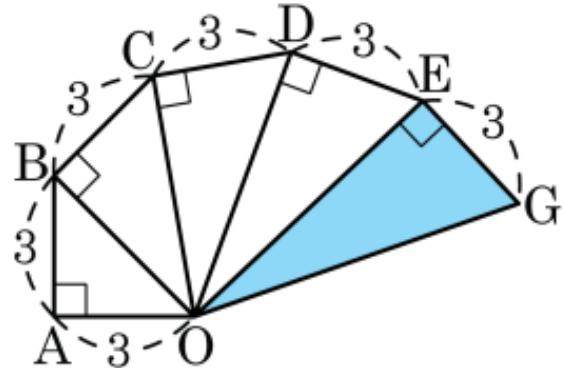


1. 다음 그림에서 $\triangle OEG$ 의 넓이는?

- ① $9\sqrt{5}$
- ② $5\sqrt{5}$
- ③ $\frac{9}{2}\sqrt{5}$
- ④ $\frac{5}{2}\sqrt{5}$
- ⑤ $4\sqrt{5}$

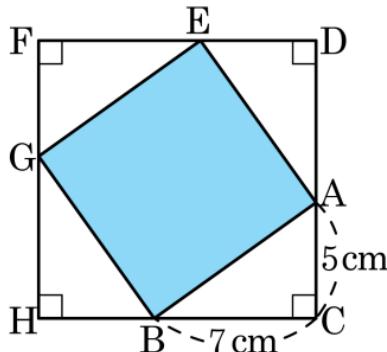


해설

$$OE = \sqrt{3^2 + 3^2 + 3^2 + 3^2 + 3^2} = 3\sqrt{5}$$

따라서 $\triangle OEG$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 3\sqrt{5} \times 3 = \frac{9\sqrt{5}}{2}$

2. 다음 그림의 $\square FHCD$ 는 $\triangle ABC$ 와 합동인 직각삼각형을 이용하여 만든 사각형이다. $\square BAEG$ 의 넓이를 구하여라.

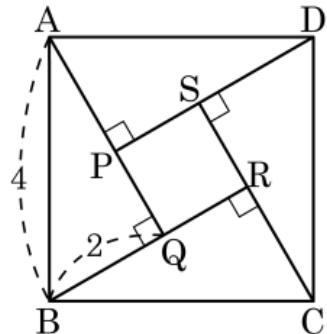


- ① 71 cm^2 ② 72 cm^2 ③ 73 cm^2
④ 74 cm^2 ⑤ 75 cm^2

해설

$$\begin{aligned}\overline{AB} &= \sqrt{7^2 + 5^2} = \sqrt{49 + 25} = \sqrt{74} \\ \square BAEG &= (\sqrt{74})^2 = 74 \text{ (cm}^2\text{)}\end{aligned}$$

3. 다음 그림의 정사각형 ABCD에서 네 개의 직각삼각형이 합동일 때, 정사각형 PQRS의 한 변의 길이는?



- ① $2(\sqrt{2} - 1)$
- ② $2(\sqrt{3} - 1)$
- ③ $3(\sqrt{2} - 1)$
- ④ $3(\sqrt{3} - 1)$
- ⑤ 3

해설

$$\overline{AP} = \overline{BQ} = 2, \overline{AQ} = \sqrt{4^2 - 2^2} = 2\sqrt{3}$$

$$\overline{PQ} = \overline{AQ} - \overline{AP} = 2\sqrt{3} - 2$$

$\therefore \square PQRS$ 의 한 변의 길이는 $2(\sqrt{3} - 1)$ 이다.

4. 다음 중 직각삼각형을 모두 골라라.

- ㉠ 5 cm, 6 cm, 9 cm
- ㉡ 4 cm, $4\sqrt{3}$ cm, 6 cm
- ㉢ 10 cm, 16 cm, 20 cm

- ㉡ 9 cm, 12 cm, 15 cm
- ㉑ 5 cm, 12 cm, 13 cm

▶ 답 :

▶ 답 :

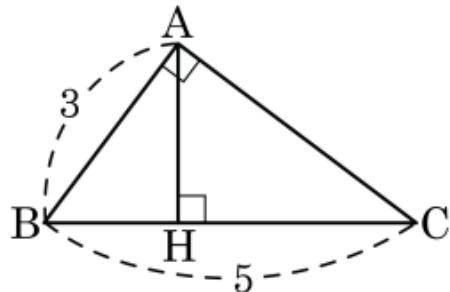
▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉑

해설

- ㉠ $9^2 > 5^2 + 6^2$
- ㉡ $15^2 = 9^2 + 12^2$
- ㉢ $(4\sqrt{3})^2 < 4^2 + 6^2$
- ㉑ $13^2 = 5^2 + 12^2$
- ㉒ $20^2 > 10^2 + 16^2$

5. 다음 그림의 직각삼각형 ABC의 점 A에서 빗변에 내린 수선의 발을 H라 할 때, \overline{AH} 의 길이는?



- ① 1.2 ② 1.6 ③ 2 ④ 2.4 ⑤ 2.8

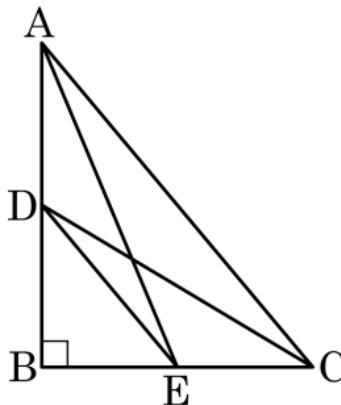
해설

$$\overline{AC} = 4 \text{ 이므로}$$

$$\overline{AH} \times 5 = 3 \times 4$$

$$\therefore \overline{AH} = 2.4$$

6. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\overline{DE}^2 + \overline{AC}^2 = 3\sqrt{3}$ 일 때, $\overline{AE}^2 + \overline{DC}^2$ 의 값은?

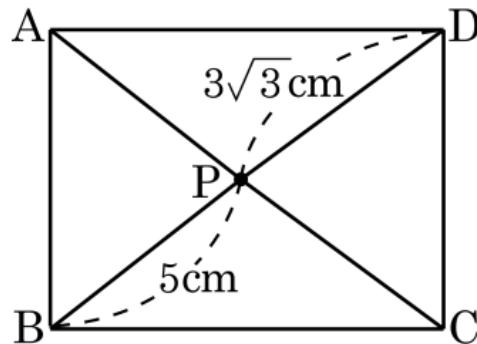


- ① $\sqrt{21}$ ② $\sqrt{23}$ ③ 5 ④ $3\sqrt{3}$ ⑤ $\sqrt{29}$

해설

$$\overline{AE}^2 + \overline{DC}^2 = \overline{DE}^2 + \overline{AC}^2 \text{ 이므로 } \overline{DE}^2 + \overline{AC}^2 = 3\sqrt{3}$$

7. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 의 내부에 한 점 P 가 있다. $\overline{PB} = 5\text{cm}$, $\overline{PD} = 3\sqrt{3}\text{cm}$ 일 때, $\overline{PA}^2 + \overline{PC}^2$ 의 값은?



