

1. 두 다항식  $2x^2 + 2x - 4$ 와  $4x^3 - 4$ 에 관한 설명이다. 옳지 않은 것을 고르면?

- ① 두 다항식은  $(x - 1)$ 로 나누어 떨어지므로,  $(x - 1)$ 은 두 다항식의 공약수이다.
- ② 두 다항식은 공약수가 있으므로 서로소가 아니다.
- ③  $4(x - 1)^3(x + 2)^2(x^2 + x + 1)$ 은 두 다항식의 공배수이다.
- ④ 두 다항식의 최대공약수는  $2(x - 1)$ 이다.
- ⑤ 두 다항식의 최소공배수는  $(x + 2)(x - 1)^2(x^2 + x + 1)$ 이다.

### 해설

$$2x^2 + 2x - 4 = 2(x - 1)(x + 2)$$

$$4x^3 - 4 = 4(x - 1)(x^2 + x + 1)$$

$$\text{최대공약수} : 2(x - 1)$$

$$\text{최소공배수} : 4(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 1)$$

2.  $x, y$  에 대한 이차방정식  $x^2 + y^2 - 2kx + 2ky + 3k^2 - 4k + 2 = 0$  이 반지름의 길이가 1 인 원의 방정식일 때, 상수  $k$  값의 합을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

### 해설

주어진 방정식을 변형하면

$$(x - k)^2 + (y + k)^2 = -k^2 + 4k - 2 \quad \dots \textcircled{1}$$

반지름의 길이가 1 이므로

$$\textcircled{1} \text{에서 } -k^2 + 4k - 2 = 1 \leftarrow r^2 = 1$$

$$k^2 - 4k + 3 = 0, (k - 1)(k - 3) = 0$$

$$\therefore k = 1 \text{ 또는 } k = 3$$

따라서 합은 4이다.

3. 둘레의 길이가 20 cm 인 철사를 구부려서 부채꼴 모양을 만들려고 한다. 부채꼴의 넓이가 최대가 되도록 하는 부채꼴의 반지름을  $a$ , 이때 부채꼴의 넓이를  $b$  라 할 때,  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 30

해설

부채꼴의 넓이를  $S$  라 하면

$$\begin{aligned} S &= \frac{1}{2}a(20 - 2a) = a(10 - a) = -a^2 + 10a \\ &= -(a^2 - 10a + 25) + 25 \\ &= -(a - 5)^2 + 25 \end{aligned}$$

$$a = 5, b = 25$$

따라서  $a + b = 30$  이다.

4. 두 점  $A(2, 1)$ ,  $B(-1, 3)$ 을 연결한 선분  $AB$ 와 직선  $l: y = k(x+2)+2$ 가 공유점을 가질  $k$ 의 범위는  $\alpha \leq k \leq \beta$ 이다. 이 때,  $\alpha + \beta$ 의 값은?

①  $\frac{3}{4}$

② 1

③  $\frac{5}{4}$

④  $\frac{3}{2}$

⑤  $\frac{5}{2}$

해설

$y = k(x+2) + 2$ ,  $k(x+2) + 2 - y = 0$ 은  
 $k$ 에 관계없이  $x+2=0$ ,  $2-y=0$ 의 교점  
 즉,  $(-2, 2)$ 를 지난다.

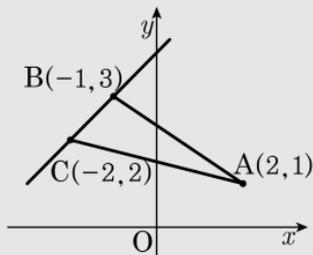
이 점을  $C$ 라 하면 선분  $AB$ 와 직선  $l$   
 이

만나려면 그림에서  $l$ 의 기울기  $k$ 가  
 $l_2$ 의 기울기보다 작거나 같아야하고,  
 $l_3$ 의 기울기보다 크거나 같아야한다.

$$\beta = (l_2 \text{의 기울기}) = \frac{2-3}{-2-(-1)} = 1$$

$$\alpha = (l_3 \text{의 기울기}) = \frac{2-1}{-2-2} = -\frac{1}{4}$$

$$\therefore \alpha + \beta = 1 + \left(-\frac{1}{4}\right) = \frac{3}{4}$$



5. 함수  $f(x) = ax + b$ 가  $2 \leq f(1) \leq 4$ ,  $0 \leq f(2) \leq 3$ 을 만족할 때,  $f(3)$ 의 최댓값과 최솟값의 합은?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$f(1) = a + b, f(2) = 2a + b$$

$$f(3) = 3a + b \text{ 이므로 } f(3) = 2f(2) - f(1)$$

$$\text{조건에서 } 2 \leq f(1) \leq 4 \quad \cdots \cdots \text{㉠}$$

$$0 \leq f(2) \leq 3 \quad \cdots \cdots \text{㉡}$$

㉠에서 각 변에  $-1$ 을 곱하면

$$-4 \leq -f(1) \leq -2 \quad \cdots \cdots \text{㉢}$$

㉡에서 각 변에  $2$ 를 곱하면

$$0 \leq 2f(2) \leq 6 \quad \cdots \cdots \text{㉣}$$

$$\therefore -4 \leq f(3) \leq 4$$

따라서,  $f(3)$ 의 최댓값은  $4$ , 최솟값은  $-4$ 이다.