

1. 150 에 가장 가까운 9 의 배수를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 153

해설

$9 \times 16 = 144$ ,  $9 \times 17 = 153$  이므로 150 에 가장 가까운 9 의 배수는 153 이다.

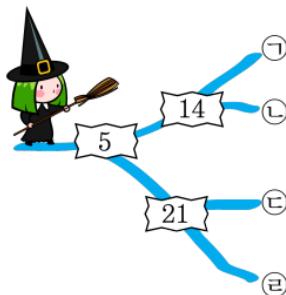
## 2. $5^2$ 에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 10 과 같다.
- ② 5 의 제곱이다.
- ③ 지수는 5 이다.
- ④ 밑은 2 이다.
- ⑤  $2^5$  보다 크다.

### 해설

- ①  $5^2 = 5 \times 5 = 25$  이므로 10 과 같지 않다.
- ③ 지수는 2 이다.
- ④ 밑은 5 이다.
- ⑤  $2^5 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$  이므로  $5^2$  은  $2^5$  보다 작다.

3. 다음은 온라인 수학 게임의 한 장면을 나타낸 것이다. 마법사는 길을 따라 가다가 갈림길에 주어진 수가 소수이면 오른쪽 소수가 아니면 왼쪽 길을 선택한다. 마법사의 최종 도착지는 ⑦ ~ ⑩ 중 어디인지 말하여라.

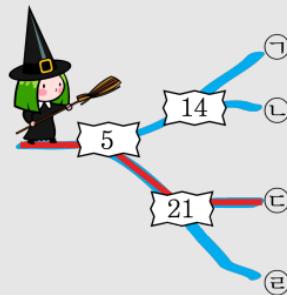


▶ 답 :

▷ 정답 : ⑩

### 해설

5는 소수이므로 첫 갈림길에서 오른쪽 길로 간다. 그 다음 21은 소수가 아니므로 두 번째 갈림길에서는 왼쪽으로 간다. 따라서 최종 도착지는 ⑩이 된다.



4. 다음 중에서 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

- ① 1 은 소수가 아니다.
- ② 모든 소수는 홀수이다.
- ③ 모든 수는 약수의 개수가 2 개 이상이다.
- ④ 가장 작은 소수는 3 이다.
- ⑤ 4 와 9 는 서로소이다.

해설

- ② 소수는  $2, 3, 5, 7, \dots$  이다.
- ③ 1 의 약수는 1 뿐이다.
- ④ 가장 작은 소수는 2 이다.

5. 180을 소인수분해하면  $x^2 \times 3^2 \times y$  이다. 이때,  $y - x$ 의 값은?

① 1

② 3

③ 5

④ 7

⑤ 9

해설

$$180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$$

따라서  $x = 2$ ,  $y = 5$

$$y - x = 3$$

6.  $24 \times a = 90 \times b = c^2$  을 만족하는 가장 작은 자연수  $c$  의 값을 구하여라.  
(단,  $a$ ,  $b$ ,  $c$  는 모두 자연수이다.)

▶ 답 :

▶ 정답 : 60

해설

$$24 \times a = 90 \times b = c^2$$

$24 \times a$  와  $90 \times b$  가 어떤 수의 제곱수가 되어야 하므로 소인수분해를 해 보면

$$2^3 \times 3 \times a = 2 \times 3^2 \times 5 \times b$$

즉,  $c$  는 24 과 90 의 공배수이므로  $2^3 \times 3^2 \times 5$  의 배수이다.

그러므로 가장 작은  $c^2$  은  $2^4 \times 3^2 \times 5^2$  이어야 한다.

$$\therefore c = 2^2 \times 3 \times 5 = 60$$

7. 다음 중 180의 약수는?

①  $2^3 \times 5$

②  $3^2 \times 7$

③  $2^2 \times 3^2$

④  $3^3 \times 5 \times 7$

⑤  $2^2 \times 3^3 \times 7$

해설

180을 소인수분해하면  $180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$ 이다.

8. 다음 중 약수의 개수가 나머지와 다른 것은?

① 12

② 18

③ 32

④ 36

⑤ 75

해설

$$\textcircled{1} \quad 12 = 2^2 \times 3$$

$$\therefore (2+1) \times (1+1) = 6(\text{개})$$

$$\textcircled{2} \quad 18 = 2 \times 3^2$$

$$\therefore (1+1) \times (2+1) = 6(\text{개})$$

$$\textcircled{3} \quad 32 = 2^5$$

$$\therefore (5+1) = 6(\text{개})$$

$$\textcircled{4} \quad 36 = 2^2 \times 3^2$$

$$\therefore (2+1) \times (2+1) = 9(\text{개})$$

$$\textcircled{5} \quad 75 = 3 \times 5^2$$

$$\therefore (1+1) \times (2+1) = 6(\text{개})$$

9. 두 자연수  $x$ ,  $y$  가 있다.  $x$  를  $y$  로 나누었더니 몫이 15 , 나머지가 2 이었다. 이때,  $x$  를 5 로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 2

해설

$$x = y \times 15 + 2 = 5 \times y \times 3 + 2 \text{ 이다.}$$

따라서 나머지는 2 이다.

10.  $3^{2009} - 2^{2009}$  를 10 으로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

$3^1 = 3, 3^2 = 9, 3^3 = 27, 3^4 = 81, \dots \rightarrow$  4 번 거듭제곱을 할 때  
마다 일의 자릿수는 1 이 된다.

$2^1 = 2, 2^2 = 4, 2^3 = 8, 2^4 = 16, \dots \rightarrow$  4 번 거듭제곱을 할 때  
마다 일의 자릿수는 6 이 된다.