- ① 34 ② 42 ③ 49 ④ 50 ⑤ 52

해설

$$\overline{PA}^2 + \overline{PC}^2 = (3\sqrt{3})^2 + 5^2 = 52 \text{ 이다.}$$

8. 넓이가 160 인 정사각형의 대각선의 길이를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $8\sqrt{5}$

해설

넓이가 160 이므로

한 변의 길이는 $\sqrt{160} = 4\sqrt{10}$ 이다.

피타고라스 정리를 적용하여

$$(4\sqrt{10})^2 + (4\sqrt{10})^2 = x^2$$

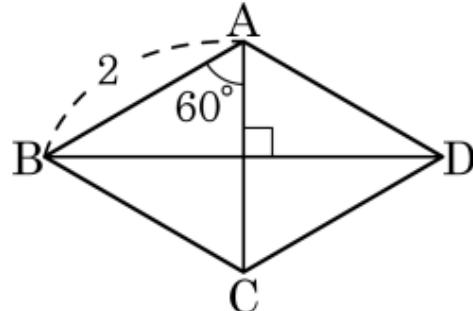
$$x^2 = 320$$

그런데, $x > 0$ 이므로

$$x = \sqrt{320} = \sqrt{8^2 \times 5} = 8\sqrt{5} \text{ 이다.}$$

9. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 한 변의 길이가 2 인 마름모이다. $\square ABCD$ 의 넓이는?

- ① 2 ② $2\sqrt{3}$ ③ 4
④ $4\sqrt{3}$ ⑤ $8\sqrt{3}$

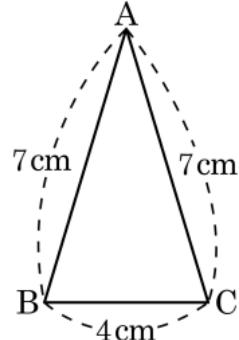


해설

대각선의 교점을 H 라 하면 $\triangle ABH$ 에서
 $\overline{AH} = 1$, $\overline{BH} = \sqrt{3}$ 이므로 $\overline{AC} = 2$, $\overline{BD} = 2\sqrt{3}$

$$\therefore \square ABCD = \frac{1}{2} \times 2 \times 2\sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

10. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC} = 7\text{ cm}$, $\overline{BC} = 4\text{ cm}$ 인 이등변삼각형 ABC의 넓이를 구하여라.



▶ 답: cm^2

▷ 정답: $6\sqrt{5}\text{ cm}^2$

해설

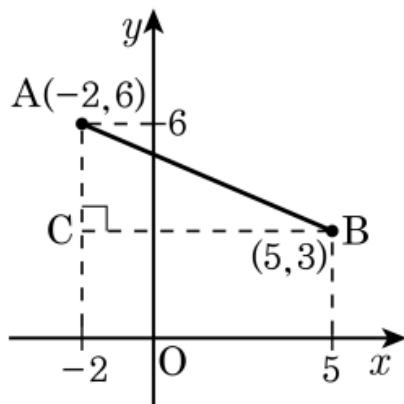
이등변삼각형의 높이는

$$\sqrt{7^2 - 2^2} = \sqrt{49 - 4} = \sqrt{45} = 3\sqrt{5} (\text{ cm})$$

$$(\text{넓이}) = 4 \times 3\sqrt{5} \times \frac{1}{2} = 6\sqrt{5} (\text{ cm}^2)$$

11. 아래 그림을 보고 옳지 못한 것을 찾으면?

- ① 점 C의 좌표는 $(-2, 3)$ 이다.
- ② 선분 AC의 길이는 $6 - 3 = 3$ 이다.
- ③ 선분 CB의 길이는 $5 - (-2) = 7$ 이다.
- ④ 선분 AO의 길이는 $4\sqrt{3}$ 이다.
- ⑤ 선분 AB의 길이는 $\sqrt{58}$ 이다.



해설

선분 AO의 길이는 $2\sqrt{10}$ 이다.

12. 다음 그림은 대각선의 길이가 9인 직육면체이다. x 의 값을 구하면?

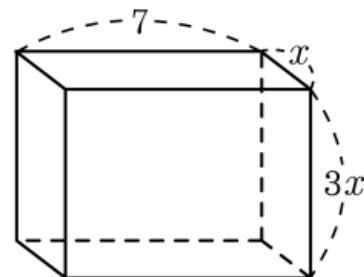
① $\frac{4\sqrt{5}}{5}$

② $4\sqrt{5}$

③ $\frac{2\sqrt{5}}{5}$

④ $2\sqrt{5}$

⑤ $\frac{\sqrt{5}}{5}$



해설

$$\sqrt{(3x)^2 + x^2 + 7^2} = 9$$

$$\sqrt{10x^2 + 49} = 9$$

$$10x^2 + 49 = 81, \quad 10x^2 = 32$$

$$x^2 = \frac{16}{5}$$

$$\therefore x = \frac{4\sqrt{5}}{5} (x > 0)$$

13. 다음 그림의 정육면체의 한 변의 길이를 구하여라.

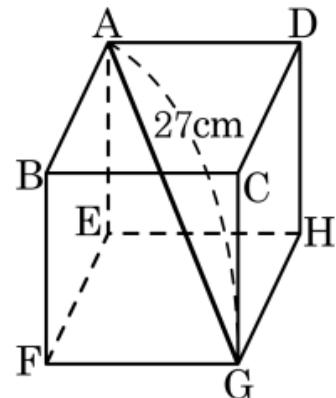
① $8\sqrt{3}$ cm

② $9\sqrt{3}$ cm

③ $10\sqrt{3}$ cm

④ $11\sqrt{3}$ cm

⑤ $12\sqrt{3}$ cm



해설

한 변의 길이를 a 라고 하면

$$\sqrt{3}a = 27$$

$$\therefore a = \frac{27}{\sqrt{3}} = \frac{27\sqrt{3}}{3} = 9\sqrt{3}(\text{ cm})$$

14. 한 변을 $\sqrt{3}a$ 로 하는 정사면체가 있다. 이 정사면체의 부피를 구하면?

① $\frac{\sqrt{5}}{4}a^3$

④ $\frac{\sqrt{7}}{5}a^3$

② $\frac{\sqrt{6}}{4}a^3$

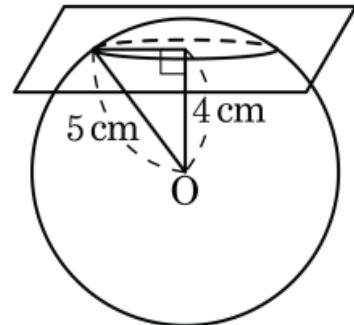
⑤ $\frac{\sqrt{7}}{6}a^3$

③ $\frac{\sqrt{6}}{5}a^3$

해설

$$\frac{\sqrt{2}}{12}(\sqrt{3}a)^3 = \frac{\sqrt{2}}{12} \times 3\sqrt{3}a^3 = \frac{\sqrt{6}}{4}a^3$$

15. 다음 그림은 반지름의 길이가 5cm인 구이다.
구의 중심 O로부터 4cm 거리에 있는 평면에
의해서 잘린 단면의 넓이를 구하여라.

