

1. 직사각형의 넓이가 $16\frac{1}{4}\text{cm}^2$ 이고, 세로의 길이는 5 cm입니다. 이 직사각형의 가로 길이를 구하시오.

① $1\frac{1}{4}\text{cm}$

② $1\frac{3}{4}\text{cm}$

③ $2\frac{1}{4}\text{cm}$

④ $3\frac{1}{4}\text{cm}$

⑤ $3\frac{3}{4}\text{cm}$

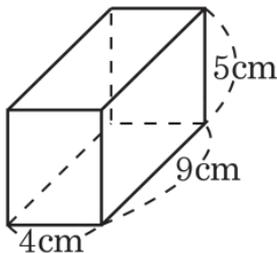
해설

(직사각형의 넓이) = (가로) × (세로) 이므로
(가로) = (직사각형의 넓이) ÷ (세로)

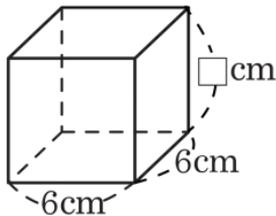
$$(\text{가로}) = 16\frac{1}{4} \div 5 = \frac{65}{4} \times \frac{1}{5}$$

$$= \frac{13}{4} = 3\frac{1}{4} (\text{cm})$$

2. 한 개의 부피가 1cm^3 인 쟁기나무를 이용하여 직육면체 (가)를 만든 후, 그 쟁기나무를 하나도 남김없이 그대로 사용하여 직육면체 (나)를 만들었습니다. (나)의 높이는 몇 cm가 되겠습니까?



(가)



(나)

▶ 답 : cm

▶ 정답 : 5 cm

해설

(부피)=(밑넓이) \times (높이)에서

(높이)=(부피) \div (밑넓이)입니다.

(가)의 부피는 $4 \times 9 \times 5 = 180(\text{cm}^3)$

(가)와 (나)의 부피가 같으므로,

(나)의 높이는 $180 \div 36 = 5(\text{cm})$ 입니다.

3. 다음 중 참인 비례식을 모두 찾으시오.

① $4 : 5 = 8 : 10$

② $0.2 : 0.3 = 10 : 12$

③ $0.3 : \frac{1}{4} = 3 : 4$

④ $\frac{3}{5} : \frac{7}{2} = 6 : 35$

⑤ $4 : 8 = 22 : 84$

해설

비례식에서 '내항의 곱과 외항의 곱은 같다'는 성질을 이용해서 등식이 성립하는 비례식을 찾습니다.

① $4 \times 10 = 5 \times 8$

② $0.2 \times 12 \neq 0.3 \times 10$

③ $0.3 \times 4 \neq \frac{1}{4} \times 3$

④ $\frac{3}{5} \times 35 = \frac{7}{2} \times 6$

⑤ $4 \times 84 \neq 8 \times 22$

4. 응이네 집의 배추밭은 가로와 세로의 길이의 비가 4 : 9 인 직사각형 모양입니다. 가로가 5.2m 이면, 세로의 길이는 몇 m 인지 구하시오.

▶ 답 : m

▶ 정답 : 11.7 m

해설

$$(가로):(세로) = 4 : 9$$

세로의 길이를 라 하면

$$4 : 9 = 5.2 : \text{}$$

$$4 \times \text{} = 9 \times 5.2$$

$$\text{} = 46.8 \div 4$$

$$\text{} = 11.7(\text{m})$$

5. 15초 동안에 1800 mL의 물이 나오는 수도가 있습니다. 이 수도로 42L의 물을 받으려면 몇 분 몇 초가 걸리는지 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 5분 50초

해설

$$42 \text{ L} = 42000 \text{ mL}$$

물 42L을 받는데 걸리는 시간을 초라 하면

$$15 : 1800 = \text{} : 42000 \text{ 입니다.}$$

$$1800 \times \text{} = 15 \times 42000,$$

$$1800 \times \text{} = 630000,$$

$$\text{} = 630000 \div 1800,$$

$$\text{} = 350 \rightarrow 350 \text{ 초} = 5 \text{ 분 } 50 \text{ 초}$$

따라서 42L의 물을 받으려면 5분 50초가 걸립니다.

