

1. 다음 중 면의 개수가 가장 적은 입체도형은?

① 사각기둥

② 육각뿔대

③ 육각기둥

④ 오각뿔대

⑤ 육각뿔

해설

① 사각기둥의 면 개수 : 6 개

② 육각뿔대의 면 개수 : 8 개

③ 육각기둥의 면 개수 : 8 개

④ 오각뿔대의 면 개수 : 7 개

⑤ 육각뿔의 면 개수 : 7 개

따라서 면의 개수가 가장 적은 입체도형은 ①이다.

2. 정육면체의 각 면의 한가운데에 있는 점을 연결하여 만든 입체도형은?

① 정사면체

② 육면체

③ 정사각뿔

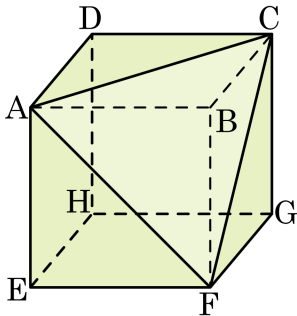
④ 정팔면체

⑤ 삼각뿔대

해설

정육면체의 각 면의 한가운데에 있는 점을 연결하면 정팔면체가 생긴다.

3. 다음 그림은 정육면체를 세 꼭짓점 A, F, C 를 지나는 평면으로 잘라서 만든 입체도형이다. $\angle ACF$ 의 크기는?



① 50°

② 60°

③ 70°

④ 80°

⑤ 90°

해설

정육면체의 대각선의 길이가 같으므로 $\overline{AC} = \overline{AF} = \overline{CF}$ 이고,
 $\triangle ACF$ 가 정삼각형이다.

따라서 $\angle ACF = 60^\circ$ 이다.

4. 다음 입체도형 중에서 밑면에 수직인 평면으로 자를 때, 그 잘린 면의 모양이 원인 것은?

① 원뿔

② 원뿔대

③ 구

④ 반구

⑤ 원기둥

해설

③ 구는 어느 방향으로 자르더라도 단면이 항상 원이다.

5. 모서리의 개수가 16 개인 각뿔의 면의 개수는?

① 7 개

② 8 개

③ 9 개

④ 10 개

⑤ 11 개

해설

n 각뿔의 모서리의 개수는 $2n$ 이므로

$$2n = 16 \quad \therefore n = 8$$

따라서 팔각뿔의 면의 개수는

$$\therefore 8 + 1 = 9(\text{개})$$

6. 다음 삼각기둥에 대한 설명 중에서 옳지 않은 것은?

- ① 오면체이다.
- ② 옆면과 밑면은 서로 수직이다.
- ③ 옆면은 모두 직사각형이다.
- ④ 두 밑면은 합동인 삼각형으로 서로 평행하다.
- ⑤ 밑면에 수직인 평면으로 자를 때 생기는 단면은 정삼각형이다.

해설

⑤ 밑면에 수직인 평면으로 자를 때 생기는 단면은 직사각형이다.

7. m 각뿔대의 모서리의 개수와 n 각기둥의 꼭짓점의 개수의 합이 24개일 때, $m + n$ 의 최댓값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

m 각뿔대의 모서리의 개수 $3m$

n 각기둥의 꼭짓점의 개수 $2n$

$$3m + 2n = 24 \text{ (단, } m \geq 3, n \geq 3 \text{)}$$

따라서, 위의 식을 만족하는 $(m$ 각뿔대, n 각기둥)을 구하면
(4, 6), (6, 3)

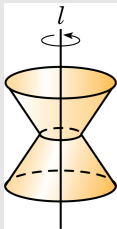
따라서 $m + n$ 의 최댓값은 10

8. 다음 중 회전체에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

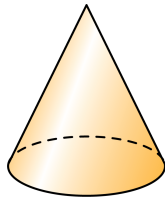
- ① 회전체를 회전축에 수직인 평면으로 자르면 그 잘린 면은 항상 원이다.
- ② 회전체를 회전축을 포함하는 평면으로 자르면 그 잘린 면은 회전축에 대하여 선대칭도형이다.
- ③ 직각삼각형의 직각을 낀 한 변을 회전축으로 1 회전시킬 때 생기는 입체도형은 원뿔이다.
- ④ 회전체는 곡면만으로 이루어진 입체도형이다.
- ⑤ 구를 한 평면으로 자른 단면은 항상 원이다.

