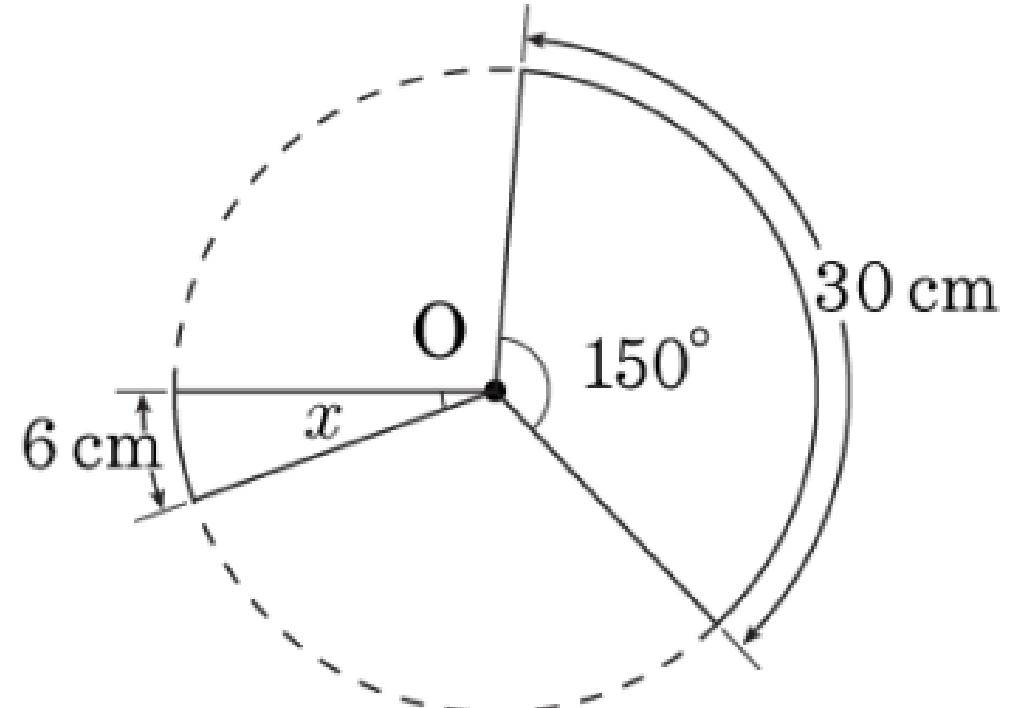
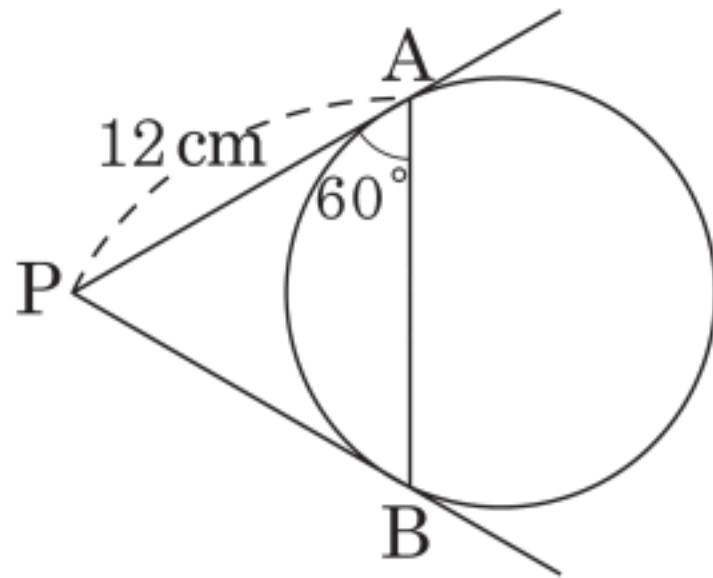


1. 다음 그림에서  $\angle x$ 의 크기는?



