

1. 원  $x^2 + y^2 = 20$  위의 점  $(4, -2)$ 에서의 접선의 방정식이  $y = ax + b$  일 때, 상수  $a, b$  의 합  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

2. 원  $x^2 + y^2 = 5$  와 점  $P(x_1, y_1)$ 에서 접하는 직선이  $x$  축,  $y$  축과 만나는 점을 각각  $A, B$  라고 할 때,  $\triangle OAB$ 의 넓이의 최솟값을 구하여라. (단,  $P$ 는 제1 사분면 위의 점이고,  $O$ 는 원점이다.)

▶ 답: \_\_\_\_\_

3. 다음은 원  $x^2 + y^2 = r^2$  에 대하여 기울기가  $m$  인 접선의 방정식을 구하는 과정이다.

원  $x^2 + y^2 = r^2$  에 접하고 기울기가  $m$ 인

접선의 방정식을  $y = mx + k$  라 하자.

직선  $y = mx + k$  를 원의 방정식

$x^2 + y^2 = r^2$ 에 대입하여 정리하면,

$$(1 + m^2)x^2 + 2mkx + \boxed{(가)} = 0$$

이 이차방정식의 판별식을  $D$  라 하면 원과 직선이 접하므로

$D = 0$ 에서

$$k = \pm \boxed{(나)}$$

따라서 구하는 접선의 방정식은

$$y = mx \pm \boxed{(나)}$$

(가), (나)에 알맞은 것을 순서대로 적으면?

①  $r^2 - k^2, r\sqrt{m^2 + 1}$       ②  $r^2 - k^2, r\sqrt{m^2 - 1}$

③  $k^2 - r^2, \sqrt{m^2 + 1}$       ④  $k^2 - r^2, r\sqrt{m^2 + 1}$

⑤  $k^2 - r^2, r\sqrt{m^2 - 1}$

4. 직선  $3x + 4y + a = 0$ 이 원  $x^2 + y^2 - 2x + 2y = 2$ 에 접할 때, 양수  $a$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:  $a = \underline{\hspace{2cm}}$

5. 원  $(x + 2)^2 + (y - 1)^2 = 10$  위의 점  $(-3, 4)$ 에서의 접선의 방정식이  
 $y = mx + n$  일 때,  $3m + n$  의 값을 구하면?

▶ 답: \_\_\_\_\_