 \times 5^2 \times 7$ 최대공약수:  $2^2 \times 3 \times 5$ 최소공배수:  $2^2 \times 3^3 \times 5^2 \times 7$ 

- 21. 가로 6cm , 세로 9cm 인 직사각형을 겹치지 않게 빈틈없이 붙여서 가장 작은 정사각형을 만들려고 한다. 이 때, 정사각형의 한 변의 길이는?
  - ① 6cm ② 9cm ③ 15cm ④ 18cm ⑤ 36cm

해설 6 과 9 의 최소공배수가 구하는 정사각형의 한 변이므로 18cm 가 된다.

- **22.** 두 자연수 a , b 의 최소공배수가 64 일 때, a 와 b 의 공배수 중 300 에 가장 가까운 수는?
  - ① 192 ② 256 ③ 294 ④ 305 ⑤ 320

최소공배수의 배수인 64, 128, 192, 256, 320, · · · 중 300 에 가장

가까운 수는 320 이다.

**23.** 두 수  $2^4 \times 5^4$ ,  $2^3 \times 5^m \times 7$  의 최대공약수가  $2^3 \times 5^3$  일 때, m 의 값은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

---

최대공약수가  $2^3 \times 5^3$  이고  $2^4 \times 5^4$  에서 5 의 지수가 4 이므로  $2^3 \times 5^m \times 7$  에서 5 의 지수가 3 이어야 한다. 따라서 m=3

**24.**  $\frac{140}{x} = y^2$  을 만족할 때, x + y 의 최솟값을 구하여라. (단, x, y는 자연수이다.)

▶ 답:

▷ 정답: 37

 $\frac{140}{x} = y^2 \text{ on } |x|$   $140 = 2^2 \times 5 \times 7$ 

 $140 = 2^{2} \times 5 \times$   $x = 5 \times 7$   $2^{2} = y^{2}$ 

 $\therefore x + y = 35 + 2 = 37$ 

2 = y

25. 135 에 가장 작은 수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 어떤 수를 곱하면 되는가?

① 6 ② 10 ③ 12 ④ 15 ⑤ 18

 $135 = 3^3 \times 5$ 

해설

곱해야 할 가장 작은 자연수는  $3 \times 5 = 15$ 

**26.**  $96 \times m = n^2$  을 만족하는 가장 작은 자연수 m, n 에 대하여 m + n 의 값을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 30

해설

96 =  $2^5 \times 3$  이므로  $m=2 \times 3$  $2^5 \times 3 \times (2 \times 3) = 2^6 \times 3^2$  ,  $n=2^3 \times 3 = 24$ 

 $m = 6, \ n = 24$  $\therefore m + n = 30$ 

 $\therefore m+n=30$ 

**27.** 168의 소인수의 합을 구하여라.

답:

▷ 정답: 12

해설

168 을 소인수분해하면 168 =  $2^3 \times 3 \times 7$ 이다. 소인수는 2, 3, 7이다. 2+3+7=12 **28.** 다음 중  $2^4 \times 3^2 \times 5^3$  의 소인수를 모두 구한 것은?

① 2, 3, 5 ② 2, 3 ③ 2 ④ 3, 5 ⑤  $2^3, 5$ 

2<sup>4</sup> × 3<sup>2</sup> × 5<sup>3</sup> 이므로 소인수는 2, 3, 5이다.

**29.** 72 를 소인수분해하면  $a^3 \times b^2$  이다. 이때, a + b 의 값은?

① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

 $72 = 2^3 \times 3^2$ 

따라서 a = 2, b = 3a + b = 5

u+v=0

30. 소인수분해를 이용하여 두 수의 최소공배수를 구하여라.