- ①  $30^\circ$
- ②  $35^\circ$
- ③  $40^\circ$
- ④  $45^\circ$
- ⑤  $50^\circ$

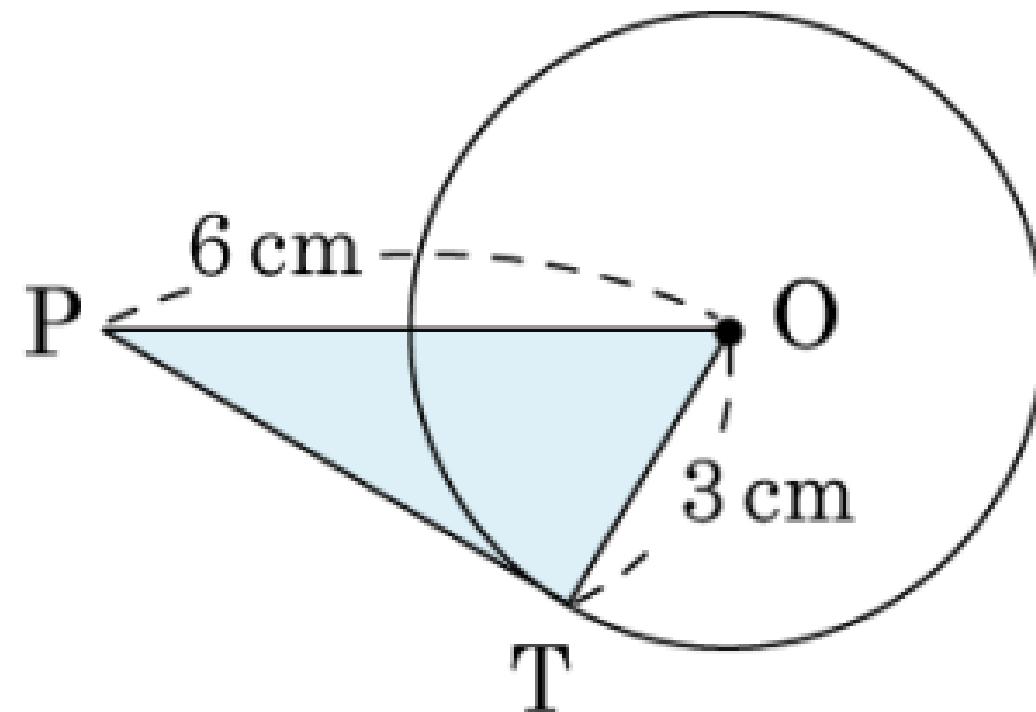
2. 다음 그림에서 직선  $\overline{PA}$ ,  $\overline{PB}$ 는 원의 접선  
이고 점A, B는 접점이다.  $\angle PAB = 60^\circ$   
일 때,  $\overline{AB}$ 의 길이는?



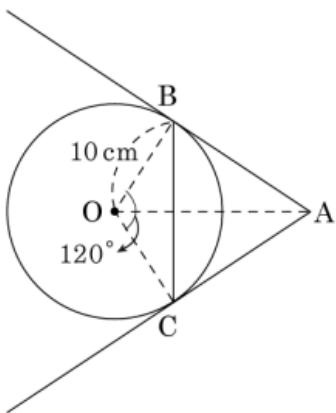
- ①  $12\sqrt{3}\text{cm}$
- ②  $6\sqrt{3}\text{cm}$
- ③ 6cm
- ④ 9cm
- ⑤ 12cm

3. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이는?  
(단,  $\overline{PT}$  는 원 O 의 접선)

- ①  $\frac{5}{2}\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- ②  $3\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- ③  $\frac{7}{2}\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- ④  $4\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- ⑤  $\frac{9}{2}\sqrt{3} \text{ cm}^2$

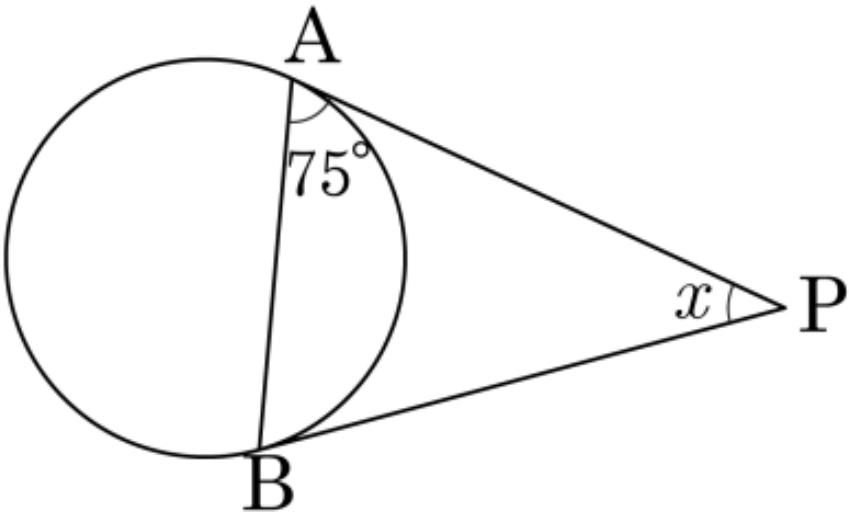


4. 다음 그림에서  $\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{AC}$ 는 원 O의 접선이고 두 점 B, C는 원 O의 접점이다.  $\angle BOC = 120^\circ$ ,  $\overline{BO} = 10\text{cm}$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ①  $\overline{AB} = \overline{AC}$
- ②  $\overline{AO} = 20\text{cm}$
- ③  $\overline{AB} = 13\text{cm}$
- ④  $\angle BAO = 30^\circ$
- ⑤  $\triangle OAB \equiv \triangle OAC$