6. 어느 날 낮과 밤의 길이의 비는 $4\frac{1}{2} : 7.5$ 입니다. 이 날의 밤의 길이는 몇 시간인지 구하시오.

▶ 답: 시간

▷ 정답: 15시간

해설

$$\text{낮:밤} = 4\frac{1}{2} : 7.5 = \frac{9}{2} : 7.5$$

$$= \frac{9}{2} \times 2 : 7.5 \times 2 = 9 : 15$$

$$(\text{밤의 길이}) = 24 \times \frac{15}{9 + 15} = 15(\text{시간})$$

7. 다음 중 원뿔의 모선의 길이와 높이와의 관계를 바르게 나타낸 것은 어느 것입니까?

① (모선의 길이)=(높이)

② (모선의 길이)> (높이)

③ (모선의 길이)< (높이)

④ (모선의 길이) \geq (높이)

⑤ (모선의 길이) \leq (높이)

해설

높이는 원뿔의 꼭짓점에서 밑면에 수직으로 그은 선분의 길이이고, 모선은 원뿔의 꼭짓점에서 밑면인 원둘레의 한 점을 이은 선분이므로

(모선의 길이)>(높이)입니다.

8. 하나에 연필이 3 다스씩 들어 있는 필통 4 개의 무게가 $3\frac{1}{9}$ kg 입니다.
 비어 있는 필통의 무게가 500g 이라면, 연필 15 자루의 무게는 몇 kg
 인지 구하시오.

① $\frac{7}{9}$ kg

② $\frac{5}{18}$ kg

③ $\frac{5}{36}$ kg

④ $\frac{19}{108}$ kg

⑤ $\frac{25}{216}$ kg

해설

$$(\text{필통의 1 개의 무게}) = 3\frac{1}{9} \div 4 = \frac{28}{9} \times \frac{1}{4} = \frac{7}{9}(\text{kg})$$

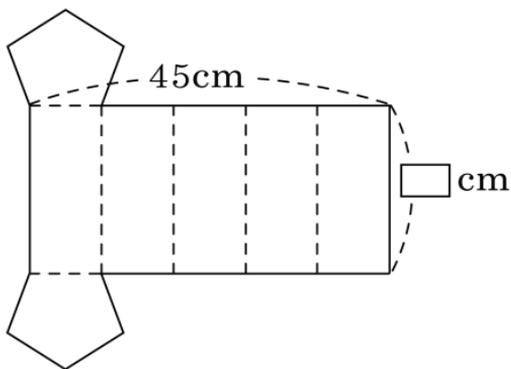
$$500\text{g} = \frac{1}{2}\text{kg} \text{ 이므로}$$

$$(\text{연필 3 다스의 무게}) = \frac{7}{9} - \frac{1}{2} = \frac{5}{18}(\text{kg})$$

$$(\text{연필 15 자루의 무게}) = \frac{5}{18} \div 36 \times 15 = \frac{5}{18} \times \frac{1}{36} \times 15(\text{kg})$$

$$= \frac{25}{216}(\text{kg})$$

9. 다음 오각기둥의 전개도의 둘레는 198 cm입니다. 안에 알맞은 수는 어떤 수입니까?



① 16

② 20

③ 25

④ 27

⑤ 30

해설

옆면의 가로 길이는 밑면의 둘레와 같습니다.

즉, $45\text{ cm} \div 5 = 9(\text{ cm})$

전개도에서 9 cm 인 선분이 16 개이므로

$9 \times 16 = 144(\text{ cm})$

$144 + (\square \times 2) = 198(\text{ cm})$

$\Rightarrow (198 - 144) \div 2 = 27(\text{ cm})$

10. 길이가 576m인 도로의 양쪽에 4m간격으로 가로수를 심기 시작하여 첫째 날에 전체의 40%를 심었습니다. 앞으로 몇 그루의 나무를 더 심어야 합니까?

▶ 답: 그루

▷ 정답: 174그루

해설

576m인 도로의 양쪽에 4m간격으로 가로수를 심으려면 $\{(576 \div 4) + 1\} \times 2 = 290$ (그루)를 심어야 합니다.

첫째 날에 심은 가로수의 수는

(전체 가로수의 40%) = $290 \times 0.4 = 116$ (그루)이므로

더 심어야 할 가로수는 $290 - 116 = 174$ (그루)입니다.

