1. 연립부등식  $\begin{cases} 4x < x + 4 \\ 3x - 1 \le 5x + 7 \end{cases}$  을 만족하는 정수의 개수를 구하여 라.

의 6개이다.

해설 
$$\begin{cases} 4x < x + 4 \\ 3x - 1 \le 5x + 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3x < 4 \\ 3x - 5x \le 7 + 1 \end{cases}$$
$$\Rightarrow \begin{cases} x < \frac{4}{3} \\ x \ge -4 \end{cases}$$
  
따라서  $-4 \le x < \frac{4}{3}$  를 만족하는 정수는  $-4$ ,  $-3$ ,  $-2$ ,  $-1$ ,  $0$ ,  $1$ 

**2.** 두 다항식  $x^2 + ax - 2$ ,  $x^2 - 5x + b$ 의 최대공약수가 x - 2일 때, a + b의 값은?

① 
$$-5$$
 ②  $-2$  ③ 0 ④ 2 ⑤  $5$ 

각 식에 
$$x = 2$$
을 대입하면 0이 된다.  
i)  $x^2 + ax - 2$ 에  $x = 2$ 를 대입하면  $4 + 2a - 2 = 0$   $\therefore$   $a = -1$   
ii)  $x^2 - 5x + b$ 에  $x = 2$ 를 대입하면  $4 - 10 + b = 0$   $\therefore$   $b = 6$ 

a+b=-1+6=5

**3.** 두 삼각형이 있다. 그 중 한 삼각형은 세 변의 길이가 3, 4, x이고, 또 다른 삼각형의 세 변의 길이는  $3^2$ ,  $4^2$ ,  $x^2$ 이다. 이 때, 정수 x 의 값의 개수는?

① 2 개

③ 4 개

2 3 개 4 5 개

⑤ 6 개 이상 무수히 많다.

해설

삼각형의 두 변의 합은 다른 한 변보다 커야 하므로 3+4>x, 3+x>4, 4+x>3,  $9+16>x^2$ ,  $9+x^2>16$ ,  $16+x^2>9의$ 6개의 부등식을 만족하는 x값의 범위는  $\sqrt{7}<x<5$ 이고 x가 정수이므로 x=3, x=4이다. 4. 다항식  $x^{51} + 30$ 을 x + 1로 나누었을 때의 몫을 Q(x)라 하자. 이때, Q(x)를 x - 1로 나눈 나머지를 구하면?

① 
$$-3$$
 ②  $-2$  ③  $-1$  ④ 0 ⑤ 1

해설 
$$x^{51} + 30 = (x+1)Q(x) + R \text{ 이라 하면 } x = -1 을 대입하면  $R = 29$ 
$$x^{51} + 30 = (x+1)Q(x) + 29$$
$$Q(x) 를 x - 1 로 나눈 나머지는 
$$Q(1), x = 1 식에 대입$$
$$31 = 2Q(1) + 29$$$$$$

Q(1) = 1

$$z\overline{z} = 5$$
,  $\overline{z} = \frac{5}{z}$   

$$\therefore \frac{1}{2} \left( z + \frac{5}{z} \right) = \frac{1}{2} \left( z + \overline{z} \right) = \frac{1}{2} \times 2a = a$$