

1. 사랑이가 5km 떨어진 학교를 가는데, 처음에는 시속 9km로 자전거를 타고 가다가, 나머지 거리는 시속 3km로 걸어서 총 1시간이 걸렸다. 자전거를 탄 거리를 구하여라.

▶ 답 : km

▶ 정답 : 3km

해설

시속 9km로 자전거 탄 거리를 $x\text{km}$, 시속 3km로 걸어 간 거리를 $y\text{km}$ 라고 하면,

$$\begin{cases} x + y = 5 \\ \frac{x}{9} + \frac{y}{3} = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 5 \cdots \textcircled{1} \\ x + 3y = 9 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

따라서 자전거 탄 거리는 3km이다.

2. 사람이가 집에서 10km 떨어진 예은이네 집까지 자전거를 타고 가려고 출발하였다. 자전거를 타고 시속 12km로 달리다가 도중에 자전거가 고장나서 시속 4km로 걸어갔더니 모두 2시간이 걸렸다. 자전거를 타고 간 거리는 몇 km인가?

- ① 3km ② 4km ③ 6km ④ 7km ⑤ 8km

해설

자전거를 타고 간 거리를 x km, 걸어간 거리를 y km라 하면
사람이 집에서 예은이의 집까지의 거리가 총 10km이므로 $x+y=10$ 이고 총 2시간이 소요되었기 때문에

$$\begin{cases} x + y = 10 & \cdots (1) \\ \frac{x}{12} + \frac{y}{4} = 2 & \cdots (2) \end{cases}$$

$$(2) \text{의 양변에 } 12 \text{를 곱하면 } x + 3y = 24 \cdots (3)$$

$$(3) - (1) \text{하면}$$

$$2y = 14$$

$$y = 7$$

$y = 7$ 을 (1)에 대입하면 $x = 3$ 이다.

따라서 자전거를 타고간 거리는 3km이다.

3. 학교를 사이에 두고 14km 떨어져 있는 두 학생의 집 A, B 가 있다. 집 A 의 학생이 자기 집을 떠나서 B까지 가는데 A에서 학교까지는 매시 3km , 학교에서 B 까지는 매시 5km 의 속력으로 걸어서 4 시간이 걸렸다. A 에서 학교까지의 거리는?

- ① 9km ② 8km ③ 7km ④ 6km ⑤ 5km

해설

집 A에서 학교까지의 거리를 $x\text{km}$ 라 하고 학교에서 집 B까지의 거리를 $y\text{km}$ 라 하면

$$\begin{cases} x + y = 14 & \cdots (1) \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{5} = 4 & \cdots (2) \end{cases}$$

$$(2) \text{의 양변에 } 15 \text{를 곱하면 } 5x + 3y = 60 \cdots (3)$$

$$(3) - (1) \times 3 \text{하면 } 2x = 18$$

$$x = 9, y = 5$$

\therefore 집 A에서 학교까지의 거리 : 9km

4. 영재의 집에서 학교까지의 거리는 3km 이다. 영재가 아침 8 시에 집을 나서 시속 4km로 학교로 걸어가다가 늦을 것 같아서 도중에 시속 8km의 속력으로 달려서 8 시 30 분에 학교에 도착하였다. 영재가 달린 거리는?

① 0.5km

② 1km

③ 1.5km

④ 2km

⑤ 2.5km

해설

걸은 거리를 $x\text{km}$, 달린 거리를 $y\text{km}$ 라 하면

$$\begin{cases} x + y = 3 & \cdots (1) \\ \frac{x}{4} + \frac{y}{8} = \frac{1}{2} & \cdots (2) \end{cases}$$

(2)의 양변에 8을 곱하면 $2x + y = 4 \cdots (3)$

(2) - (1) 하면 $x = 1$,

$x = 1$ 을 (1)에 대입하면 $y = 2$

따라서 영재가 달린 거리는 2km이다.

5. 재일이는 집에서 5km 떨어진 학교에 가는 데 시속 4km로 걷다가 시속 16km의 속력으로 뛰었다. 재일이가 30분만에 학교에 도착했다면 재일이가 뛰어간 거리는?