해설

④ 다음 회전체의 경우 밑면들은 곡면이 아니다.



9. 다음 회전체는 다음 중 어떤 도형을 회전시킬 때,
생기는 입체도형인가?



①



②



③



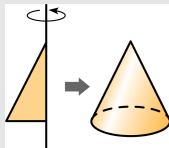
④



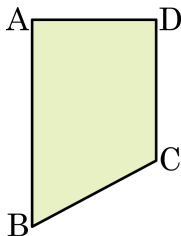
⑤



해설



10. 다음 그림과 같은 도형에서 한 변을 축으로 하여 회전시켜서 원뿔대를 만들려고 한다. 어떤 변을 회전축으로 하면 좋겠는가?



① $\overline{CD}$

② $\overline{AC}$

③ $\overline{AD}$

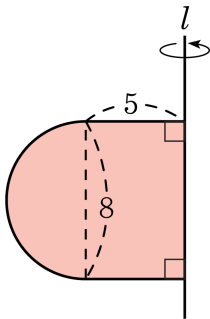
④ $\overline{BC}$

⑤ $\overline{AB}$

해설

$\overline{AD}$ 를 회전축으로 회전하면 서로 다른 크기를 가진 원이 만들어진다.

11. 다음 평면도형을 직선 l 을 축으로 하여 1 회전 시켜서 얻어지는 입체도형을 회전축을 포함하는 평면으로 잘랐을 때, 넓이는?

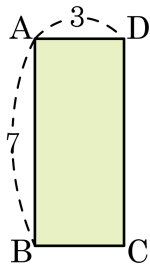


- ① $40 + 8\pi$ ② $40 + 16\pi$ ③ $80 + 8\pi$
 ④ $80 + 16\pi$ ⑤ $80 + 64\pi$

해설

넓이는 반지름이 4 인 원과 가로가 10, 세로가 8 인 직사각형의 넓이의 합과 같으므로 넓이는 $80 + 16\pi$ 이다.

12. 다음 그림의 직각삼각형 ABCD 에서 $\overline{AB}$ 를 축으로 하여 1 회전시켜 얻어지는 입체도형을 회전축을 포함하는 평면으로 잘랐을 때 넓이를 S_1 , $\overline{BC}$ 를 축으로 하여 1 회전시켜 얻어진 입체도형을 회전축을 포함하는 평면으로 잘랐을 때 넓이를 S_2 라 할 때, $S_2 - S_1$ 의 값을 구하시오.



▶ 답 :

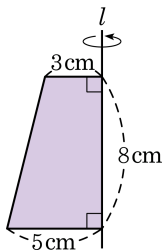
▷ 정답 : 0

해설

$$S_1 = 6 \times 7 = 42$$

$$S_2 = 14 \times 3 = 42 \text{ 이므로 } S_1 - S_2 = 0 \text{ 이다.}$$

13. 다음 그림과 같은 도형을 직선 l 을 축으로 하여 360° 회전시킨 회전체를 회전축을 포함하는 평면으로 잘랐을 때, 단면의 넓이를 구하여라.

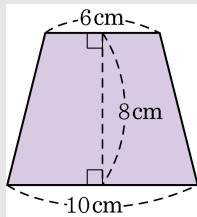


▶ 답 : cm^2

▶ 정답 : 64 cm^2

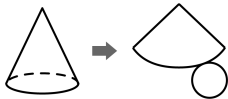
해설

$$(\text{넓이}) = (6 + 10) \times 8 \times \frac{1}{2} = 64(\text{cm}^2)$$

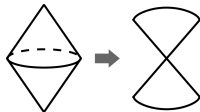


14. 다음 중 주어진 도형과 전개도가 잘못 연결된 것은?

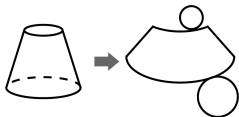
①



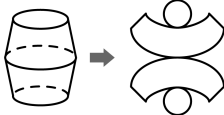
②



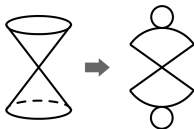
③



④

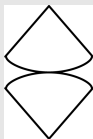


⑤

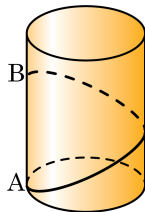


해설

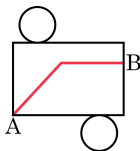
원뿔 2개를 밑면끼리 붙여둔 모양이므로, 전개도는 다음과 같다.



