1. 주사위 두 개를 동시에 던질 때, 나온 눈의 수의 곱이 소수가 되는 경우 또는 나온 눈의 수의 곱이 10의 배수가 되는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : ______ 가지

▷ 정답 : 12 가지

해설

나온 눈의 수의 곱이 소수가 되는 경우의 수는
$(1,2)$, $(1,3)$, $(1,5)$, $(2,1)$, $(3,1)$, $(5,1)$ 의 6 가지
나온 눈의 수의 곱이 10의 배수가 되는 경우는
i) 곱이 10이 되는 경우 : $(2,5)$, $(5,2)$
ii) 곱이 20이 되는 경우 : $(4,5)$, $(5,4)$
iii) 곱이 30이 되는 경우 : $(5,6)$, $(6,5)$
이므로 총 6 가지
따라서 나온 눈의 수의 곱이 소수가 되는 경우 또는 나온 눈의 수의 곱이 10의 배수가 되는 경우의 수는 $6+6=12$(가지)

2. 노란색 도화지 3장과 파란색 도화지 1장을 일렬로 세워서 그 색의 배열로 신호를 만들 때, 만들 수 있는 신호의 경우의 수를 p개, *natural* 에서 사용된 문자를 일렬로 나열하는 경우의 수를 q개라 할 때, $p+q$의 값을 구하여라.

▶ 답 : ________ 가지

▷ 정답 : 424 가지

해설

4장의 도화지에서 노란색의 도화지가 3장이므로

$\dfrac{4\times3\times2\times1}{3\times2\times1}=4$(가지)

$\therefore\ p=4$

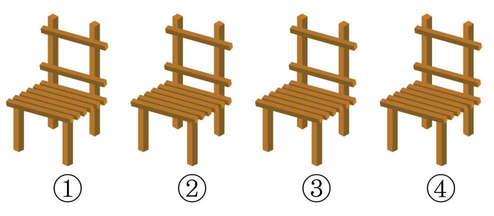
7개의 알파벳에서 a가 2번 나오므로

$\dfrac{7\times5\times4\times3\times2\times1}{2\times1}=420$(가지)

$\therefore\ q=420$

$\therefore\ p+q=424$(가지)

3. A, B, C, D, E 5 명의 학생 중 4 명을 뽑아 다음 그림과 같은 4 개의 의자에 앉히려고 한다. 이 때, A 가 ②번, B 가 ④번 의자에 앉는 경우는 모두 몇 가지인지 구하여라.



▶ 답: ______ 가지

▷ 정답: 6 가지

해설

A 가 ②번, B 가 ④번 의자에 고정시켜놓으면 ①, ③ 두 개의 의자가 남는다. 따라서 두 개의 의자에 C, D, E 세 명 중에서 두 명을 뽑아 앉히는 방법의 수를 구한다. 따라서 $3 \times 2 = 6$ (가지) 이다.

4. 중국인 4 명과 한국인 5 명이 한 줄로 설 때, 한국인은 어느 두 명도 이웃하지 않는 경우의 수를 구하여라.

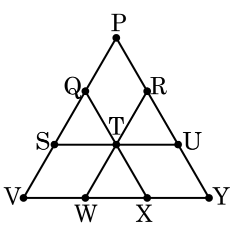
▶ 답: ________ 가지

▷ 정답: 2880 가지

해설

한국인 5 명을 한 줄로 세우고 그 사이에 중국인 4 명을 세운다.
$5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$ (가지), $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$ (가지)
$\therefore 120 \times 24 = 2880$ (가지)

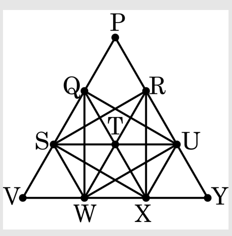
5. 다음 그림의 삼각형 PVY 는 한 변의 길이가 3 인 정삼각형이고 Q, S, W, X, U, R 는 삼각형의 각 변을 삼등분한 점이다. 또, 점 T 는 $\overline{QX}$, $\overline{SU}$, $\overline{RW}$ 의 교점이다. 이 10 개의 점 중에서 3 개를 택하여 삼각형을 만들 때, 정삼각형은 모두 몇 개 만들어지는지 구하여라.



