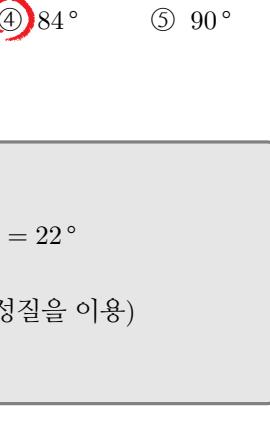


1. 다음 그림에서 $\overline{AD} \parallel \overline{CF}$ 이고 $\angle ADB = 20^\circ$, $\angle BFC = 22^\circ$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기는?



- ① 65° ② 73° ③ 80° ④ 84° ⑤ 90°

해설

\overline{EB} 를 연결하면

$\angle ADB = \angle AEB = 20^\circ$, $\angle BFC = \angle CEB = 22^\circ$

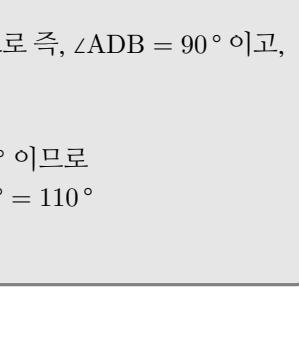
$\therefore x = 42^\circ$

$\angle y = \angle ADB + \angle BFC = 42^\circ$ (\because 엇각의 성질을 이용)

따라서 $\angle x + \angle y = 84^\circ$ 이다.

2. 다음 그림에서 \overline{AB} 는 원 O의 지름이고
 $\angle ABD = 20^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

- ① 100° ② 110° ③ 120°
④ 130° ⑤ 140°



해설

반원에 대한 원주각의 크기는 90° 이므로 즉, $\angle ADB = 90^\circ$ 이고,

$\triangle ABD$ 에서

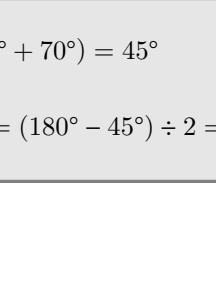
$$\angle BAD = 180^\circ - (90^\circ + 20^\circ) = 70^\circ$$

한편, $\square ABCD$ 에서 대각의 합은 180° 이므로

$$\angle BCD = 180^\circ - \angle BAD = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$$

$$\therefore \angle x = 110^\circ$$

3. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 의 내접원이 $\triangle DEF$ 의 외접원이다.
 $\angle A = 65^\circ$, $\angle C = 70^\circ$ 일 때, $\angle DEF$ 의 크기는?



- ① 65° ② 65.5° ③ 66° ④ 67.5° ⑤ 68.5°

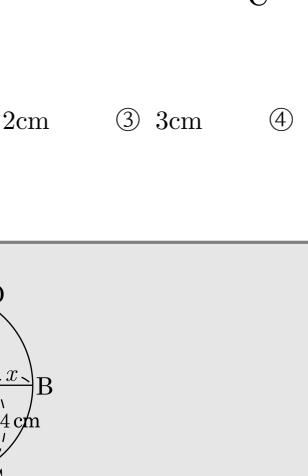
해설

$$\angle FBD = 180^\circ - (65^\circ + 70^\circ) = 45^\circ$$

$\overline{BF} = \overline{BD}$ 이므로

$$\therefore \angle DEF = \angle BDF = (180^\circ - 45^\circ) \div 2 = 67.5^\circ$$

4. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 5cm인 원 O에서 $\overline{AB} \perp \overline{CD}$, $\overline{CD} = 8\text{cm}$ 일 때, \overline{BM} 의 길이는?



- ① 1cm ② 2cm ③ 3cm ④ 4cm ⑤ 5cm

해설



$\overline{BM} = x$ 라 하면

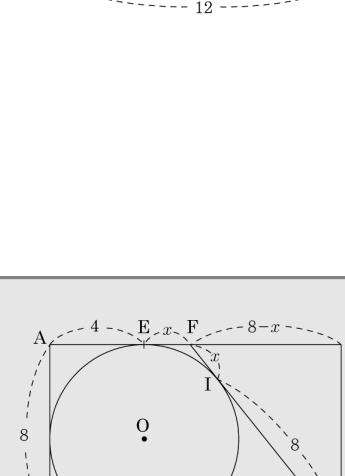
$\triangle OCM$ 에서 $\overline{OC}^2 = \overline{OM}^2 + \overline{CM}^2$ 이므로

$$5^2 = \overline{OM}^2 + 4^2$$

$$\overline{OM} = 3$$

$$\therefore x = 2$$

5. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 세 변에 접하는 원 O 가 있다.
 \overline{DE} 가 원 O 의 접선일 때, \overline{EF} 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 2