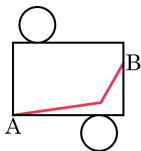
15. 다음 그림과 같은 원기둥 모양의 입체가 있다. 옆면의 한 점 A 에서 다른 점 B 까지를 실로 팽팽하게 연결하였다. 다음 중 실이 지난 길을 전개도에 바르게 나타낸 것은?



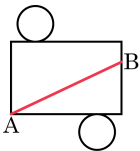
①



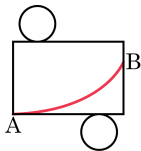
②



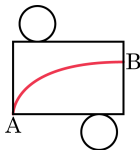
③



④



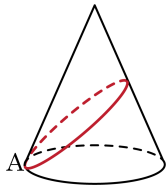
⑤



해설

실은 가장 짧은 선을 지난다.

16. 다음 그림과 같은 원뿔 모양의 입체가 있다. 밑면의 한 점 A 에서 실로 이 원뿔을 한 바퀴 팽팽하게 감을 때, 실이 지나는 선의 모양을 전개도에 바르게 나타낸 것은?



①



②



③



④



⑤



해설

실은 가장 짧은 선을 지난다.

17. 구에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 회전축은 무수히 많다.
- ② 전개도는 그릴 수 없다.
- ③ 평면으로 자른 단면은 모두 원이다.
- ④ 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면은 항상 합동이다.
- ⑤ 구의 중심을 지나는 평면으로 자를 때 단면이 가장 넓다.

해설

④ 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면은 모두 원이지만 합동은 아니다.

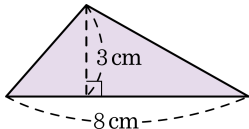
18. 다음 회전체에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 회전체를 회전축을 포함하는 어느 평면으로 잘라도 그 단면은 모두 합동이다.
- ② 원기둥을 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면은 직사각형이다.
- ③ 회전체를 회전축을 포함하는 평면으로 잘라보면 그 회전체가 어떤 도형을 회전시킨 것인지 알 수 있다.
- ④ 원뿔대의 전개도에서 옆면은 사다리꼴이다.
- ⑤ 구는 회전축이 한 개 있다.

해설

- ② 원기둥을 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면은 원이다.
- ④ 원뿔대의 전개도에서 옆면은 부채꼴을 잘라낸 모양이다.
- ⑤ 구는 회전축이 무수히 많다.

19. 밑면이 다음 그림과 같고, 부피가 84 cm^3 인
각뿔의 높이를 구하여라.



▶ 답: cm

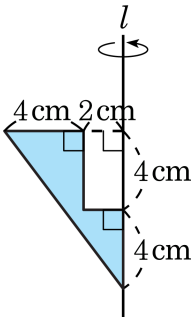
▷ 정답: 21cm

해설

$$\frac{1}{3} \times \left(8 \times 3 \times \frac{1}{2} \right) \times (\text{높이}) = 84$$

$$(\text{높이}) = 84 \div 4 = 21(\text{cm})$$

20. 다음 그림과 같은 도형을 직선 l 을 축으로 하여 1 회전시킬 때 생기는 입체도형의 부피는?



- ① $62\pi\text{cm}^3$ ② $68\pi\text{cm}^3$ ③ $74\pi\text{cm}^3$
 ④ $80\pi\text{cm}^3$ ⑤ $86\pi\text{cm}^3$

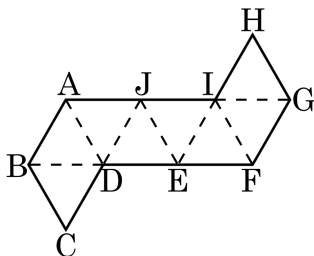
해설

$$(\text{원뿔의 부피}) = \frac{1}{3}\pi \times 6^2 \times 8 = 96\pi$$

$$(\text{원기둥의 부피}) = \pi \times 2^2 \times 4 = 16\pi$$

$$\therefore (\text{입체도형의 부피}) = 96\pi - 16\pi = 80\pi(\text{cm}^3)$$

21. 다음 전개도로 정팔면체를 만들었을 때, 면 IFG 와 만나지 않는 면은?