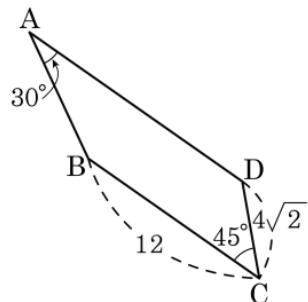


- ① $\sqrt{41}\pi \text{ cm}^2$ ② $9\pi \text{ cm}^2$ ③ $3\pi \text{ cm}^2$
④ $41\pi \text{ cm}^2$ ⑤ $6\pi \text{ cm}^2$

해설

$$\begin{aligned}(\text{단면 원의 반지름}) &= \sqrt{5^2 - 4^2} = 3(\text{cm}) \quad \text{이므로} \\(\text{원의 넓이}) &= \pi \times 3^2 = 9\pi (\text{cm}^2)\end{aligned}$$

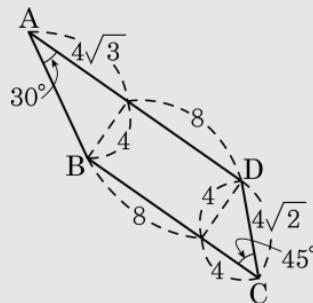
16. 다음 사각형은 \overline{BC} 와 \overline{AD} 가 평행인 사다리꼴이다. 사다리꼴의 넓이는?



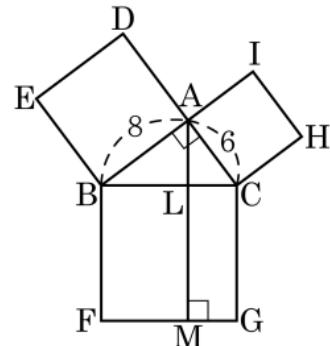
- ① $30 + 6\sqrt{3}$ ② $30 + 8\sqrt{3}$ ③ $40 + 6\sqrt{3}$
 ④ $40 + 8\sqrt{3}$ ⑤ $50 + 8\sqrt{3}$

해설

$$\begin{aligned}\overline{AD} &= 4\sqrt{3} + 8, \overline{BC} = 12, (\text{높이}) = 4 \\ \therefore (\text{넓이}) &= (4\sqrt{3} + 8 + 12) \times 4 \times \frac{1}{2} = 40 + 8\sqrt{3}\end{aligned}$$



17. 다음 그림은 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC
의 세 변을 각각 한 변으로 하는 정사각형을
그린 것이다. $\overline{AB} = 8$, $\overline{AC} = 6$, $\overline{AM} \perp \overline{FG}$
일 때, \overline{FM} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 6.4

해설

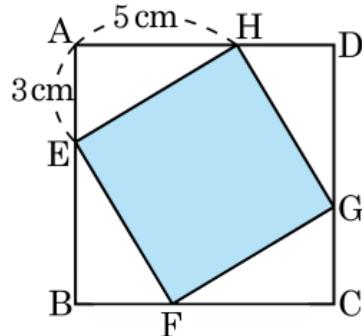
$$\overline{BC} = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10 \text{ 이다.}$$

$\square ADEB = \square BFML$ 이므로

$64 = 10 \times \overline{FM}$ 이다.

따라서 $\overline{FM} = 6.4$ 이다.

18. 다음 그림과 같은 정사각형 ABCD에서 $\overline{AE} = \overline{BF} = \overline{CG} = \overline{DH} = 3\text{ cm}$, $\overline{AH} = \overline{BE} = \overline{CF} = \overline{DG} = 5\text{ cm}$ 일 때, $\square EFGH$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 34 cm^2

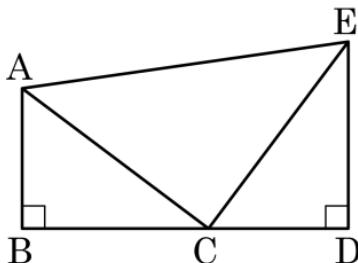
해설

$$\overline{EH} = \sqrt{3^2 + 5^2} = \sqrt{34}(\text{ cm})$$

$\square EFGH$ 는 정사각형이므로

$$\therefore \square EFGH = 34(\text{ cm}^2)$$

19. 다음 그림에서 두 직각삼각형 ABC 와 CDE 는 합동이고, 세 점 B, C, D 는 일직선 위에 있다. $\angle CAE$ 의 크기는?



- ① 30° ② 45° ③ 60° ④ 65° ⑤ 35°

해설

$\triangle ABC \cong \triangle CDE$ 이므로 $\angle BAC = \angle ECD$, $\angle ACB = \angle CED$, $\overline{AC} = \overline{CE}$ 이다.

그리고 $\angle BAC + \angle ACB = 90^\circ$ 이므로

$\angle ECD + \angle ACB = 90^\circ$ 이다.

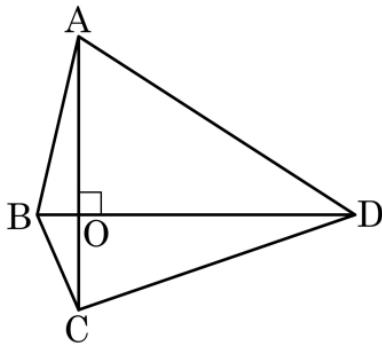
따라서 $\angle ECD + \angle ACE + \angle ACB = 180^\circ$ 이므로 $\angle ACE = 90^\circ$ 이다.

또, $\overline{AC} = \overline{CE}$ 이므로 $\triangle ACE$ 는 직각이등변삼각형이다.

따라서 $\angle CAE = \frac{1}{2} \times 90^\circ = 45^\circ$ 이다.

20. 다음과 같이 $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 를 만족하는 사각형 ABCD 는 이 성립한다.

안에 들어갈 식으로 가장 적절한 것을 고르면?



- ① $\overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 = \overline{CD}^2 + \overline{AD}^2$
- ② $\overline{AB}^2 + \overline{AD}^2 = \overline{BC}^2 + \overline{CD}^2$
- ③ $\overline{AB}^2 - \overline{CD}^2 = \overline{BC}^2 - \overline{AD}^2$
- ④ $\overline{AB}^2 - \overline{CD}^2 = \overline{BC}^2 + \overline{AD}^2$
- ⑤ $\overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 = \overline{BC}^2 + \overline{AD}^2$

해설

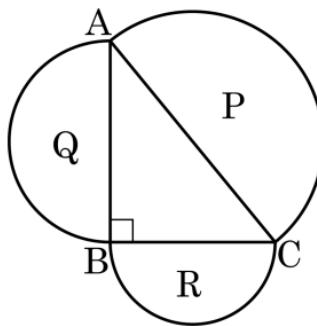
$$\triangle ABO \text{에서 } \overline{AB}^2 = \overline{AO}^2 + \overline{BO}^2$$

$$\triangle CDO \text{에서 } \overline{CD}^2 = \overline{CO}^2 + \overline{DO}^2$$

$$\triangle BCO \text{에서 } \overline{BC}^2 = \overline{BO}^2 + \overline{CO}^2$$

$$\triangle ADO \text{에서 } \overline{AD}^2 = \overline{AO}^2 + \overline{DO}^2$$

21. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 \overline{AC} , \overline{AB} , \overline{BC} 를 지름으로 하는 반원의 넓이를 P, Q, R 라 할 때, 다음 중 옳은 것을 보기에서 모두 골라라.