$3^{2009}$  의 일의 자릿수는 3 이고,

$2^{2009}$  의 일의 자릿수는 2 이므로,

$3^{2009} - 2^{2009}$  의 일의 자릿수는 1 이 된다.

$\therefore 3^{2009} - 2^{2009}$  를 10 으로 나누었을 때의 나머지는 1 이다.

11. 다음 중 12의 약수가 아닌 것은?

① 1

② 2

③ 4

④ 5

⑤ 12

해설

12의 약수는 1, 2, 3, 4, 6, 12이다.

## 12. 다음 중 옳은 것은 모두 몇 개인가?

- Ⓐ  $7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 = 7 \times 5$
- Ⓑ  $x \times x \times y \times x \times y = x^2 \times y^3$
- Ⓒ  $4 \times 4 = 2^4$
- Ⓓ  $2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 2 = 2^2 + 3^3$
- Ⓔ  $\frac{1}{5} \times 3 \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{5} = 3 \times \frac{3}{5^3}$

- ① 0 개      ② 1 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

해설

- Ⓐ  $7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 = 7^5$
- Ⓑ  $x \times x \times y \times x \times y = x^3 \times y^2$
- Ⓓ  $2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 2 = 2^2 \times 3^3$
- Ⓔ  $\frac{1}{5} \times 3 \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{5} = 3 \times \left(\frac{1}{5}\right)^3$

13. 다음 중  $3^4$  을 나타낸 식은?

①  $3 \times 4$

②  $3 + 3 + 3 + 3$

③  $4 \times 4 \times 4$

④  $3 \times 3 \times 3 \times 3$

⑤  $4 \times 3$

해설

$3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^4$  이다.

14. 360 을 소인수분해하였을 때, 각 소인수의 지수의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$$2 \overline{)360}$$

$$2 \overline{)180}$$

$$2 \overline{)90}$$

$$3 \overline{)45}$$

$$3 \overline{)15}$$

$$\begin{array}{r} \\ 5 \end{array}$$

$$360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$$

$$\therefore 3 + 2 + 1 = 6$$

15. 다음 중  $2^4 \times 3^2 \times 5^3$  의 소인수를 모두 구한 것은?

① 2, 3, 5

② 2, 3

③ 2

④ 3, 5

⑤  $2^3, 5$

해설

$2^4 \times 3^2 \times 5^3$  이므로 소인수는 2, 3, 5이다.

16.  $3^2 \times 5 \times 7$  에 자연수  $a$  를 곱하면 어떤 자연수의 제곱인 수가 된다.  $a$  의 최솟값은?

① 5

② 7

③ 15

④ 21

⑤ 35

해설

$3^2 \times 5 \times 7 \times a$  가 어떤 자연수의 제곱인 수가 되려면  $3^2 \times 5 \times 7 \times a$  를 소인수분해했을 때 각 소인수의 지수가 짝수여야 한다. 따라서 만족하는 자연수  $a$  의 최솟값은  $5 \times 7 = 35$  이다.

17. 120에 자연수  $x$ 를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다.  
다음 중  $x$ 의 값이 될 수 없는 것은?

- ①  $2 \times 3 \times 5$       ②  $2^3 \times 3 \times 5$       ③  $2 \times 3^3 \times 5$   
④  $2 \times 3 \times 5 \times 7^2$       ⑤  $2^2 \times 3 \times 5$

해설

$120 = 2^3 \times 3 \times 5$ 로 소인수분해되므로 소인수 2, 3, 5의 지수가  
홀수인 수를 곱한다.

$2^2 \times 3 \times 5$ 은  $2^2$ 을 곱하였으므로 제곱수가 될 수 없다.

18.  $3^2 \times 5 \times 7^x$  의 약수의 개수가 72 의 약수의 개수와 같을 때, 자연수  $x$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$72 = 2^3 \times 3^2$  이므로 72 의 약수의 개수:

$$(3+1) \times (2+1) = 12 \text{ (개)}$$

$3^2 \times 5 \times 7^x$  의 약수의 개수:

$$(2+1) \times (1+1) \times (x+1) = 12 \text{ (개)}$$

$$\therefore x = 1$$

19. 자연수  $3^4 \times A$  의 약수의 개수가 10 개일 때, 가장 작은 두 자리 자연수  $A$  를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 11

해설

$$10 = 10 \times 1 = 5 \times 2$$

(1)  $10 = 10 \times 1 = (9 + 1)$  일 때,

$$3^4 \times A = 3^9 \quad \therefore A = 3^5$$

그러나  $3^5 = 243$  은 두 자리 수가 아니다.

(2)  $10 = 5 \times 2 = (4 + 1) \times (1 + 1)$  일 때,

$$3^4 \times A = 3^4 \times (3\text{이 아닌 소수})$$

$$\therefore A = 2, 5, 7, 11, 13, \dots$$

따라서 가장 작은 두 자리 자연수  $A$  는 11이다.

20. 1부터 50 까지의 자연수 중에서 약수의 개수가 3 개인 자연수의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 4개

해설

자연수  $n$  의 약수의 개수가 3 개이기 위해서는 1 과  $n$  이외에 약수가 한 개만 더 있어야하므로 자연수  $n$  은 소수의 완전제곱수이어야 한다.

따라서 1부터 50 까지의 완전제곱수를 구하면

$$7^2 = 49 < 50 \text{ 이고 } 11^2 = 121 > 50 \text{ 이므로}$$

50 이하인 소수의 완전제곱수는

$$2^2, 3^2, 5^2, 7^2 \text{ 이다.}$$