▶ 답 : ______ 개

▷ 정답 : 15 개

해설



가장 작은 정삼각형 9 개, 작은 삼각형 4 개로 이뤄진 정삼각형 3 개,

$\triangle QWU$, $\triangle RSX$ 의 2 개, 가장 큰 정삼각형 1 개

$\therefore 9 + 3 + 2 + 1 = 15$(개)

6. 길이가 각각 2cm, 3cm, 4cm, 5cm, 6cm 인 5 개의 막대 중에서 3 개를 골랐을 때 삼각형이 이루어질 확률은?

① $\frac{3}{5}$　② $\frac{3}{10}$　③ $\frac{1}{2}$　④ $\frac{7}{10}$　⑤ $\frac{9}{10}$

해설

5 개의 막대 중에서 3 개를 고르는 경우의 수는 $\frac{5\times4\times3}{3\times2\times1}=10$ (가지) 이고, 삼각형의 결정 조건에 의해 두 변의 길이의 합은 다른 한 변의 길이보다 커야 하므로 삼각형이 이루어지는 경우는 $(2,\ 3,\ 4), (2,\ 4,\ 5), (2,\ 5,\ 6), (3,\ 4,\ 5), (3,\ 4,\ 6)$, $(3,\ 5,\ 6), (4,\ 5,\ 6)$ 의 7 가지이다.

따라서 구하는 확률은 $\frac{7}{10}$ 이다.

7. 1 ~ 5 까지의 숫자가 적힌 5 개의 공이 A, B, C, D, E 의 5 개 칸에 일렬로 놓여있다. 이 공을 다음과 같은 규칙으로 다시 배열하려고 한다.

㉠ A, B 에 놓인 공의 숫자를 비교하여 A 가 크면 A 와 B 를 바꾸고, B 가 크면 그대로 둔다. ㉡ B, C 에 놓인 공의 숫자를 비교하여 B 가 크면 B 와 C 를 바꾸고, C 가 크면 그대로 둔다. ㉢ C, D 에 놓인 공의 숫자를 비교하여 C 가 크면 C 와 D 를 바꾸고, D 가 크면 그대로 둔다. ㉣ D, E 에 놓인 공의 숫자를 비교하여 D 가 크면 D 와 E 를 바꾸고, E 가 크면 그대로 둔다.

이때, 처음에 C 위치에 있던 공이 다시 배열한 후에는 E 위치에 오게 될 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{5}$

해설

5 개의 공을 일렬로 세우는 모든 경우의 수는 120 가지
처음에 임의로 놓여있던 공들이 ㉠ ~ ㉣의 과정을 거치면 언제나 가장 큰 공이 맨 뒤에 오게 된다.
따라서 C 가 E 의 위치에 오므로 C 의 앞에 A, B, D, E 를 배열시키는 확률을 구하면 된다.
A, B, D, E 를 배열시키는 경우의 수는 24 가지이므로 구하는 확률은 $\frac{24}{120} = \frac{1}{5}$ 이다.

8. 동전 한 개와 주사위 한 개를 동시에 던질 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

㉠ 모든 경우의 수는 12가지이다. ㉡ 동전은 앞면, 주사위는 2의 배수의 눈이 나올 경우의 수는 3가지이다. ㉢ 동전은 뒷면, 주사위는 6의 약수의 눈이 나올 확률은 $\frac{1}{4}$ 이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

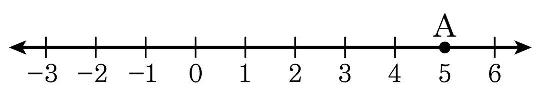
▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉡

해설

㉢ $\frac{4}{12}=\frac{1}{3}$

9. 한 개의 동전을 던져서 앞면이 나오면 수직선을 따라 양의 방향으로 2 만큼, 뒷면이 나오면 음의 방향으로 1 만큼 이동한다. 동전을 4 번 던져서 이동하였을 때 A 지점에 위치할 확률은? (단, 동전을 던지기 전의 위치는 0 이다.)