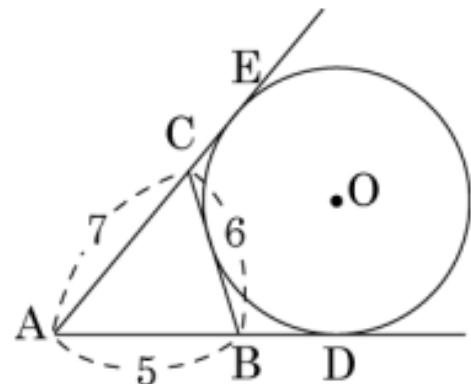
5. 다음 그림에서  $\overline{PA}$  와  $\overline{PB}$  는 점 A, B 를 각각 접점으로 하는 원 O 의 접선이다.  $\angle BAP$  의 크기가  $75^\circ$  일 때,  $\angle x$  의 크기를 구하여라.



답:

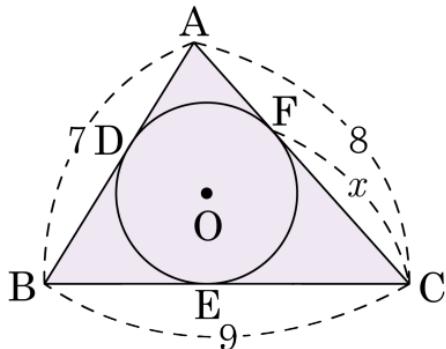
\_\_\_\_\_ °

6. 다음 그림에서  $\overline{AD}$ ,  $\overline{AE}$ ,  $\overline{BC}$ 는 원 O의 접선이다.  $\overline{AB} = 5$ ,  $\overline{BC} = 6$ ,  $\overline{AC} = 7$  일 때,  $\overline{BD}$ 의 길이는?



- ① 3
- ②  $\frac{7}{2}$
- ③ 4
- ④  $\frac{9}{2}$
- ⑤ 5

7. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 내심이고 세 점 D, E, F는 접점이다. 다음은  $\overline{AB} = 7$ ,  $\overline{BC} = 9$ ,  $\overline{CA} = 8$  일 때,  $\overline{CF}$ 의 길이를 구하는 과정이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



$$\overline{CF} = x \text{ 라 하면 } \overline{CE} = x \text{ 이고}$$

$$\overline{AF} = (\textcircled{\text{7}}), \overline{BE} = (\textcircled{\text{8}})$$

$$\overline{AD} = \overline{AF}, \overline{BD} = \overline{BE} \text{ 이므로}$$

$$\overline{AB} = (\textcircled{\text{7}}) + (\textcircled{\text{8}}) = 7$$

$$\therefore x = (\textcircled{\text{9}})$$

① ㉠  $8 - x$

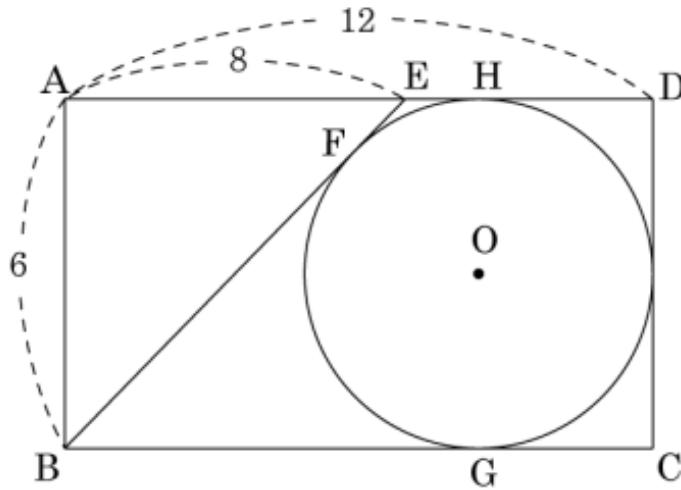
② ㉡  $9 - x$

③ ㉢ 5

④ ㉣  $\overline{BD} = 3$

⑤ ㉤  $\overline{BE} = 4$

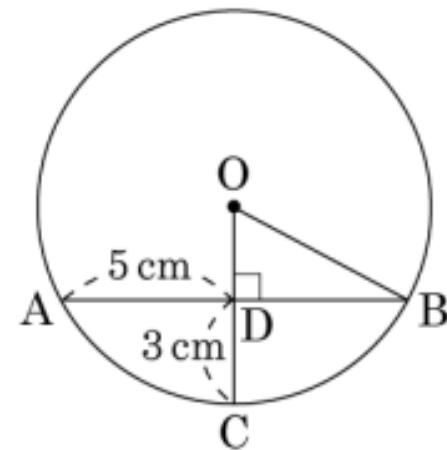
8. 다음 그림과 같이 원 O는 직사각형 ABCD의 세 변과  $\overline{BE}$ 에 접하고, 점 F는 접점이다.  $\overline{AB} = 6$ ,  $\overline{BC} = 12$ ,  $\overline{AE} = 8$  일 때,  $\overline{BF}$ 의 길이를 구하여라.