해설



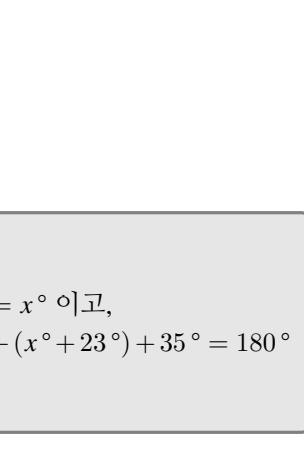
$$\begin{aligned}\overline{AE} &= 4 \text{ } \textcircled{1} \text{므로} \\ \overline{FI} &= \overline{EF} = x \text{ 로 놓으면 } \overline{CF} = 8 - x \\ \therefore (8+x)^2 &= 8^2 + (8-x)^2\end{aligned}$$

$$32x = 64$$

$$x = 2$$

$$\text{따라서 } \overline{EF} = 2$$

6. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 원에 내접하고 $\angle BPC = 23^\circ$, $\angle BQA = 35^\circ$, $\angle ABC = x^\circ$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

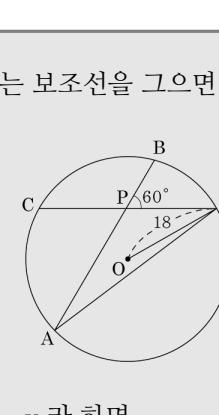
$^\circ$

▷ 정답: 61°

해설

$\angle ABC = x$ 라 하면
 $\angle PCQ = x^\circ + 23^\circ$, $\angle PBC = \angle CDQ = x^\circ$ 이고,
 $\triangle DCQ$ 의 세 내각의 크기의 합은 $x^\circ + (x^\circ + 23^\circ) + 35^\circ = 180^\circ$
따라서 $x^\circ = 61^\circ$ 이다.

7. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 18 인 원 O에서 두 현 AB, CD 가 점 P에서 만나고 $\angle BPD = 60^\circ$ 일 때, 호 AC 와 BD 의 길이의 합은?
(단, 호 AC, BD 는 길이가 짧은 쪽을 가리킨다.)



- ① 6π ② 8π ③ 9π ④ 12π ⑤ 15π

해설

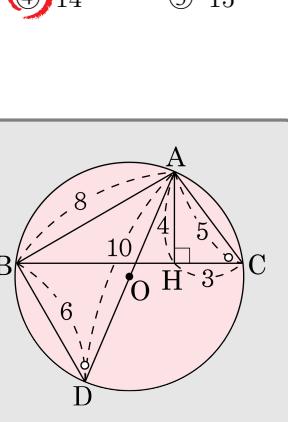
점A 와 D 를 연결하는 보조선을 그으면



$\angle BAD = x$, $\angle CDA = y$ 라 하면
 $x + y = 60^\circ$, 즉 $5.0pt\widehat{AC} + 5.0pt\widehat{BD}$ 의 중심각은 120°
 원의 둘레 = $2\pi \times 18 = 36\pi$

$$\therefore (5.0pt\widehat{AC} + 5.0pt\widehat{BD}) \text{의 길이} = 36\pi \times \frac{120}{360} = 12\pi$$

8. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 외접원의 중심을
O, 원 O의 지름을 \overline{AD} , 꼭짓점 A에서
변 BC에 내린 수선의 발을 H라 할 때,
 $x + y$ 의 값은? (단, $x = \overline{AB}, y = \overline{BD}$)



- ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

해설



$\angle B = 90^\circ$, $\angle ADB = \angle ACB$ (\widehat{AB} 의 원주각)

따라서, $\triangle ABD \sim \triangle AHC$ 이고

닮음비는 $\overline{AD} : \overline{AC} = 2 : 1$

$\triangle ACH$ 에서 $\overline{CH} = 3$

$\therefore x = 8, y = 6, x + y = 14$