보기

- Ⓐ $P^2 = Q^2 + R^2$
- Ⓛ $Q = P - R$
- Ⓔ $P = 2(Q - R)$
- ⓐ $P = Q + R$
- ⓑ $P = Q - R$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓥ

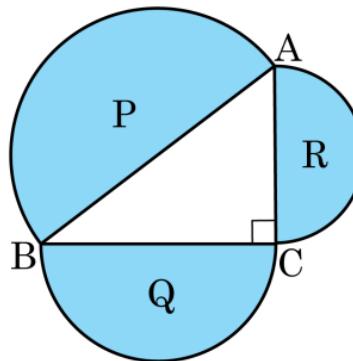
▷ 정답: ⓐ

해설

$P = Q + R$ 이므로 옳은 것은

Ⓛ $Q = P - R$, ⓐ $P = Q + R$ 뿐이다.

22. 다음 직각삼각형 ABC에서 \overline{AB} , \overline{BC} , \overline{CA} 를 지름으로 하는 반원의 넓이를 각각 P, Q, R라 할 때, 다음 중 옳은 것은?



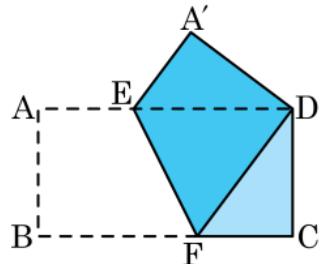
- ① $P = Q + R$ ② $P = QR$ ③ $Q^2 + R^2 = P^2$
④ $P = 2Q - R$ ⑤ $P = Q - R$

해설

작은 두 반원의 넓이의 합은 가장 큰 반원의 넓이와 같다.

① $P = Q + R$

23. 다음 그림은 직사각형 ABCD 를 점 B 가 점 D 에 오도록 접은 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\overline{AE} = \overline{A'E} = \overline{CF}$
- ② $\triangle DEF$ 는 이등변삼각형이다.
- ③ $\triangle A'ED \cong \triangle CFD$
- ④ $\overline{EF} = \overline{DE}$
- ⑤ $\overline{BF} = \overline{DF} = \overline{DE}$

해설

- ④ $\overline{EF} \neq \overline{DE}$

24. 다음 중 직사각형의 넓이가 서로 같은 것은?

- ㉠ 가로의 길이가 $2\sqrt{2}$ 이고, 대각선의 길이가 $4\sqrt{2}$ 인
직사각형
- ㉡ 세로의 길이가 6이고, 대각선의 길이가 $8\sqrt{2}$ 인
직사각형
- ㉢ 가로의 길이가 $2\sqrt{3}$ 이고, 세로의 길이가 4인 직사각형
- ㉣ 대각선의 길이가 14이고, 세로의 길이가 12인
직사각형

- ① ㉠,㉡ ② ㉠,㉢ ③ ㉡,㉢ ④ ㉡,㉣ ⑤ ㉢,㉣

해설

㉠ 피타고라스 정리에 따라서

$$\text{세로의 길이는 } \sqrt{(4\sqrt{2})^2 - (2\sqrt{2})^2} = 2\sqrt{6} \text{ 이므로}$$

$$\text{직사각형의 넓이는 } 2\sqrt{6} \times 2\sqrt{2} = 8\sqrt{3}$$

㉡ 피타고라스 정리에 따라서

$$\text{가로의 길이는 } \sqrt{(8\sqrt{2})^2 - (6)^2} = 4\sqrt{23} \text{ 이므로}$$

$$\text{직사각형의 넓이는 } 6 \times 4\sqrt{23} = 24\sqrt{23}$$

㉢ 직사각형의 넓이는 $2\sqrt{3} \times 4 = 8\sqrt{3}$

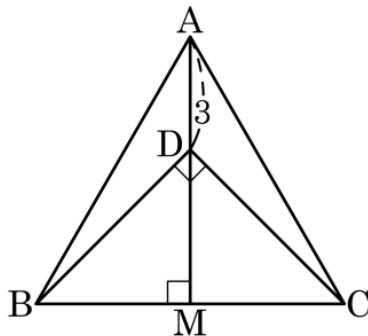
㉣ 피타고라스 정리에 따라서

$$\text{가로의 길이는 } \sqrt{(14)^2 - (12)^2} = 2\sqrt{13} \text{ 이므로}$$

$$\text{직사각형의 넓이는 } 2\sqrt{13} \times 12 = 24\sqrt{13}$$

따라서 직사각형의 넓이가 같은 것은 ㉠,㉢이다.

25. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이다. 점 D는 점 A에서 그은 수선 AM 위의 점이고 $\angle BDC = 90^\circ$, $\overline{AD} = 3$ 일 때, 정삼각형 ABC의 한 변의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $3\sqrt{3} + 3$

해설

점 M은 직각삼각형 BDC의 외심이므로

$\overline{DM} = \overline{BM} = \overline{CM} = x$ 라 하면,

$\overline{AM} = 3 + x$, $\overline{BC} = 2x$

$$\overline{AM} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times \overline{BC}$$

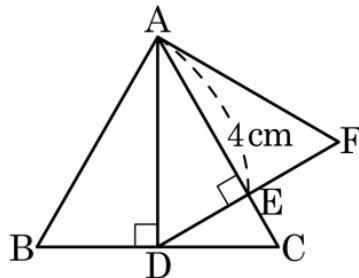
$$3 + x = \sqrt{3}x$$

$$(\sqrt{3} - 1)x = 3$$

$$\therefore x = \frac{3(\sqrt{3} + 1)}{2}$$

따라서 한 변의 길이는 $2x = 3(\sqrt{3} + 1)$ 이다.

26. 다음 그림과 같이 높이가 4cm인 정삼각형 ADF의 한 변을 높이로 하는 정삼각형 ABC의 넓이를 고르면?



- ① $\frac{32\sqrt{3}}{9} \text{cm}^2$ ② $\frac{40\sqrt{3}}{9} \text{cm}^2$ ③ $\frac{48\sqrt{3}}{9} \text{cm}^2$
④ $\frac{56\sqrt{3}}{9} \text{cm}^2$ ⑤ $\frac{64\sqrt{3}}{9} \text{cm}^2$

해설

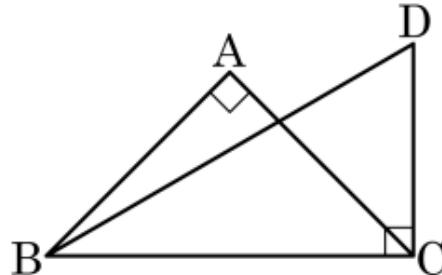
$$\triangle ADF \text{에서 } \overline{AE} = \frac{\sqrt{3}}{2} \overline{AD} = 4 \therefore \overline{AD} = \frac{8\sqrt{3}}{3} (\text{cm})$$

$$\triangle ABC \text{에서 } \overline{AD} = \frac{\sqrt{3}}{2} \overline{AB} = \frac{8\sqrt{3}}{3} \therefore \overline{AB} = \frac{16}{3} (\text{cm})$$

$$(\triangle ABC \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times \frac{16}{3} \times \frac{8\sqrt{3}}{3} = \frac{64\sqrt{3}}{9} (\text{cm}^2)$$

27. 다음 그림에서 $\overline{BD} = 4\sqrt{3}$, $\angle ABC = 45^\circ$, $\angle BDC = 60^\circ$ 일 때, \overline{AB} 의 길이는?