20, 45

답:

▷ 정답: 180

 $20 = 2^2 \times 5, \ 45 = 3^2 \times 5$ 

해설

최소공배수 :  $2^2 \times 3^2 \times 5 = 180$ 

**31.** 소인수분해를 이용하여 27 과 45 의 최대공약수를 구하면?

**4**9 **5** 10 ① 4 ② 6 ③ 8

 $27 = 3^3, 45 = 3^2 \times 5$ 

두 수의 최대공약수는  $3^2 = 9$ 

**32.** 108 의 약수의 개수를 구하여라.

 ► 답:
 개

 ▷ 정답:
 12개

V он 12<u>/1</u>

108 =  $2^2 \times 3^3$ 약수의 개수:  $(2+1) \times (3+1) = 12$ 

### **33.** 다음 중 180 의 약수는?

- $2^3 \times 5$  ②  $3^2 \times 7$  ③  $2^2 \times 3^2$

을 소인수분해하면  $180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$  이다.

34. 다음 네모 칸에 쓰여진 수 중에서  $3^4 \times 11^5$  의 약수를 모두 찾아 색칠 하면 한글 자음 중 하나가 나타난다. 그 한글 자음은 무엇인지 찾아라.

$3^4 \times 11$	11	3×11
$3^2 \times 11^2$	16	$3 \times 11^2$
33	$2 \times 3^2$	$3^4 \times 11^5$
$3^2 \times 11$	121	$3^3 \times 11^5$

① ¬ ② ∟ ③ ⊏ (5) <sup>12</sup> ④ ⊒

 $3^4$  의 약수는 1 , 3 ,  $3^2$  ,  $3^3$  ,  $3^4$  이고  $11^5$  의 약수는 1 , 11 ,  $11^2$ ,  $11^3$  ,  $11^4$  ,  $11^5$  이다. 표의 수들을 소인수분해하면  $16=2^4$  ,  $121=11^2$  ,  $33=3\times 11$ 이다.

 $3^4 \times 11^5$  의 약수를 모두 찾아 색칠하면 다음 표와 같다.  $3^4 \times 11$  $3 \times 11$ 11

$3^2 \times 11^2$	16	$3 \times 11^2$
33	$2 \times 3^2$	$3^4 \times 11^5$
$3^2 \times 11$	121	$3^3 \times 11^5$

## **35.** 다음 중 350 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?

① 2 ②  $2 \times 5$  ③  $2 \times 7$  ②  $2 \times 5^2 \times 7$ 

 $350 = 2 \times 5^2 \times 7$  이므로 ④  $2^2 \times 5^2$  은 약수가 아니다.

# **36.** $2^2 \times 5 \times 7$ 의 약수인 것은?

해설

①  $2 \times 3$  ②  $2^3 \times 7$  ③  $3^2$  ④  $3 \times 5 \times 7$ 

0 3 2 7 3 7

①, ③, ④ : 소인수 3 이 들어있다. ② : 2 의 지수가 문제의 수보다 크다.

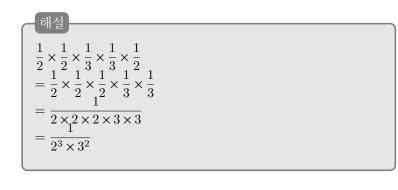
### **37.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 1은 소수가 아니다.
- ② 10 은 합성수이다.
- ③ 17 은 소수이다.
- ④ 약수가 2 개인 수는 소수이다.
- ⑤ 두 소수의 합은 언제나 홀수이다.

⑤ (반례) 3 과 5 는 소수이지만 두 소수의 합인 8 은 짝수이다.

**38.**  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{2}$  을 거듭제곱을 사용하여 나타낸 것은?

- ①  $\frac{1}{2 \times 2 \times 3 \times 2 \times 2}$  ②  $\frac{1}{2 \times 2 \times 2} \times \frac{1}{3 \times 3}$  ③  $\frac{1}{2^2} \times \frac{1}{3^2}$  ④  $\frac{1}{2^2 \times 3^2}$



- **39.**  $4^3$  에 대한 다음 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
  - ① 12 와 같다.② 밑은 4 이다.

  - ③ 지수는 3 이다.
  - ④ 4×4×4를 나타낸 것이다.
     ⑤ 3<sup>4</sup> 보다 작다.

①  $4^3 = 4 \times 4 \times 4 = 64$  이므로 12 와 같지 않다.