- ① 2km ② $\frac{5}{2}$ km ③ 3km ④ $\frac{7}{2}$ km ⑤ 4km

해설

걸어간 거리를 x km, 뛰어간 거리를 y km라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 5 & \cdots \textcircled{⑦} \\ \frac{x}{4} + \frac{y}{16} = \frac{1}{2} & \cdots \textcircled{⑧} \end{cases}$$

$$\textcircled{⑧} \times 16 \text{ 을 하면 } 4x + y = 8 \cdots \textcircled{⑨}$$

$$\textcircled{⑨} - \textcircled{⑦} \text{ 을 하면 } 3x = 3$$

$$\therefore x = 1$$

$x = 1$ 을 $\textcircled{⑦}$ 에 대입하면 $y = 4$

따라서 재일이가 뛰어간 거리는 4km이다.

6. 희철이가 등산을 하는데 올라갈 때에는 시속 3km로 걷고, 내려올 때에는 다른 길을 택하여 시속 5km로 걸어서 모두 4시간이 걸렸다. 총 16km를 걸었다고 할 때, 올라간 거리를 구하여라.

▶ 답 : km

▷ 정답 : 6km

해설

올라간 거리를 $x\text{km}$, 내려온 거리를 $y\text{km}$ 라 하면

$$\text{총 걸린 시간이 } 4 \text{시간이므로 } \frac{x}{3} + \frac{y}{5} = 4 \cdots ⑦$$

총 거리가 16km 이므로

$$x + y = 16 \cdots ⑧$$

⑦ $\times 15$ - ⑧ $\times 3$ 하면

$$\begin{array}{r} 5x+3y=60 \\ -) 3x+3y=48 \\ \hline 2x=12 \end{array}$$

$$x = 6$$

$$y = 16 - 6 = 10$$

따라서 올라간 거리 6km, 내려온 거리 10km이다.

7. 올라가고 내려오는데 총 18km 의 거리를 등산하는 데, 올라갈 때는 시속 3km 의 속력으로 걷고, 내려올 때는 시속 4km 의 속력으로 걸어서 5 시간 20 분이 걸렸다. 내려온 거리는?

① 4km

② 5.2km

③ $\frac{5}{6}$ km

④ 8km

⑤ 10km

해설

올라간 거리를 x km , 내려온 거리를 y km 라 하면

$$\begin{cases} x + y = 18 \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 5\frac{1}{3} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 18 \\ 4x + 3y = 64 \end{cases}$$

방정식을 풀면 $x = 10$, $y = 8$

\therefore 내려온 거리는 8km

8. 윤희는 친구들과 함께 관악산에 올랐다. 전체 10km의 길을 걸었다.
오르막길일 때는 시속 2km로, 내리막길일 때는 시속 3km로 걸어 모두 4시간이 걸렸다고 한다. 윤희와 친구들은 오르막길과 내리막길을 각각 몇 km씩 걸었는지 차례대로 구하여라.

▶ 답: km

▶ 답: km

▷ 정답: 4 km

▷ 정답: 6 km

해설

오르막길을 x km, 내리막길을 y km 걸었다고 하면

총 걸린 시간이 4시간이므로

$$\frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 4 \cdots ⑦$$

총 거리가 10km 이므로

$$x + y = 10 \cdots ⑧$$

⑦ $\times 6 - ⑧ \times 2$ 하면

$$3x + 2y = 24$$

$$-) \underline{2x + 2y = 20}$$

$$x = 4$$

$$x = 4, y = 10 - 4 = 6$$

\therefore 오르막길 4km, 내리막길 6km

9. 철수가 20m 걷는 동안에 영희는 30m 를 걷는 속도로, 철수와 영희가 2km 떨어진 지점에서 서로 마주보고 걸었더니 10 분 만에 만났다. 영희의 걷는 속력을 구하여라.