답:

---

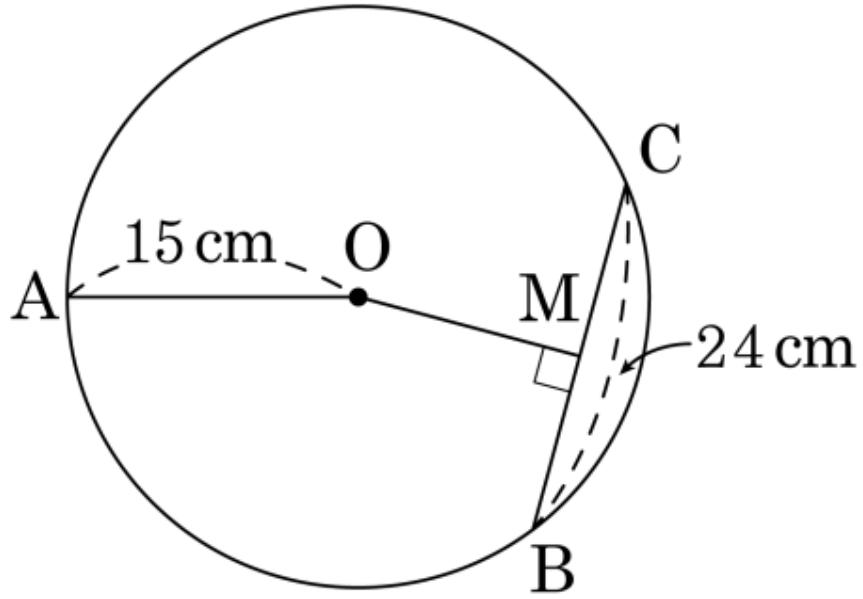
9. 다음 그림에서  $\overline{AB} \perp \overline{OC}$ ,  $\overline{AD} = 5\text{cm}$ ,  $\overline{CD} = 3\text{cm}$  일 때,  $\overline{OB}$  의 길이를 구하여라.



답:

cm

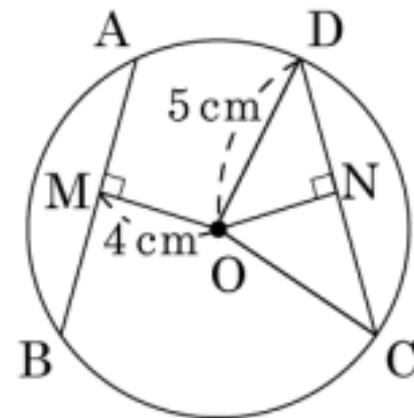
10. 다음 그림의 원 O에서  $\overline{OA} = 15\text{ cm}$ ,  $\overline{BC} = 24\text{ cm}$  일 때,  $\overline{OM}$  의 길이를 구하여라.



답:

\_\_\_\_\_ cm

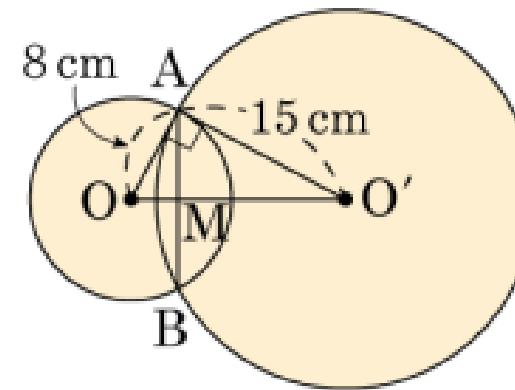
11. 다음 그림의 원 O에서  $\overline{AB} \perp \overline{OM}$  이고  $\overline{AB} = \overline{CD}$  이다.  $\overline{OD} = 5\text{cm}$ ,  $\overline{OM} = 4\text{cm}$  일 때,  $\triangle OCD$  의 넓이를 구하여라.



답:

                  $\text{cm}^2$

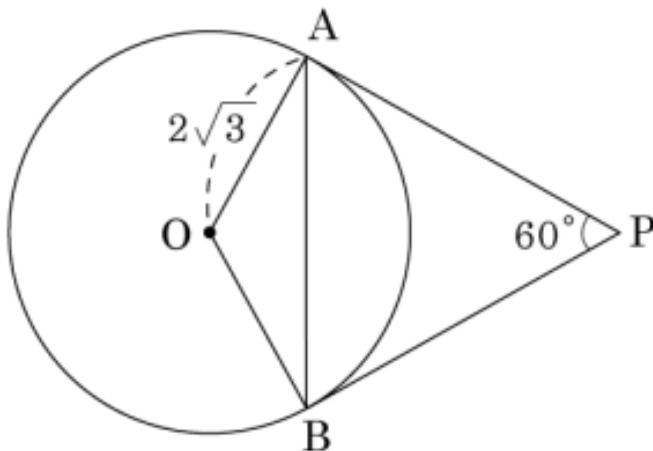
12. 다음 그림에서 두 원  $O$ ,  $O'$  의 반지름의 길이는 각각 8cm, 15cm 이고  $\angle OAO' = 90^\circ$  일 때, 공통현 AB 의 길이를 구하여라.