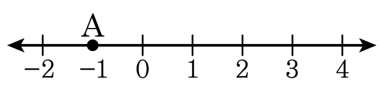


① $\frac{1}{8}$ ② $\frac{3}{8}$ ③ $\frac{3}{4}$ ④ $\frac{1}{4}$ ⑤ $\frac{5}{16}$

해설

(앞면 나오는 횟수)$= a$, (뒷면 나오는 횟수) $= b$라 하면 $a + b = 4$, $2a - b = 5$에서 $a = 3$, $b = 1$
즉, 앞면 3 번, 뒷면 1 번
(전체 경우의 수) $= 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$(가지),
앞면 3 번 , 뒷면 1 번이 나오는 경우의 수는 4가지이다.
$\therefore \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$

10. 한 개의 동전을 던져서 앞면이 나오면 수직선을 따라 양의 방향으로 2 만큼, 뒷면이 나오면 수직선을 따라 음의 방향으로 1 만큼 이동하였다. 동전을 4 번 던져서 이동하였을 때, A 지점에 위치할 확률을 구하여라. (단, 동전을 던지기 전의 위치는 0 이다.)



▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{4}$

해설

동전을 4 번 던졌을 때, 앞면이 1 번, 뒷면이 3 번 나오는 확률 :

$\left(\frac{1}{2}\times\frac{1}{2}\times\frac{1}{2}\times\frac{1}{2}\right)\times 4=\frac{1}{4}$

11. KOREA 의 5 개 문자를 무심히 일렬로 나열할 때, 모음이 모두 인접할 확률을 구하면?

① $\frac{1}{10}$ ② $\frac{1}{5}$ ③ $\frac{3}{10}$ ④ $\frac{2}{5}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

해설

전체 경우의 수는 다섯 개의 문자를 일렬로 배열하는 경우의 수와 같고, 위의 경우는 KOREA 중에 모음은 O, E, A 3 개 이므로 이를 하나로 보고 일렬로 나열한 후 이들끼리 자리 바꾸는 경우로 생각해 보면 된다.

$\therefore \frac{(3\times2\times1)\times(3\times2\times1)}{5\times4\times3\times2\times1}=\frac{3}{10}$

12. 사건 A가 일어날 확률을 p, 일어나지 않을 확률을 q라고 할 때, 다음 중 옳은 것은?

① $p = 1 - q$ ② $0 < p \le 1$ ③ $-1 \le q \le 1$

④ $pq = 1$ ⑤ $p + q = 0$

해설

② $0 \le p \le 1$
③ $0 \le q \le 1$
④ $0 \le pq \le 1$
⑤ $p + q = 1$

13. 다음 설명 중 옳지 않은 것은? (X 가 일어날 확률을 p 라 한다.)

① 절대로 일어나지 않은 사건의 확률은 0 이다.
② X 가 일어나지 않을 확률= $1-p$
③ 반드시 일어나는 사건의 확률은 1 이다.
④ $0 < p \le 1$
⑤ p 는 1 보다 클 수 없다.

해설
④ $0 < p \le 1 \rightarrow 0 \le p \le 1$

14. 자연수 x, y, z 가 홀수일 확률이 각각 $\frac{1}{2}$, $\frac{2}{3}$, $\frac{3}{4}$ 이다. $x+y+z$ 가 짝수일 확률은?