- ① $\sqrt{6}$ ② 3 ③ $2\sqrt{3}$
④ $3\sqrt{2}$ ⑤ $2\sqrt{6}$



해설

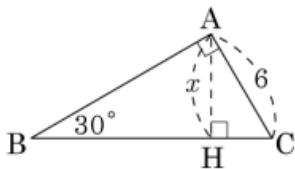
$\angle CBD = 30^\circ$ 이므로

$$\sqrt{3} : 2 = \overline{BC} : 4\sqrt{3}, \overline{BC} = 6$$

$\angle ABC = \angle ACB = 45^\circ$ 이므로 $1 : \sqrt{2} = \overline{AB} : 6$

$$\therefore \overline{AB} = 3\sqrt{2}$$

28. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 x 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▶ 정답 : $3\sqrt{3}$ cm

해설

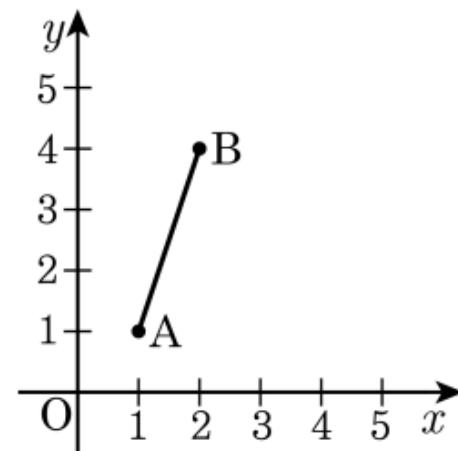
$$\overline{AC} : \overline{AH} = 2 : \sqrt{3}$$

$$6 : x = 2 : \sqrt{3}$$

$$\therefore x = 3\sqrt{3}(\text{cm})$$

29. 다음 좌표평면에서 점 A(1, 1), B(2, 4) 사이의 거리를 구하면?

- ① $\sqrt{6}$ ② $\sqrt{7}$ ③ $2\sqrt{2}$
④ 3 ⑤ $\sqrt{10}$



해설

$$\begin{aligned}\overline{AB} &= \sqrt{(2-1)^2 + (4-1)^2} \\&= \sqrt{1+9} \\&= \sqrt{10}\end{aligned}$$

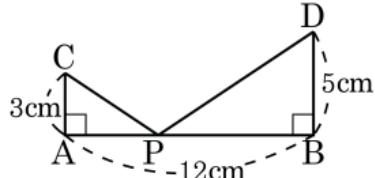
30. 좌표평면에서 삼각형의 세 꼭짓점의 좌표가 A(3, 4), B(-5, -2), C(1, -3) 일 때, $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인가?

- ① 정삼각형
- ② 이등변삼각형
- ③ 예각삼각형
- ④ 직각삼각형
- ⑤ 둔각삼각형

해설

$\overline{AB} = 10$, $\overline{BC} = \sqrt{37}$, $\overline{AC} = \sqrt{53}$ 이므로 둔각삼각형이다.

31. 다음 그림에서 $\overline{CA} \perp \overline{AB}$, $\overline{DB} \perp \overline{AB}$ 이고, 점 P는 \overline{AB} 위를 움직인다. $\overline{CA} = 3\text{cm}$, $\overline{DB} = 5\text{cm}$, $\overline{AB} = 12\text{cm}$ 일 때, $\overline{CP} + \overline{PD}$ 의 최솟값을 $a\sqrt{b}\text{ cm}$ 라고 할 때, $a + b$ 의 값을 구하여라. (단, b는 최소의 자연수)



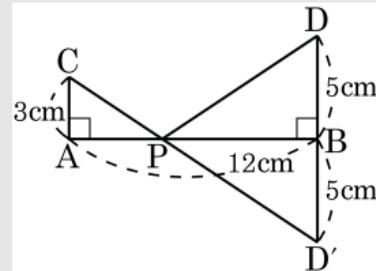
▶ 답 :

▷ 정답 : $a + b = 17$

해설

다음 그림의 $\overline{CD'}$ 이 구하는 최솟값이다.

$$\overline{CD'} = \sqrt{8^2 + 12^2} = 4\sqrt{13}\text{ cm} \text{ 이다.}$$



32. 부피가 $144\sqrt{2}\text{cm}^3$ 인 정사면체의 한 모서리의 길이를 구하여라.

- ① 10 cm ② 11 cm ③ 12 cm ④ 13 cm ⑤ 14 cm

해설

한 모서리의 길이를 $a\text{cm}$ 라고 하면

$$\frac{\sqrt{2}}{12}a^3 = 144\sqrt{2}$$

$$a^3 = 12 \times 144 = 2^6 3^3 = (2^2 \times 3)^3$$

$$\therefore a = 12(\text{cm})$$

33. 다음의 전개도로 만든 입체도형의 부피를 구하면?

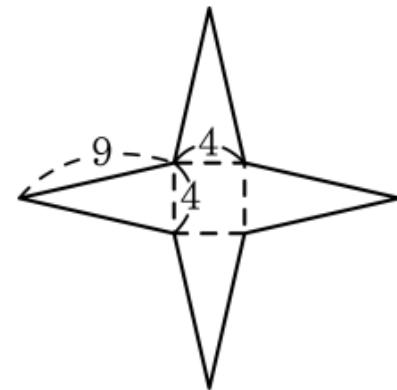
$$\textcircled{1} \quad \frac{14\sqrt{73}}{3}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{15\sqrt{73}}{3}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{16\sqrt{73}}{3}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{17\sqrt{73}}{3}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{18\sqrt{73}}{3}$$



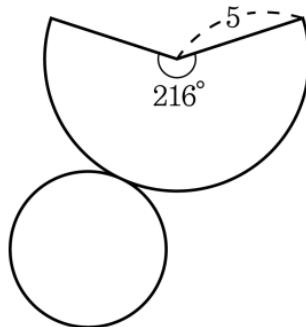
해설

높이를 h , 부피를 V 라 하면

$$h = \sqrt{9^2 - (2\sqrt{2})^2} = \sqrt{81 - 8} = \sqrt{73}$$

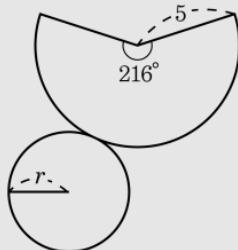
$$V = 16 \times \sqrt{73} \times \frac{1}{3} = \frac{16\sqrt{73}}{3}$$

34. 다음 그림과 같은 전개도로 만들어지는 원뿔의 부피를 구하여라.

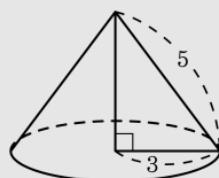


- ① 3π ② 6π ③ $\frac{15}{2}\pi$ ④ 12π ⑤ $\frac{27}{2}\pi$

해설

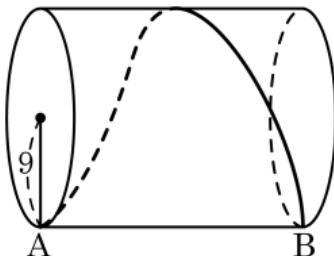


$$2\pi r = 10\pi \times \frac{216}{360}, \quad \therefore r = 3$$



따라서 원뿔의 높이 $h = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4$ 이므로 $V = \frac{1}{3} \times \pi \times 3^2 \times 4 = 12\pi$ 이다.