답:

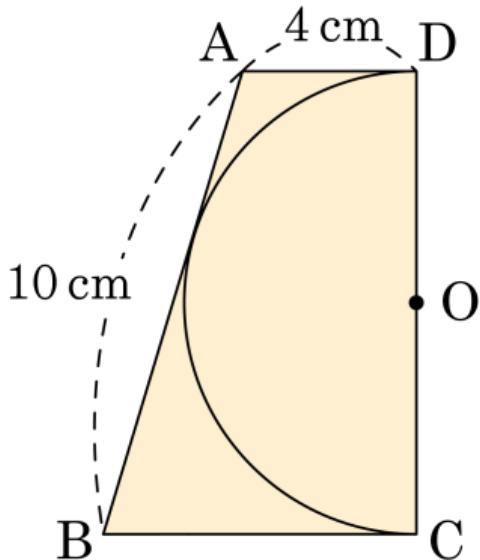
cm

13. 다음 그림에서 두 선분  $\overline{PA}$ ,  $\overline{PB}$ 는 원 O의 접선이다.  $\overline{AO} = 2\sqrt{3}\text{cm}$ ,  $\angle APB = 60^\circ$  일 때,  $\triangle PAB$ 의 둘레의 길이는?



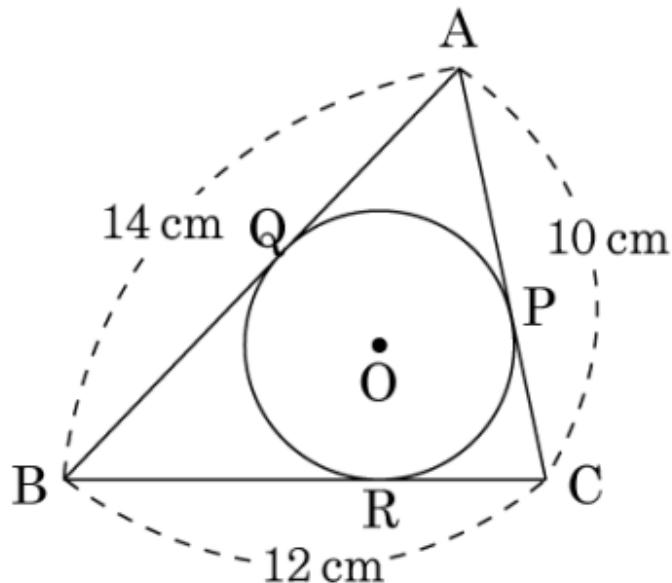
- ① 12cm
- ② 18cm
- ③ 36cm
- ④ 48cm
- ⑤ 60cm

14. 다음 그림에서  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$ ,  $\overline{DA}$  가 원 O 의 접선일 때,  $\overline{BC}$  의 길이는?



- ① 4cm
- ② 6cm
- ③  $4\sqrt{2}$ cm
- ④  $2\sqrt{2}$ cm
- ⑤  $\sqrt{11}$ cm

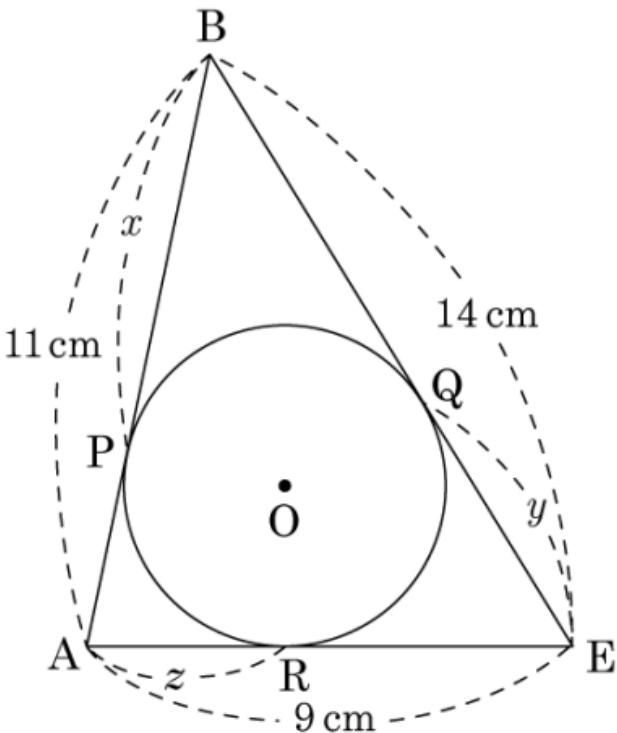
15. 다음 그림에서 원 O는  $\triangle ABC$ 의 내접원일 때,  $\overline{BR}$ 의 길이를 구하여라.