① $\frac{1}{24}$ ② $\frac{1}{12}$ ③ $\frac{3}{12}$ ④ $\frac{1}{4}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

해설

짝수가 나오려면 (세 수 모두 짝수) + (세 수 중 하나가 짝수)

모두 짝수일 확률 : $\frac{1}{2}\times\frac{1}{3}\times\frac{1}{4}=\frac{1}{24}$

하나만 짝수일 확률 : $\left(\frac{1}{2}\times\frac{2}{3}\times\frac{3}{4}\right)+\left(\frac{1}{2}\times\frac{1}{3}\times\frac{3}{4}\right)+\left(\frac{1}{2}\times\frac{2}{3}\times\frac{1}{4}\right)=\frac{11}{24}$

따라서 구하는 확률은 $\frac{1}{24}+\frac{11}{24}=\frac{1}{2}$

15. 남학생 3 명, 여학생 2 명 중에서 2 명의 대표를 선출한다. 적어도 한 명은 여학생이 선출될 확률이 $\frac{a}{b}$ 일 때, $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 17

해설

5 명 중에 2 명의 대표를 뽑는 모든 경우의 수는 $\frac{5\times4}{2}=10$ (가지), 2 명 모두가 남학생 3 명 중에서 선출될 경우의 수는 $\frac{3\times2}{2}=3$ (가지) 이므로 2 명 모두 남학생이 선출될 확률은 $\frac{3}{10}$ 이다. 그러므로 구하는 확률은 1−(2명 모두 남학생이 선출될 확률) $=1-\frac{3}{10}=\frac{7}{10}$ 이다.

$a=7,\ b=10$

$\therefore\ a+b=17$

16. 윷놀이를 하는데 윷을 한 번 던져 도 또는 모가 나올 확률은?

① $\frac{3}{16}$　② $\frac{5}{16}$　③ $\frac{3}{8}$　④ $\frac{7}{16}$　⑤ $\frac{1}{2}$

해설

도가 나올 확률 : $\frac{4}{16} = \frac{1}{4}$

모가 나올 확률 : $\frac{1}{16}$

$\therefore \frac{1}{4} + \frac{1}{16} = \frac{5}{16}$

17. 양궁 선수 찬영이가 목표물을 명중시킬 확률은 $\frac{1}{4}$ 이고, 찬영, 여준 중 적어도 1 명이 목표물을 명중시킬 확률은 $\frac{3}{4}$ 이다. 여준, 준호 중 적어도 1 명이 목표물을 명중시킬 확률이 $\frac{3}{4}$ 일 때, 찬영, 준호 중 적어도 1 명이 목표물을 명중시킬 확률은?

① $\frac{5}{16}$ ② $\frac{7}{16}$ ③ $\frac{9}{16}$ ④ $\frac{11}{16}$ ⑤ $\frac{13}{16}$

해설

여준, 준호가 목표물을 명중시킬 확률을 각각 b , c 라 혀면

$1-\left(1-\frac{1}{4}\right)\times(1-b)=\frac{3}{4}$, $\frac{3}{4}(1-b)=\frac{1}{4}$

$\therefore b=\frac{2}{3}$

$1-\left(1-\frac{2}{3}\right)\times(1-c)=\frac{3}{4}$, $\frac{1}{3}(1-c)=\frac{1}{4}$

$\therefore c=\frac{1}{4}$

따라서 구하는 확률은 $1-\left(1-\frac{1}{4}\right)\times\left(1-\frac{1}{4}\right)=1-\frac{3}{4}\times\frac{3}{4}=\frac{7}{16}$

이다.

18. 어떤 야구 선수의 타율이 4할이라고 할 때, 이 선수가 세 번의 타석 중에서 한 번만 안타를 칠 확률은?

① $\frac{18}{125}$ ② $\frac{27}{125}$ ③ $\frac{54}{125}$ ④ $\frac{8}{81}$ ⑤ $\frac{16}{81}$

해설

세 번 중 한 번만 안타를 칠 확률은 $\frac{2}{5}\times\frac{3}{5}\times\frac{3}{5}=\frac{18}{125}$ 이고,
안타를 첫 번째 치는 경우, 두 번째 치는 경우, 세 번째 치는 경우가 있으므로
$\frac{18}{125}\times 3=\frac{54}{125}$