11. 수경이네 학교 5 학년과 6 학년 학생들이 좋아하는 과목을 조사하여 만든 피그래프입니다. 다음 그래프로 알 수 있는 사실을 모두 고르시오.

5학년

(총 440명)

체육(35%)	음악(25%)	과학(15%)	국어(10%)	기타(15%)
---------	---------	---------	---------	---------

6학년

(총 300명)

체육(39%)	과학(22%)	사회(20%)	국어(12%)	기타(7%)
---------	---------	---------	---------	--------

- ① 5학년은 음악을 가장 좋아합니다.
- ② 체육을 좋아하는 비율은 6학년이 더 높습니다.
- ③ 국어를 좋아하는 학생 수는 6학년이 더 많습니다.
- ④ 과학을 좋아하는 학생 수는 같습니다.
- ⑤ 6학년은 5학년보다 체육 시간이 더 많습니다.

해설

① 5학년 학생은 체육을 가장 좋아합니다.

③ 국어를 좋아하는 학생 수를 알아보면

$$5 \text{학년} : 440 \times \frac{10}{100} = 44(\text{명}),$$

$$6 \text{학년} : 300 \times \frac{12}{100} = 36(\text{명})$$

따라서 국어를 좋아하는 학생은 5학년이 더 많습니다.

④ 과학을 좋아하는 학생 수를 알아보면

$$5 \text{학년} : 440 \times \frac{15}{100} = 66(\text{명}),$$

$$6 \text{학년} : 300 \times \frac{22}{100} = 66(\text{명})$$

⑤ 주어진 피그래프로는 6학년이 5학년보다 체육 시간이 많은지 알 수 없습니다.

12. 어떤 수에 $\frac{5}{3}$ 를 곱한 후 $2\frac{1}{3}$ 로 나누어야 할 것을 잘못하여 $\frac{5}{3}$ 로 나눈 후 $2\frac{1}{3}$ 을 곱하였더니 $\frac{49}{50}$ 가 되었습니다. 바르게 계산한 답을 구하시오.

▶ 답:

▶ 정답: $\frac{1}{2}$

해설

어떤 수를 \square 라 하면

$$\square \div \frac{5}{3} \times 2\frac{1}{3} = \frac{49}{50}$$

$$\square = \frac{49}{50} \div 2\frac{1}{3} \times \frac{5}{3} = \frac{49}{50} \times \frac{3}{7} \times \frac{5}{3} = \frac{7}{10}$$

따라서 바르게 계산한 답을 구하면

$$\frac{7}{10} \times \frac{5}{3} \div 2\frac{1}{3} = \frac{7}{10} \times \frac{5}{3} \times \frac{3}{7} = \frac{1}{2}$$

13. 금 4 cm^3 의 무게는 77.2 g 이고, 은 11.5 cm^3 의 무게는 120.75 g 입니다. 같은 부피에서 금의 무게는 은의 무게의 약 몇 배인지 반올림하여 소수 둘째 자리까지 구하시오.

▶ 답: 배

▷ 정답: 약 1.84 배

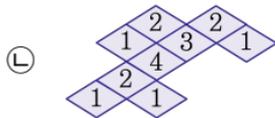
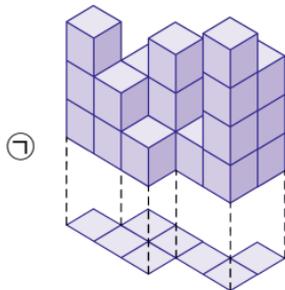
해설

$$(\text{금 } 1\text{ cm}^3 \text{ 의 무게}) = 77.2 \div 4 = 19.3(\text{g})$$

$$(\text{은 } 1\text{ cm}^3 \text{ 의 무게}) = 120.75 \div 11.5 = 10.5(\text{g})$$

$19.3 \div 10.5 = 1.838\dots$ 이므로 반올림하여 소수 둘째 자리까지 나타내면 금의 무게는 은의 무게의 약 1.84 배입니다.

14. 다음 두 쌓기나무를 쌓은 모양에서 쌓기나무의 수는 어느 것이 몇 개 더 많은지 순서대로 쓰시오. (바탕 그림 위의 수는 그 자리 위에 쌓여 있는 쌓기나무의 수입니다.)