답:

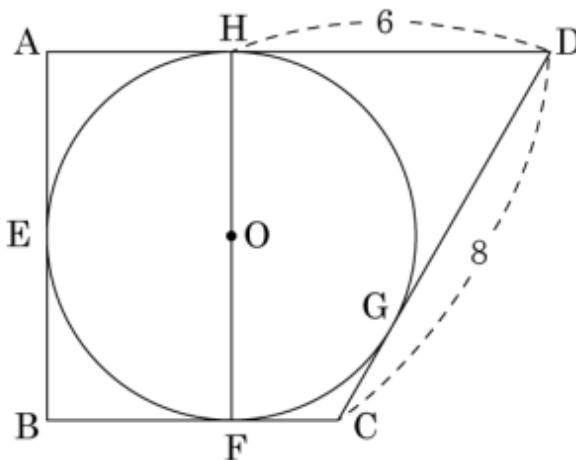
\_\_\_\_\_ cm

16. 원 O 는  $\triangle ABC$  에 내접한다고 한다. 점 P, Q, R 는 각 변의 접점이고,  $\overline{AB} = 11\text{ cm}$ ,  $\overline{BC} = 14\text{ cm}$ ,  $\overline{AC} = 9\text{ cm}$  라고 할 때,  $2x + 2y + 2z$  의 값은?



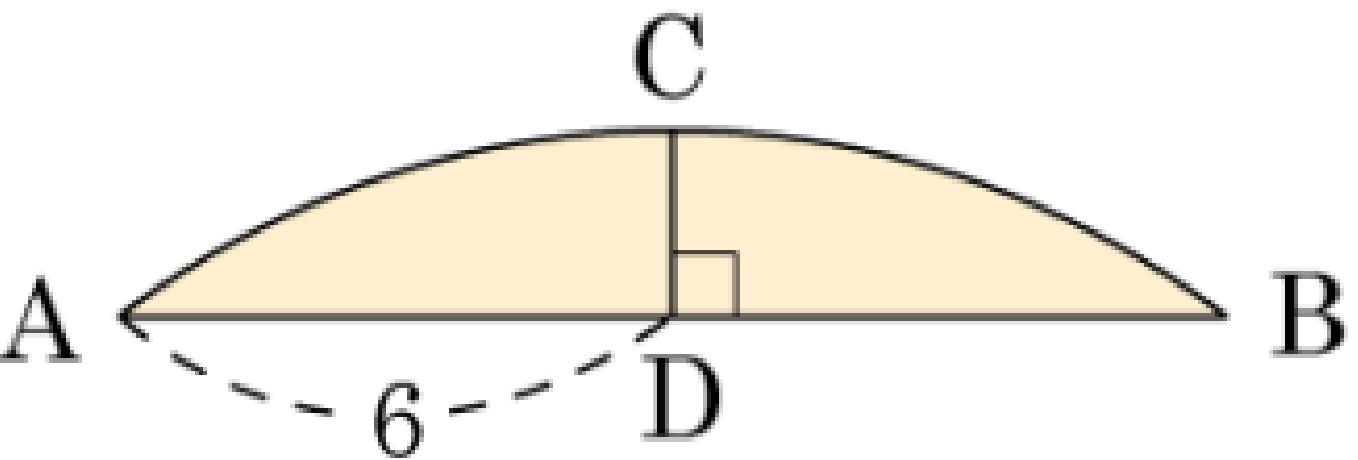
- ① 35 (cm)
- ② 34 (cm)
- ③ 33.5 (cm)
- ④ 33 (cm)
- ⑤ 32 (cm)

17. 다음 그림과 같이 원 O의 외접사각형 ABCD에서 네 점 E, F, G, H는 접점이고 선분 HF는 원 O의 지름이다.  $\overline{CD} = 8$ ,  $\overline{DH} = 6$  일 때, 원 O의 반지름의 길이는?