19. A, B, C 세 사람이 가위바위보를 할 때, 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

① 세 사람이 모두 다른 것을 낼 확률 : $\frac{2}{9}$

② 비길 확률 : $\frac{1}{9}$

③ 승부가 결정될 확률 : $\frac{2}{3}$

④ A만 이길 확률 : $\frac{1}{9}$

⑤ A가 이길 확률 : $\frac{1}{3}$

해설

① $\frac{3}{3}\times\frac{2}{3}\times\frac{1}{3}=\frac{2}{9}$

② $\left(\frac{3}{3}\times\frac{2}{3}\times\frac{1}{3}\right)+\left(\frac{3}{3}\times\frac{1}{3}\times\frac{1}{3}\right)=\frac{1}{3}$

③ $1-\frac{1}{3}=\frac{2}{3}$

④ $\frac{3}{27}=\frac{1}{9}$

⑤ $\frac{3}{27}\times 3=\frac{1}{3}$

20. 민지와 종효가 홀수 번에는 민지가 주사위를, 짝수 번에는 종효가 동전을 던지는 놀이를 한다. 민지는 주사위 3이상의 눈이 나오면 이기고, 종효는 동전의 앞면이 나오면 이기는 것으로 할 때, 6회 이내에 종효가 이길 확률을 구하면?

① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{7}{36}$ ③ $\frac{4}{108}$ ④ $\frac{43}{216}$ ⑤ $\frac{53}{216}$

해설

6회 이내에 종효가 이길 경우는
(i) 2회때 이길 경우
(ii) 4회때 이길 경우
(iii) 6회때 이길 경우

주사위 3이상의 눈이 나오는 경우는 3, 4, 5, 6이므로 확률은 $\frac{2}{3}$ 이고, 동전의 앞면이 나올 확률은 $\frac{1}{2}$ 이다.

(i) 2회때 이길 확률은 $\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$

(ii) 4회때 이길 확률은 $\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{36}$

(iii) 6회때 이길 확률은 $\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{216}$

$\therefore \frac{1}{6} + \frac{1}{36} + \frac{1}{216} = \frac{43}{216}$

21. 진희와 연우는 최소 7 번을 겨루어 4 번을 먼저 이기면 승리하는 게임을 한다. 진희가 2 승 1 패로 앞서 나갈 때, 연우가 우승할 확률을 구하여라. (단, 매 경기 진희가 연우에게 질 확률은 $\frac{2}{3}$ 이고, 비기는 경우는 없다.)

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{16}{27}$

해설

연우가 먼저 4 승을 해야 하므로 최대 네 번까지 게임을 할 수 있다.
승을 ○, 패를 × 로 표시하면
(1) 3 번의 게임 후 우승이 결정되는 경우
○○○ 인 경우 : $\frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{8}{27}$
(2) 4번의 게임 후 우승이 결정되는 경우
×○○○ 인 경우 : $\frac{1}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{8}{81}$
○×○○ 인 경우 : $\frac{2}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{8}{81}$
○○×○ 인 경우 : $\frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{8}{81}$
따라서 구하는 확률은 $\frac{8}{27} + \frac{8}{81} + \frac{8}{81} + \frac{8}{81} = \frac{16}{27}$ 이다.

22. 2학년 1반과 3반 대표가 농구 시합을 하였다. 다음 상황을 읽고 3반이 1반을 이길 확률을 구하면?

> ㉠ 현재 1반이 3반을 65 : 64 로 앞서 있다.
>
> ㉡ 경기 종료와 동시에 3반 회장이 3점슛을 넣다가 파울을 얻어 자유투 3개를 얻게 되었다.
>
> ㉢ 회장의 자유투 성공률은 60% 이다.
>
> ㉣ 자유투 1개를 성공시키면 1점씩 올라간다.
>
> ㉤ 연장전은 없으며, 회장이 자유투 3개를 모두 던지고 나면 경기가 종료된다.

① $\frac{18}{125}$ (14.4%)　② $\frac{9}{25}$ (36%)　③ $\frac{54}{125}$ (43.2%)
④ $\frac{3}{5}$ (60%)　⑤ $\frac{81}{125}$ (64.8%)

해설

3반이 1반을 이기기 위해서는 회장이 자유투 3개 중에 2개를 성공시키거나 3개 모두 성공시키면 된다.