▶ 답 : m/min

▷ 정답 : 120 m/min

해설

철수의 속력 $x \text{ m/min}$, 영희의 속력 $y \text{ m/min}$ 라 하면

$$x : y = 2 : 3$$

$$2y = 3x \cdots \textcircled{\text{I}}$$

$$10x + 10y = 2000 \cdots \textcircled{\text{L}}$$

㉠, ㉡을 연립하여 풀면,

$$x = 80, y = 120$$

∴ 영희의 속력 120 m/min

10. 민수와 진혁이는 6km 떨어진 곳에 살고 있다. 두 사람이 만나기 위해 민수는 1분에 600m의 속력으로, 진혁이는 1분에 300m의 속력으로 동시에 출발하였다. 도중에 두 사람이 만났을 때 민수는 진혁이보다 몇 km 더 이동했는지 구하여라.

▶ 답 : km

▷ 정답 : 2km

해설

민수와 진혁이의 속도는 2 : 1의 비율이다.

따라서, 두 사람이 만났을 때

진혁이는 전체 거리에서 $\frac{1}{3}$ 비율만큼 이동했을 것이다.

$$6 \times \frac{1}{3} = 2$$

따라서 민수는 4km, 진혁이는 2km 이동했다.

11. 갑이 30m를 걷는 동안 을은 20m를 걷는 속력으로 1000m 떨어진 두 지점에서 갑과 을이 서로 마주보고 걷기 시작하여 만날 때까지 10 분 걸렸다. 이때, 을의 속력을 구하여라.

▶ 답: m/min

▶ 정답: 40 m/min

해설

갑의 속력을 $x \text{ m/min}$, 을의 속력을 $y \text{ m/min}$ 이라 하면

$$x : y = 3 : 2 \rightleftharpoons 3y = 2x \dots\dots \textcircled{7}$$

한편 (거리) = (속력) \times (시간) 이므로

$$1000 = 10x + 10y \text{에서 } 2x + 2y = 200$$

$$\text{여기에 } \textcircled{7} \text{을 대입하면 } 5y = 200 \therefore y = 40, x = 60$$

12. 형철이와 한솔이가 24 km 떨어진 두 지점에 있다. 동시에 마주보고 형철이는 시속 5 km, 한솔이는 시속 3 km로 걸어서 도중에 만났을 때 한솔이가 걸은 거리를 구하여라.

▶ 답 : km

▶ 정답 : 9km

해설

형철이가 걸을 거리를 x km, 한솔이가 걸은 거리를 y km라 하면

$$x + y = 24$$

$$\frac{x}{5} = \frac{y}{3} \text{ 이므로}$$

$$x = 15, y = 9 \text{ 이다.}$$

13. 400m 트랙을 A , B 가 같은 방향으로 돌면 15 분 후에 만나고 반대 방향으로 돌면 3 분 후에 만난다. A 가 B 보다 빠르다고 할 때, A 의 속력은?

- ① 40m /분
- ② 50m /분
- ③ 60m /분
- ④ 70m /분
- ⑤ 80m /분

해설

A , B 의 속력을 각각 $x\text{m}/\text{분}$, $y\text{m}/\text{분}$ 이라 하면
같은 방향으로 돌 때 : $15(x - y) = 400$
반대 방향으로 돌 때 : $3(x + y) = 400$
연립방정식을 풀면 $x = 80$ 이다.

14. 미영이는 8 시부터 산에 오르기 시작했고, 20 분 후에 명윤이가 오르기 시작했다. 미영이는 매분 50m 의 속력으로, 명윤이는 매분 90m 의 속력으로 걸어갈 때, 명윤이가 미영이를 만나는 시각은?

- ① 8 시 30 분 ② 8 시 45 분 ③ 8 시 55 분
④ 9 시 ⑤ 9 시 10 분

해설

명윤이가 걸어간 시간을 x 분, 미영이가 걸어간 시간을 y 분이라고 하면

$$y = x + 20 \cdots ⑦$$

(거리) = (속력) × (시간) 이고, 두 사람이 걸어간 거리는 같으므로

$$50y = 90x \cdots ⑧$$

⑦을 ⑧에 대입하면 $50(x + 20) = 90x$

$$4x = 100$$

$$\therefore x = 25$$

$x = 25$ 를 ⑦에 대입하면 $y = 45$,

따라서 두 사람이 만나는 시각은 8 시 45 분이다.