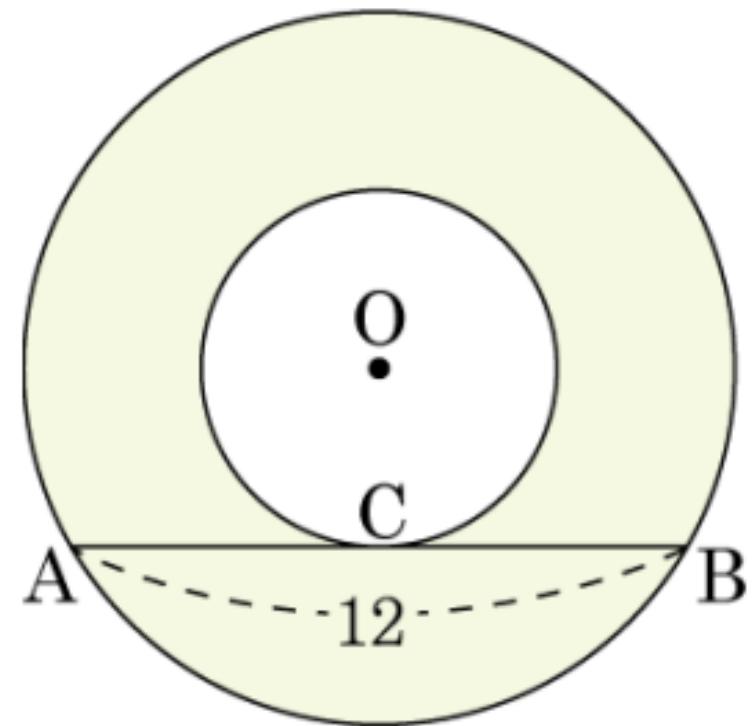
- ① 3      ②  $\sqrt{10}$       ③  $3\sqrt{2}$       ④ 4      ⑤  $2\sqrt{3}$

18. 다음 그림에서  $\widehat{AB}$  는 반지름  
의 길이가 10 인 원의 일부분이다.  
 $\overline{AD} = 6$  일 때,  $\overline{CD}$  의 길이는?



- ① 1
- ②  $\sqrt{2}$
- ③  $2\sqrt{2}$
- ④ 2
- ⑤  $\sqrt{5}$

19. 다음 그림과 같이 두 개의 동심원이 있다. 큰 원의 현  $AB = 12$  일 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하면?



- ①  $20\pi$
- ②  $25\pi$
- ③  $30\pi$
- ④  $36\pi$
- ⑤  $40\pi$

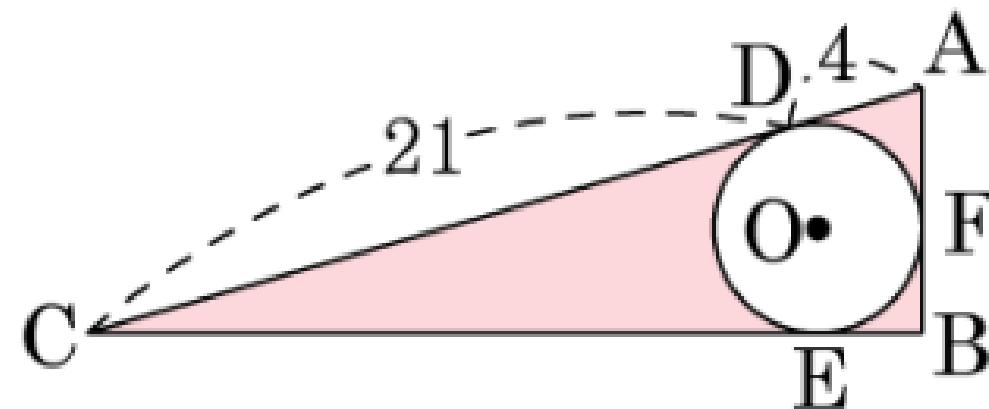
20. 다음 그림에서 원 O는 직각삼각형 ABC의 내접원이고, 점 D, E, F는 접점이다. 이 때, 색칠한 부분의 넓이는?

$$\textcircled{1} \quad 64 - \frac{9}{4}\pi$$

$$\textcircled{4} \quad 90 - \frac{9}{4}\pi$$

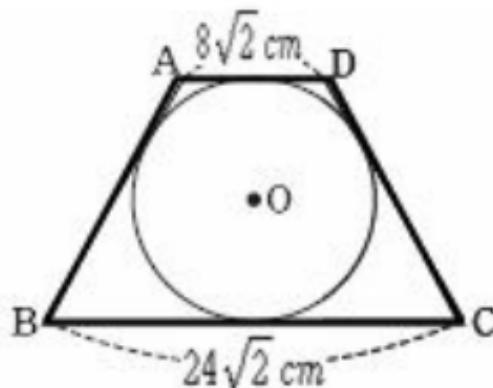
$$\textcircled{2} \quad 72 - 4\pi$$

$$\textcircled{5} \quad 100 - 25\pi$$



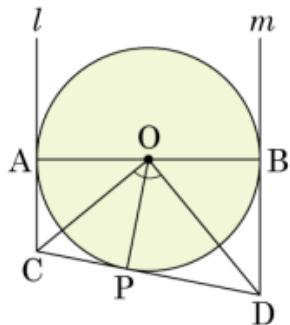
$$\textcircled{3} \quad 84 - 9\pi$$

21. 다음 그림과 같이 원 O에 외접하는 등변사다리꼴 ABCD가 있다.  
 $\overline{AD} = 8\sqrt{2}\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 24\sqrt{2}\text{cm}$  일 때, 내접원 O의 넓이는?