(1) 3개 중 2개를 성공시킬 확률

$\frac{6}{10} \times \frac{6}{10} \times \frac{4}{10} = \frac{18}{125}$

이럴 경우가 (성공, 성공, 실패), (성공, 실패, 성공), (실패, 성공, 성공) 의 3가지가 있으므로, $\frac{18}{125} \times 3 = \frac{54}{125}$

(2) 3개 모두 성공시킬 확률은

$\frac{6}{10} \times \frac{6}{10} \times \frac{6}{10} = \frac{27}{125}$

따라서 구하는 확률은 $\frac{54}{125} + \frac{27}{125} = \frac{81}{125}$

23. 농구 경기에서 A, B 두 팀의 현재 점수가 82 : 81 이고, 81 점을 얻은 B 팀이 자유투 2 개를 던지면 경기가 종료된다고 한다. 자유투를 던질 선수의 성공 가능성이 100 개 중 75 개라고 할 때, B 팀이 이길 확률은? (단, 연장전은 없다.)

① $\frac{3}{4}$ ② $\frac{1}{6}$ ③ $\frac{3}{9}$ ④ $\frac{3}{16}$ ⑤ $\frac{9}{16}$

해설

골을 넣을 수 있는 확률이 $\frac{3}{4}$ 이고, 두 골을 모두 넣어야 승리하므로 구하는 확률은

$\frac{3}{4} \times \frac{3}{4} = \frac{9}{16}$

24. 2000 의 양의 약수 중 제곱수가 아니면서 짝수인 것의 개수는?

① 4　　② 6　　③ 8　　④ 10　　⑤ 12

해설

$2000 = 2^4 \cdot 5^3$ 의 양의 약수는
$2^j \cdot 5^k (0 \le j \le 4, 0 \le k \le 3)$ 의 형태이다.
그러므로 제곱수가 아니면서 짝수인 것은
$2 \cdot 5^k (k = 0, 1, 2, 3)$
$2^2 \cdot 5^k \ (k = 1,\ 3)$
$2^3 \cdot 5^k \ (k = 0,\ 1,\ 2,\ 3)$
$2^4 \cdot 5^k (k = 1, 3)$ 의 형태이므로
구하는 개수는 $4 + 2 + 4 + 2 = 12$ (개)

25. $1, 2, 3, 4, 5$를 일렬로 배열할 때, i 번째 숫자를 a_i 라고 하자. 이러한 배열 중 $a_i \neq i$ 를 만족하는 것의 개수를 구하시오. (단, $1 \leq i \leq 5$)

▶ 답: 　　　　　　　　개

▷ 정답: 44 개

해설

a_1 의 가능한 경우는 $2, 3, 4, 5$ 의 4가지이다.
$a_1 = 2$ 인 경우 다음 수형도로부터 11 개이다.

a_1	2										
a_2	1		3			4			5		
a_3	4	5	1	4	5	1	5		4		1
a_4	5	3	5	5	1	5	1	3	1	1	3
a_5	3	4	4	1	4	3	3	1	3	3	4

$a_1 = 3, 4, 5$ 인 경우도 마찬가지로 각각 11 개가 있으므로 구하는 경우의 수는 $4 \times 11 = 44$ (개) 임을 알 수 있다.

26. 50 원, 100 원, 500 원짜리 동전만 사용할 수 있는 자동판매기에서 400 원짜리 음료수 3 개를 선택하려고 한다. 세 종류의 동전을 모두 사용하여 거스름돈 없이 자동판매기에 동전을 넣는 방법의 수는? (단, 동전을 넣는 순서는 고려하지 않는다.)

① 3　　② 4　　③ 5　　④ 6　　⑤ 7

해설

500 원을 기준으로 생각한다. 100 원을 A, 50 원을 B 라 하면,

(1) 500 원 1 개 :

$(A, B) = (6, 2),\ (5, 4),\ (4, 6),$
$\qquad (3, 8),\ (2, 10),\ (1, 12)$

(2) 500 원 2 개 : $(A, B) = (1, 2)$

$\therefore$ 총 7가지

27. 남학생 4 명, 여학생 3 명이 한 줄로 서서 등산을 할 때, 특정인 2 명이 이웃하여 서는 방법은 몇 가지인가?