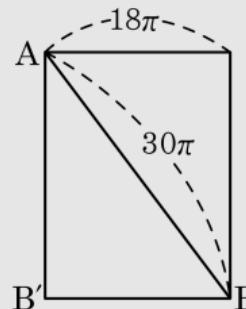
35. 다음 그림은 점 A 를 지나 원기둥의 옆면을 따라 점 B 까지 가는 최단 거리가 30π 인 원기둥이다. 이 원기둥의 밑면의 반지름의 길이가 9 라고 할 때, 원기둥의 높이 \overline{AB} 의 길이는?



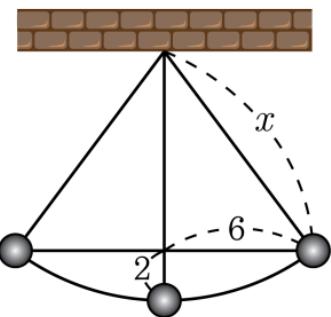
- ① 21π ② 22π ③ 23π ④ 24π ⑤ 25π

해설

$$\begin{aligned}\overline{AB}' &= \sqrt{(30\pi)^2 - (18\pi)^2} \\ &= \sqrt{900\pi^2 - 324\pi^2} \\ &= \sqrt{576\pi^2} \\ &= 24\pi\end{aligned}$$



36. 다음 그림처럼 길이가 x 인 줄에 매달린 추가 좌우로 왕복운동을 하고 있다. 추가 천장과 가장 가까울 때와, 가장 멀 때의 차이가 2 일 때, 추가 매달려 있는 줄의 길이를 구하여라. (단 추가의 크기는 무시한다.)



▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

밑변이 2이고 빗변이 x 인 직각삼각형으로 생각하면 높이가 $x - 2$ 이므로

피타고拉斯 정리에 따라

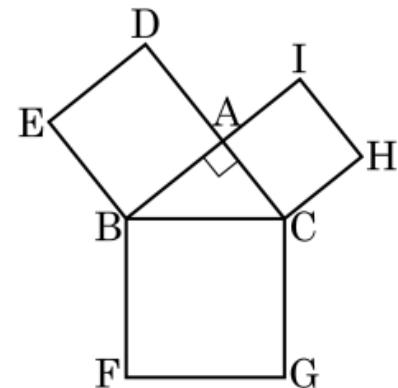
$$x^2 = (x - 2)^2 + 6^2$$

$$4x = 4 + 36$$

$$x = 10 \text{ 이다.}$$

37. 다음 그림은 직각삼각형 ABC의 각 변을 한 변으로 하는 정사각형을 그린 것이다. $\triangle ABC$ 의 넓이가 10이고 $\square ADEB$ 의 넓이가 25 일 때, 두 정사각형 $BFGC$, $ACHI$ 의 넓이의 차를 구하면?

- ① 21 ② 22 ③ 23
④ 24 ⑤ 25



해설

$$\square ADEB + \square ACHI = \square BFGC$$

$$\square BFGC - \square ACHI = \square ADEB$$

따라서 구하는 넓이는 $\square ADEB = 25$ 이다.

38. 세 변의 길이가 4cm, 6cm, a cm인 삼각형이 둔각삼각형이 되기 위한 a 의 값의 범위를 구하면? (정답 2 개)

① $2\sqrt{13} < a < 10$

② $2 < a < 10$

③ $2 < a < 2\sqrt{13}$

④ $2 < a < 2\sqrt{5}$

⑤ $2\sqrt{5} < a < 2\sqrt{13}$

해설

i) a 가 가장 긴 변일 때,

$$a > 6, a < 4 + 6, a^2 > 4^2 + 6^2$$

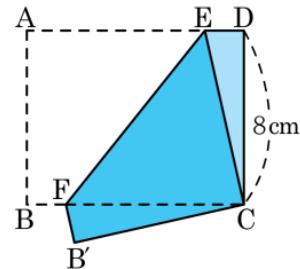
$$\therefore 2\sqrt{13} < a < 10$$

ii) 6 이 가장 긴 변일 때,

$$a < 6, 6 < 4 + a, 6^2 > 4^2 + a^2$$

$$\therefore 2 < a < 2\sqrt{5}$$

39. $\overline{BC} : \overline{CD} = 5 : 4$ 가 성립하는 직사각형 ABCD 를 다음 그림과 같이 접었을 때,
 $\triangle CDE$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: cm^2

▷ 정답: 7.2 cm^2

해설

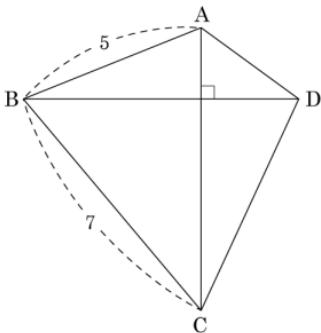
$\overline{BC} : \overline{CD} = 5 : 4$, $\overline{CD} = 8 \text{ cm}$ 이므로 $\overline{BC} = 10 \text{ cm}$ 이다.

$\overline{DE} = x$ 라 하면 접은 선분의 길이는 변함이 없으므로
 $\overline{AE} = \overline{CE} = 10 - x$

따라서 $\triangle CDE$ 에 피타고라스 정리를 적용하면 $(10 - x)^2 = x^2 + 8^2$

이를 정리하면 $x = \frac{9}{5} \text{ cm}$ 이므로 $\triangle CDE$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times \frac{9}{5} \times 8 = 7.2(\text{cm}^2)$

40. 다음 그림과 같이 $\square ABCD$ 에서 두 대각선이 서로 직교하고, $\overline{AB} = 5$, $\overline{BC} = 7$ 일 때,
 $\overline{CD}^2 - \overline{AD}^2$ 의 값을 구하여라.



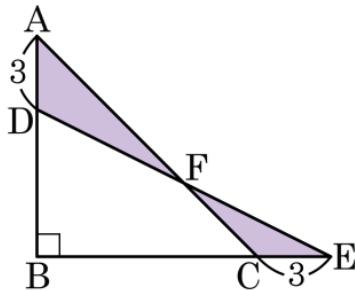
▶ 답 :

▷ 정답 : 24

해설

$$\begin{aligned}\square ABCD \text{의 두 대각선이 서로 직교하므로} \\ \overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 = \overline{BC}^2 + \overline{AD}^2 \\ 5^2 + \overline{CD}^2 = 7^2 + \overline{AD}^2 \\ \therefore \overline{CD}^2 - \overline{AD}^2 = 24\end{aligned}$$

41. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형 ABC에서 $\overline{AD} = \overline{CE} = 3$ 일 때, $\triangle ADF$ 의 넓이와 $\triangle ECF$ 의 넓이의 차를 구하여라.