- ①  $69\pi\text{cm}^2$
- ②  $69\sqrt{2}\pi\text{cm}^2$
- ③  $96\pi\text{cm}^2$
- ④  $96\sqrt{2}\pi\text{cm}^2$
- ⑤  $8\sqrt{6}\pi\text{cm}^2$

22. 다음 그림과 같이 원 O의 지름 AB의 양 끝점에서 그은 접선과 원 O 위의 점 P에서 그은 접선이 만나는 점을 각각 C, D라고 할 때, 옳지 않은 것은?



①  $\triangle AOC \cong \triangle POC$

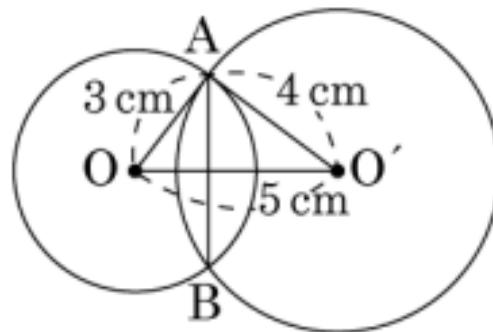
②  $\angle AOC = \angle POC$

③  $\triangle BOD \cong \triangle POD$

④  $\angle BOD = \angle POD$

⑤  $\angle COP = \angle DOP$

23. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 각각 3cm, 4cm 인 두 원이 두 점 A, B에서 만나고 중심 사이의 거리가 5cm 일 때, 공통현 AB의 길이를 구하여라.

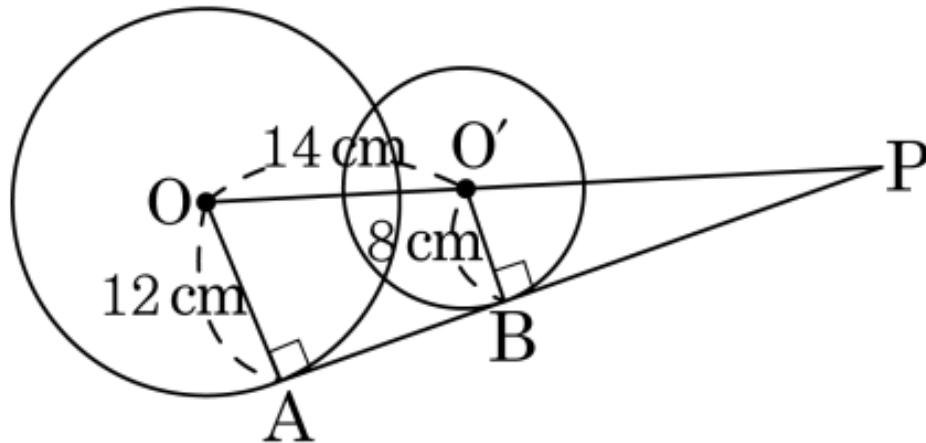


답:

\_\_\_\_\_

cm

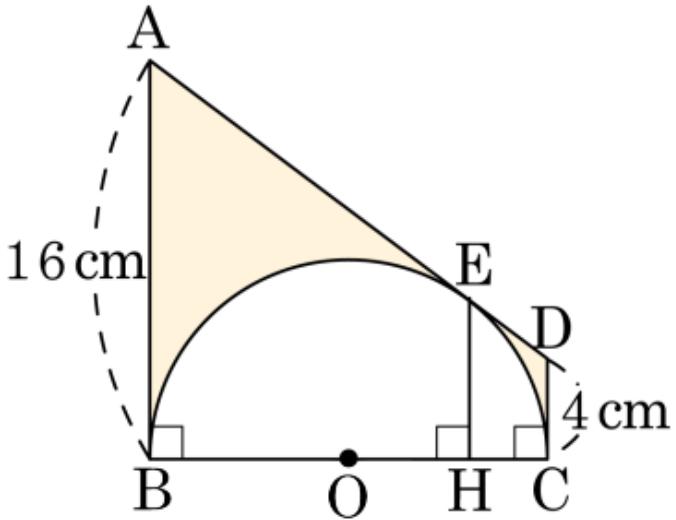
24. 다음 그림과 같이 두 원  $O$ ,  $O'$ 의 반지름의 길이가 각각 12cm, 8cm이고 원의 중심 사이의 거리가 14cm 일 때, 선분 PA의 길이를 구하여라.



답:

\_\_\_\_\_ cm

25. 그림과 같이 반원 O에 세 접선을 그어 그 교점과 접점을 각각 A, B, C, D, E라고 한다.  $\overline{AB} = 16\text{cm}$ ,  $\overline{CD} = 4\text{cm}$ 이고, 점 E에서  $\overline{BC}$ 에 내린 수선의 발을 H라 할 때,  $\overline{EH}$ 의 길이를 구하여라.



답:

cm