▶ 답 :

▶ 답 : 개

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : 2개

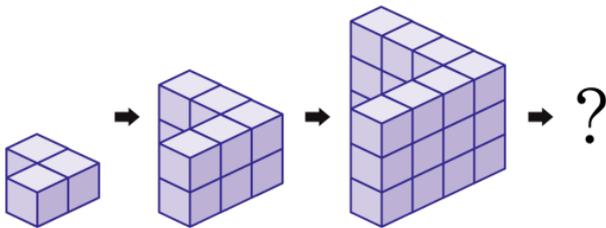
해설

㉠ : $3 + 2 + 1 + 2 + 3 + 1 + 4 + 3 = 19(\text{개})$

㉡ : $1 + 2 + 1 + 2 + 4 + 3 + 2 + 1 + 1 = 17(\text{개})$

→ ㉠이 2개 더 많습니다.

15. 쌓기나무를 다음과 같은 규칙으로 쌓을 때, 네 번째에 올 쌓기나무는 몇 개입니까?



- ① 21개 ② 28개 ③ 32개 ④ 36개 ⑤ 40개

해설

1층의 쌓기나무 갯수를 보면

3, 5, 7, ... 로 2개씩 늘어나는 규칙을 가지고 있습니다.

$$1\text{층} : 1 \times 3 = 3(\text{개})$$

$$2\text{층} : 2 \times (3 + 2) = 10(\text{개})$$

$$3\text{층} : 3 \times (3 + 2 + 2) = 21(\text{개})$$

$$4\text{층} : 4 \times (3 + 2 + 2 + 2) = 36(\text{개})$$

16. 철수와 영수가 받은 용돈의 비의 값이 $\frac{2}{5}$ 입니다. 철수가 받은 용돈이 2400 원이면, 영수가 받은 용돈이 될 수 있는 것은 어느 것인지 구하십시오.

① 4000 원

② 6000 원

③ 8000 원

④ 10000 원

⑤ 12000 원

해설

$$(\text{철수의 용돈}) : (\text{영수의 용돈}) = \frac{2}{5} : 1 = 2 : 5$$

영수가 받은 용돈을 \square 라 하면

$$2 : 5 = 2400 : \square$$

$$2 \times \square = 5 \times 2400$$

$$\square = 12000 \div 2$$

$$\square = 6000(\text{원})$$

17. $17 \div 6$ 은 나누어 떨어지지 않습니다. 이 계산을 소수 둘째 자리에서 나누어 떨어지게 하려면, 나누어지는 수에 얼마를 더해야 하는지 가장 작은 수를 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 0.04

해설

$$17 \div 6 = 2.833\cdots$$

$$2.83 \times 6 = 16.98$$

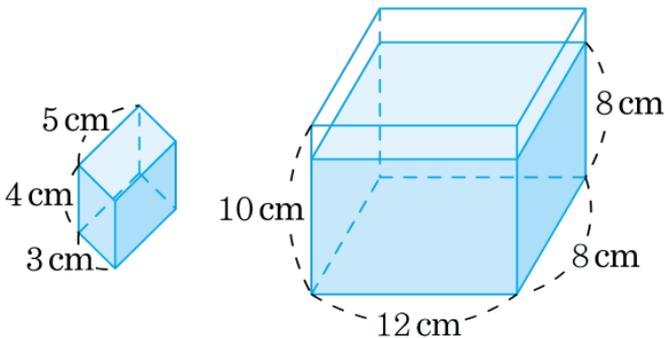
$$2.84 \times 6 = 17.04$$

$$2.85 \times 6 = 17.10$$

17에 가장 가까운 수는 17.04입니다.

소수 둘째 자리에서 나누어 떨어지도록 가장 작은 수를 더한 값은 0.04입니다.

18. 다음 그림과 같이 직육면체의 그릇에 물이 들어 있습니다. 이 그릇에 물이 넘치게 하려면 적어도 왼쪽의 쇠막대를 몇 개 넣어야 하나요?