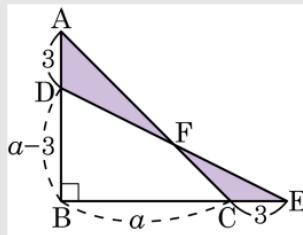
▶ 답 :

▷ 정답 : 4.5

해설

$\overline{AB} = \overline{BC} = a$ 라 하면

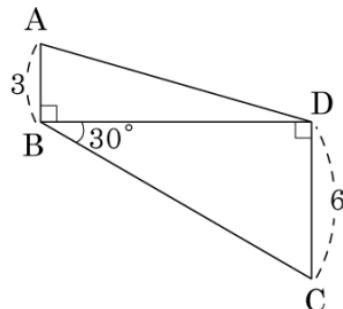
$\triangle ADF = \triangle ABC - \square DBCF$, $\triangle ECF = \triangle DBE - \square DBCF$



$$\therefore \triangle ADF - \triangle ECF = \triangle ABC - \triangle DBE$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{2}a^2 - \frac{1}{2}(a+3)(a-3) \\
 &= \frac{9}{2} = 4.5
 \end{aligned}$$

42. 다음 그림의 $\square ABCD$ 에서 $\angle ABD = \angle BDC = 90^\circ$, $\angle DBC = 30^\circ$ 일 때, 두 대각선 AC , BD 의 길이를 각각 구하여라.



▶ 답 :

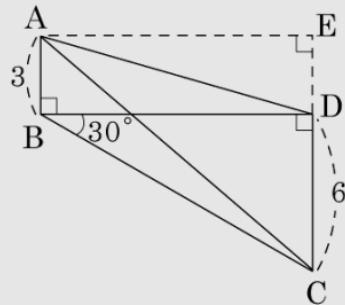
▶ 답 :

▷ 정답 : $\overline{AC} = 3\sqrt{21}$

▷ 정답 : $\overline{BD} = 6\sqrt{3}$

해설

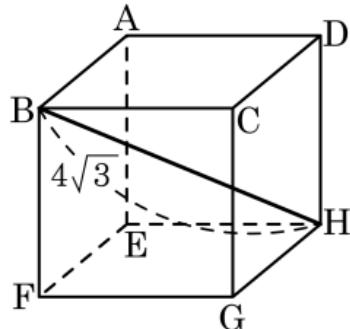
대각선 BD 의 길이는 $6\sqrt{3}$ 이다.



$\triangle ACE$ 에서 $\overline{AE} = \overline{BD} = 6\sqrt{3}$, $\overline{EC} = 3 + 6 = 9$

$$\therefore \overline{AC} = \sqrt{(6\sqrt{3})^2 + 9^2} = \sqrt{189} = 3\sqrt{21}$$

43. 다음 그림과 같이 대각선의 길이가 $4\sqrt{3}$ 인 정육면체의 부피를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : 64

해설

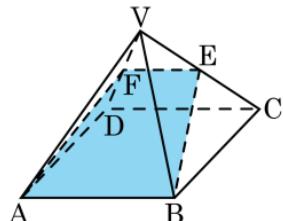
정육면체의 한 모서리의 길이를 x 라 하면

$$\overline{BH} = \sqrt{3}x = 4\sqrt{3} \quad \therefore x = 4$$

$$\therefore (\text{정육면체의 부피}) = 4 \times 4 \times 4 = 64$$

44. 다음 그림과 같이 모서리의 길이가 모두 8 cm 인 정사각뿔에서 \overline{VC} , \overline{VD} 의 중점을 각각 E, F 라고 할 때, $\square ABEF$ 의 넓이를 구하면?

- ① $11\sqrt{10} \text{ cm}^2$
- ② $12\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- ③ $12\sqrt{6} \text{ cm}^2$
- ④ $12\sqrt{11} \text{ cm}^2$
- ⑤ $24\sqrt{3} \text{ cm}^2$



해설

$\overline{AF} = \overline{BE}$, $\overline{EF} \parallel \overline{AB}$ 이므로 $\square ABEF$ 는
등변사다리꼴이다.

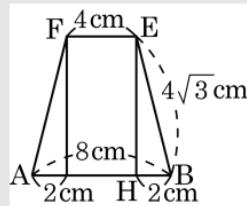
$$\overline{AB} = 8 \text{ cm}, \quad \overline{EF} = \frac{1}{2}\overline{AB} = 4 \text{ cm} \quad (\because \text{중점})$$

연결 정리)

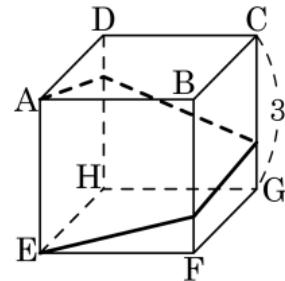
\overline{BE} , \overline{AF} 는 한 변의 길이가 8 cm 인 정삼각
형의 높이이므로 $\overline{BE} = \overline{AF} = 4\sqrt{3} \text{ cm}$

사다리꼴의 높이 $\overline{EH} = \sqrt{(4\sqrt{3})^2 - 2^2} = 2\sqrt{11} \text{ (cm)}$ 이다.

$$\therefore \square ABEF = (8 + 4) \times 2\sqrt{11} \times \frac{1}{2} = 12\sqrt{11} \text{ (cm}^2\text{)}$$



45. 다음 그림과 같은 정육면체의 한 꼭짓점 E에서 모서리 BF, CG, DH를 순서대로 지나 점 A에 이르는 선 중에서 가장 짧은 선의 길이를 구하여라.



▶ 답:

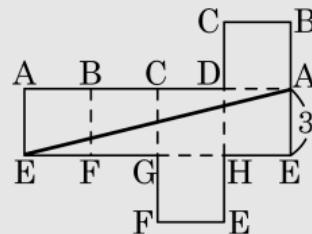
▶ 정답: $3\sqrt{17}$

해설

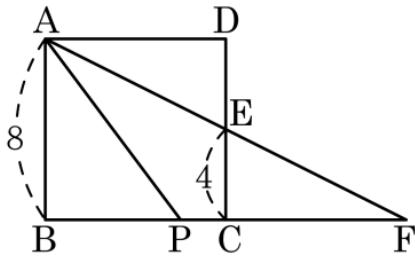
위의 그림에서 점 E에서 모서리 BF, CG, DH를 순서대로 지나 점 A에 이르는 가장 짧은 선은 \overline{EA} 가 된다.

$$\overline{EA}^2 = 3^2 + 12^2 = 153$$

$$\therefore \overline{EA} = 3\sqrt{17}$$



46. 한 변의 길이가 8인 정사각형 ABCD에서 \overline{BC} 위에 임의의 점 P를 잡고 점 A와 점 P를 잇고 $\angle PAD$ 의 이등분선이 \overline{AE} , \overline{AE} 의 연장선과 \overline{BC} 의 연장선과의 교점을 F라 하자. $\overline{EC} = 4$ 일 때, \overline{AP} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$\triangle ECF \sim \triangle ABF$ 이므로

$$8 : 4 = (\overline{CF} + 8) : \overline{CF}$$

$$\therefore \overline{CF} = 8$$

$\angle DAE = \angle CFE$ (엇각)

$\triangle APF$ 는 이등변삼각형

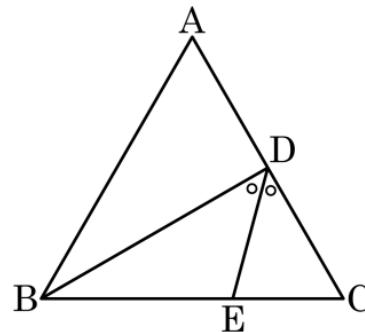
$$\overline{AP} = \overline{PF} = x \text{ 라 하면 } \overline{BP} = 16 - x$$