① $7!$ ② $7! \times 2!$ ③ $6! \times 2!$
④ $6!$ ⑤ $5! \times 2!$

해설

특정인 2 명을 한 묶음으로 생각하여 6 명을 일렬로 세우는 방법의 수가 $6!$,
묶음 안에서 2 명이 자리를 바꾸는 방법의 수가 $2!$이므로, 구하는 경우의 수는 $6! \times 2!$ (가지)

28. A, C, E, F, L, O, S, V 의 8 개의 문자를 일렬로 나열할 때, 문자열 속에 $ASLOVECF$ 와 같이 $LOVE$ 라는 단어가 들어 있는 경우의 수는?

① 80 ② 100 ③ 120 ④ 140 ⑤ 160

해설

$LOVE$ 를 한 문자 X 로 생각하면 되므로, 구하는 경우의 수는 X, A, C, F, S 의 5 개의 문자를 일렬로 나열하는 경우의 수와 같다.

$\therefore 5! = 120$ (가지)

29. a, b, c, d, e의 5개의 문자를 일렬로 나열할 때, c가 d보다 앞에 오게 되는 방법의 수는?

① 24　　② 30　　③ 60　　④ 72　　⑤ 120

해설

c와 d를 같은 문자로 생각하여 5개의 문자를 나열하는 방법과 같다.

$\therefore \dfrac{5!}{2!} = 60$

30. 카드 4장이 있는데, 앞쪽과 뒤쪽에 각각 0과 1, 2와 3, 4와 5, 6과 7이라는 숫자가 하나씩 적혀 있다. 이들 카드 4장을 한 줄로 늘어놓아서 만들 수 있는 네 자리 정수의 개수는?

① 250　　② 270　　③ 272　　④ 336　　⑤ 384

해설

구하는 네자리 정수를 빈 칸으로 하고 카드를 뽑아다 채운다면, 천의 자리는 4장의 카드 앞, 뒷면 8가지 가운데 0을 뺀 7가지이고, 만의 자리는 카드 세 장의 앞, 뒷면이 올 수 있으므로 6가지

□	□	□	□
↑	↑	↑	↑
7가지	6가지	4가지	2가지

이와 같은 방법으로 하면 총 경우의 수는
$7 \times 6 \times 4 \times 2 = 336$ (가지)

31. silent의 6개의 문자를 일렬로 배열할 때, 적어도 한쪽 끝에 모음이 오는 경우의 수는?

① 36 ② 72 ③ 144 ④ 288 ⑤ 432

해설

전체의 경우의 수에서 양쪽 끝 모두 자음이 오는 경우의 수를 빼준다.

$6! - {}_4P_2 \times 4! = 432$

32. 그림과 같은 직사각형의 틀에 숫자 1, 1, 2, 3을 제 1행의 각 칸에 1개씩 나열하고 제 2행에도 숫자 1, 1, 2, 3 을 각 칸에 1개씩 나열할 때, 같은 열에는 같은 숫자가 들어가지 않게 나열하는 경우의 수는?

1행				
2행				

① 15 ② 18 ③ 20 ④ 22 ⑤ 24

해설

숫자 1, 1, 2, 3을 같은 열에는 같은 숫자가 들어가지 않게 나열하는 방법의 수는 (1 2), (1 3), (2 1), (3 1)을 일렬로 나열하는 방법의 수와 일치하므로 $4! = 24$

33. 어느 동물원에서 그림과 같이 번호가 적혀 있는 6 칸의 동물 우리에 호랑이, 사자, 늑대, 여우, 원숭이, 곰을 각각 한 마리씩 넣을 때, 호랑이와 사자는 이웃하지 않게 넣으려고 한다. 예를 들어, <1> 의 경우에는 <2> 와 <4> 가 이웃하는 우리이고, <3>, <5>, <6> 은 이웃하지 않는 우리이다. 이때, 6 마리의 동물들을 서로 다른 우리에 각각 넣는 방법의 수는?