① 면 BCD

② 면 ABD

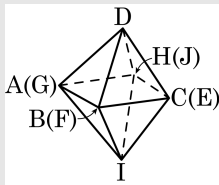
③ 면 ADJ

④ 면 JDE

⑤ 면 JEI

해설

정팔면체를 만들어 보면 다음과 같다.

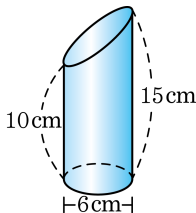


점 A = 점 G, 점 B = 점 F

점 C = 점 E, 점 H = 점 J

따라서 면 IFG 와 만나지 않는 면은 면 DHC, 즉 면 DJE 이다.

22. 다음 입체도형은 원기둥의 일부를 잘라낸 것이다. 이 입체도형의 부피를 구하여라.



▶ 답 : cm^3

▶ 정답 : $\frac{225}{2}\pi \text{cm}^3$

해설

입체도형의 모양은 높이가 10 cm 인 원기둥과 높이가 5 cm 인 원기둥의 반을 붙여 놓은 것과 같다.

$$\begin{aligned}
 (\text{부피}) &= \pi \times 3^2 \times 10 + \pi \times 3^2 \times 5 \times \frac{1}{2} \\
 &= 90\pi + \frac{45}{2}\pi \\
 &= \frac{225}{2}\pi (\text{cm}^3)
 \end{aligned}$$

23. 다음 그림과 같이 색칠한 부분을 직선 l 을 축으로 하여 1 회전 시킬 때 생기는 입체도형의 겉넓이를 구하면?

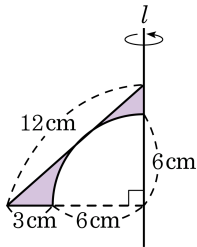
① $219\pi \text{ cm}^2$

② $221\pi \text{ cm}^2$

③ $223\pi \text{ cm}^2$

④ $225\pi \text{ cm}^2$

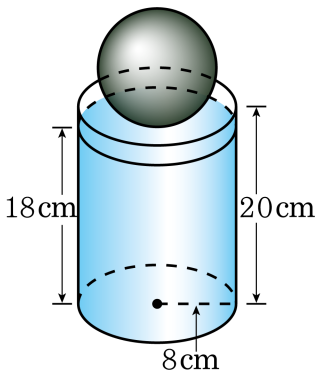
⑤ $227\pi \text{ cm}^2$



해설

$$\begin{aligned}
 & (\pi \times 9 \times 12) + \left(\frac{1}{2} \times 4\pi \times 6^2 \right) + (\pi \times 9^2) - (\pi \times 6^2) \\
 & = 225\pi \text{ (cm}^2\text{)}
 \end{aligned}$$

24. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 8cm, 높이가 20cm 인 원기둥 모양의 그릇에 높이가 18cm 만큼 물이 차 있었다. 이 그릇에 쇠공은 넣었다 빼었더니 물이 $160\pi\text{cm}^3$ 만큼 넘쳐흘렀다. 쇠공의 반지름의 길이를 구하여라. (단, 그릇의 두께는 무시한다.)



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 6cm

해설

(쇠공의 부피)

= (흘러넘친 물의 양) + (비어있는 원기둥 부피)

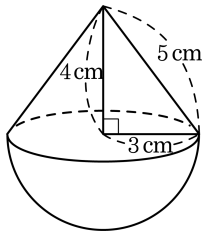
쇠공의 반지름의 길이를 r 이라 하면

$$\frac{4}{3}\pi \times r^3 = 160\pi + \pi \times 8^2 \times (20 - 18)$$

$$\therefore r^3 = 216 = 6^3$$

$$\therefore r = 6(\text{cm})$$

25. 다음 그림과 같이 길이가 3 cm 인 반구와 모선의 길이가 5 cm , 높이가 4 cm 인 원뿔이 있다. 이때, 겉넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 33π cm²

해설

$$\frac{1}{2} \times 6\pi \times 5 + \frac{1}{2} \times 4\pi \times 3^2 = 33\pi (\text{cm}^2)$$