$\triangle ABP$ 에서

$$x^2 = 8^2 + (16 - x)^2$$

$$\therefore x = 10$$

47. 정삼각형 ABC의 $\angle B$ 의 이등분선이 변 AC와 만나는 점을 D, $\angle BDC$ 의 이등분선이 변 BC와 만나는 점을 E라 하자. 삼각형 BED의 넓이가 $\sqrt{3}$ 일 때, 정삼각형 ABC의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $2\sqrt{3} + 2$

해설

삼각형 ABC의 한 변의 길이를 a 라 할 때,

$\triangle ABD$ 의 세 내각의 크기는 $30^\circ, 60^\circ, 90^\circ$ 이므로 $a : \overline{BD} = 2 : \sqrt{3}$

$$\therefore \overline{BD} = \frac{a}{2}\sqrt{3}$$

$$\overline{DC} = a \times \frac{1}{2} = \frac{a}{2}$$

$\overline{BE} = x$ 라 하면 $\overline{BD} : \overline{CD} = \overline{BE} : \overline{CE}$

에서

$\frac{a}{2}\sqrt{3} : \frac{a}{2} = x : (a - x)$ 점 D에서 내린 수선의 발을 H라 하면,
 $\therefore x = \frac{a}{2}(3 - \sqrt{3})$

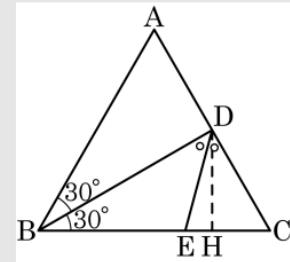
$\triangle BDH$ 의 세 내각의 크기는 $30^\circ, 60^\circ, 90^\circ$ 이므로

$\overline{BD} : \overline{DH} = 2 : 1$ 에서

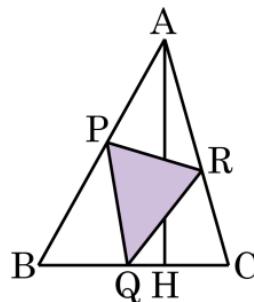
$$\overline{DH} = \frac{1}{2}\overline{BD} = \frac{1}{2} \times \frac{a}{2}\sqrt{3} = \frac{a\sqrt{3}}{4}$$

$$\begin{aligned} \therefore \triangle DEB &= \frac{1}{2} \times \overline{BE} \times \overline{DH} \\ &= \frac{1}{2} \times \frac{a}{2}(3 - \sqrt{3}) \times \frac{a\sqrt{3}}{4} \\ &= \frac{3}{16}a^2(\sqrt{3} - 1) \\ &= \sqrt{3} \end{aligned}$$

$$a^2 = \frac{8}{3}(3 + \sqrt{3})$$



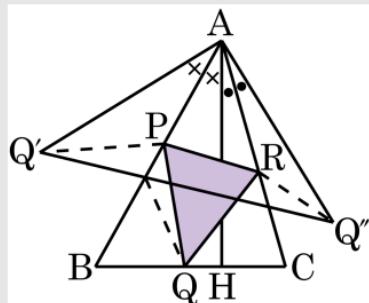
48. 다음과 같이 $\angle A = 45^\circ$ 인 예각삼각형 ABC의 점 A에서 변 BC에 내린 수선의 발을 H 라 할 때, $\overline{AH} = 8$ 이다. 삼각형 ABC에 내접하는 삼각형 PQR의 둘레의 길이가 최소일 때, $\angle AQB$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 : 90°

▷ 정답 : 90°

해설



위의 그림과 같이 점 Q의 \overline{AB} , \overline{AC} 에 대한 대칭점을 각각 Q' , Q'' 라 하면

$$\overline{PQ} = \overline{PQ'}, \overline{RQ} = \overline{RQ''}$$

$\angle Q'AQ'' = 2(\bullet + \times) = 90^\circ$ 이고,

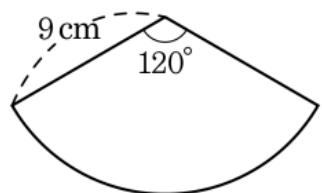
$\triangle PQR$ 의 둘레의 길이는

$$\overline{PQ} + \overline{QR} + \overline{RP} = \overline{PQ'} + \overline{Q''R} + \overline{RP} \geq \overline{Q'Q''}$$

그런데 $\overline{AQ'} = \overline{AQ''} = \overline{AQ}$ 이므로 \overline{AQ} 가 최소일 때, 즉 \overline{AQ} 가 점 A에서 변 BC에 내린 수선일 때, $\overline{Q'Q''}$ 가 최소가 된다.

따라서 $\angle AQB = \angle AHB = 90^\circ$ 이다.

49. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 9 cm이고 중심각의 크기가 120° 인 부채꼴을 옆면으로 하는 원뿔을 만들 때, 이 원뿔의 부피를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\text{cm}^3}$

▶ 정답 : $18\sqrt{2}\pi \underline{\text{cm}^3}$

해설

$$2\pi \times 9 \times \frac{120^\circ}{360^\circ} = 6\pi \text{이므로 밑면의 반지름의 길이는 } 3 \text{ cm이다.}$$

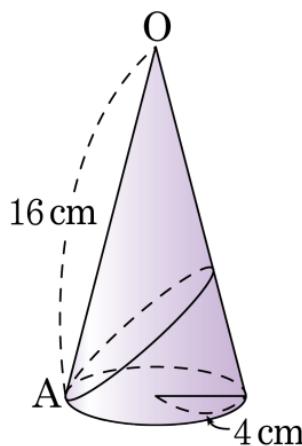
높이를 h 라 하면

$$81 - 9 = h^2$$

$$h = 6\sqrt{2} \text{ (cm)}$$

$$\therefore V = 9\pi \times 6\sqrt{2} \times \frac{1}{3} = 18\sqrt{2}\pi \text{ (cm}^3\text{)}$$

50. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 4cm이고 모선의 길이가 16cm인 원뿔이 있다. 원뿔의 밑면의 한 점 A에서 출발하여 옆면을 따라 한 바퀴 돌아 다시 점 A로 돌아오는 최단 거리를 구하여라.



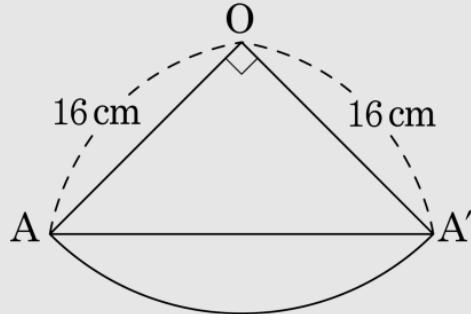
▶ 답 : cm

▷ 정답 : $16\sqrt{2}$ cm

해설

전개도에서 부채꼴의 중심각의 크기는

$$\frac{4}{16} \times 360^\circ = 90^\circ,$$



최단거리 $\overline{AA'} = 16\sqrt{2}$ (cm) 이다.