▶ 답 : 개

▷ 정답 : 4 개

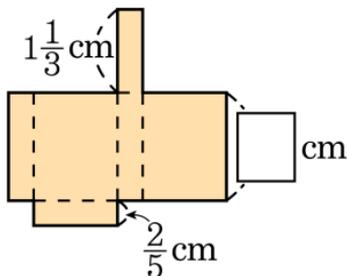
해설

(쇠막대의 부피) = $3 \times 5 \times 4 = 60(\text{cm}^3)$

최소한 필요한 물의 높이는 2cm이므로 필요한 쇠막대 전체의 부피는 $12 \times 8 \times 2 = 192(\text{cm}^3)$ 가 넘어야 합니다.

쇠막대 한 개의 부피는 60cm^3 이므로 $60 \times 3 = 180$, $60 \times 4 = 240$ 에서 적어도 쇠막대 4개를 그릇에 넣어야 합니다.

19. 전개도가 다음과 같은 직육면체의 겉넓이가 $7\frac{1}{15} \text{ cm}^2$ 라고 합니다. 이 전개도를 접었을 때, 직육면체의 높이를 구하십시오.



- ① $1\frac{15}{26} \text{ cm}$ ② $1\frac{17}{26} \text{ cm}$ ③ $1\frac{19}{26} \text{ cm}$
 ④ $1\frac{21}{26} \text{ cm}$ ⑤ $1\frac{23}{26} \text{ cm}$

해설

$$(\text{한 밑면의 넓이}) = 1\frac{1}{3} \times \frac{2}{5} = \frac{4}{3} \times \frac{2}{5} = \frac{8}{15} (\text{cm}^2)$$

겉넓이에서 두 밑면의 넓이를 빼면 옆면의 넓이가 되므로

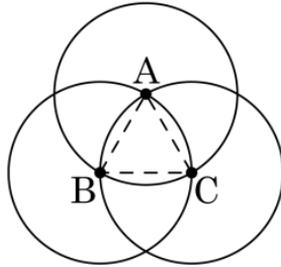
$$\begin{aligned} (\text{옆면의 넓이}) &= 7\frac{1}{15} - \left(\frac{8}{15} \times 2\right) = \frac{106}{15} - \frac{16}{15} \\ &= \frac{90}{15} = 6 (\text{cm}^2) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (\text{옆면 전체의 가로 길이}) &= \left(1\frac{1}{3} + \frac{2}{5}\right) \times 2 \\ &= \left(\frac{20}{15} + \frac{6}{15}\right) \times 2 \\ &= \frac{26}{15} \times 2 = \frac{52}{15} (\text{cm}) \end{aligned}$$

$$6 = \frac{52}{15} \times \square$$

$$\square = 6 \div \frac{52}{15} = \cancel{6}^3 \times \frac{15}{\cancel{52}_{26}} = \frac{45}{26} = 1\frac{19}{26} (\text{cm})$$

20. 반지름이 8 cm 인 3개의 원을 다음과 같이 겹쳐 놓았습니다. 겹쳐진 원의 중심 A, B, C를 이어 보니 한 변의 길이가 8 cm 인 정삼각형이 되었다면, 겹쳐지지 않은 부분의 넓이는 얼마입니까? (단, 한 변이 8 cm 인 삼각형의 넓이는 27.7 cm^2 , 원주율은 3으로 계산합니다.)



① 162.2 cm^2

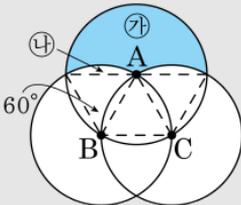
② 262.2 cm^2

③ 362.2 cm^2

④ 462.2 cm^2

⑤ 562.2 cm^2

해설



위의 그림에서 색칠한 ㉠의 넓이는 반원의 넓이에서 ㉡ \times 2의 넓이를 뺀 것과 같습니다. 반원의 넓이는 $8 \times 8 \times 3 \times \frac{1}{2} = 96 (\text{cm}^2)$

㉡의 넓이는 원을 6등분 한 넓이에서 삼각형 ABC의 넓이를 뺀 것과 같으므로,

$$\left(8 \times 8 \times 3 \times \frac{1}{6} \right) - 27.7 = 4.3 (\text{cm}^2)$$

따라서 구하려는 넓이는 ㉠의 넓이의 3배이므로

$$(96 - 4.3 \times 2) \times 3 = 87.4 \times 3 = 262.2 (\text{cm}^2)$$