$\langle 1 \rangle$	$\langle 2 \rangle$	$\langle 3 \rangle$
$\langle 4 \rangle$	$\langle 5 \rangle$	
$\langle 6 \rangle$		

① 112 ② 120 ③ 184 ④ 216 ⑤ 432

해설

(호랑이, 사자) 가 이웃하지 않는 경우는 9 가지
즉, $(1,3), (1,5), (1,6), (2,4), (2,6), (3,4), (3,5)$, $(3,6), (5,6)$ 이고
서로 바꾸는 경우의 수가 2가지 이므로 구하는 방법의 수는
$9 \times 2 \times 4! = 432$

34. 다음 그림은 2008 년 9 월 달력의 일부분이다.

S	*M*	*T*	*W*	*T*	*F*	*S*
	1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20

대원이는 9 월 1 일부터 9 월 20 일까지 일주일에 2회씩 모두 6 번을 학교에서 보충학습을 하려고 한다. 보충학습을 하는 6 일의 요일을 모두 다르게 정하는 방법의 수는? (단, 일요일에는 보충학습을 하지 않는다.)

① 30 ② 45 ③ 60 ④ 90 ⑤ 120

해설

9 월 셋째 주의 월, 화, 수, 목, 금, 토의 6 일 중에서 이틀을 정하는 방법의 수는

$_6C_2 = \dfrac{6 \times 5}{2 \times 1} = 15$ (가지)

둘째 주에는 셋째 주에서 정한 요일을 제외하고 이틀을 정하는 방법의 수는

$_4C_2 = \dfrac{4 \times 3}{2 \times 1} = 6$ (가지)

첫째 주에는 남은 요일로 결정되므로 이틀을 정하는 방법의 수는 1가지이다.

따라서 구하는 방법의 수는 $15 \times 6 \times 1 = 90$ (가지)

35. 5쌍의 부부 중에서 임의로 4명을 뽑을 때, 그 중에서 부부는 한쌍만 포함되는 경우의 수는?

① 100 ② 120 ③ 140 ④ 160 ⑤ 180

해설

먼저 5쌍의 부부중 한 쌍의 부부를 선택하고
나머지 사람들 중 2명을 뽑는 경우에서 부부가
쌍으로 뽑히는 경우를 제외하여 곱한다.
$\therefore\ {}_5C_1 \times ({}_8C_2 - {}_4C_1) = 120$

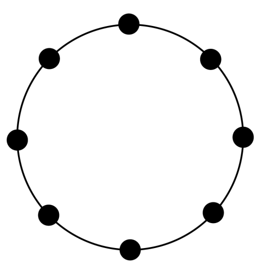
36. 0, 1, 2, 3, 4, 5 의 6 개의 숫자 중에서 서로 다른 4 개를 택하여 만들 수 있는 네 자리의 정수의 개수는?

① 120　② 240　③ 300　④ 360　⑤ 400

해설

0 이 포함되는 것과 안 되는 것을 구별하여 구한다.
1) 0 이 포함되는 것 : ${}_5C_3 \times 3 \times 3 \times 2 \times 1 = 180$
2) 0 이 포함되지 않는 것 : ${}_5P_4 = 120$
$\therefore 180 + 120 = 300$

37. 그림과 같이 원 위에 8 개의 점이 같은 간격으로 놓여 있을 때, 이 중에서 네 점을 꼭짓점으로 하는 사각형의 개수는?

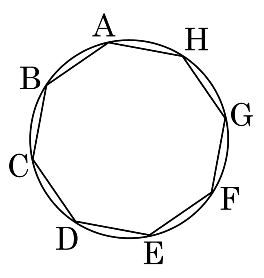


① 64　② 70　③ 72　④ 80　⑤ 96

해설

8 개의 점 중 4 개를 선택하는 방법과 같다.
$_8C_4 = 70$

38. 원에 내접하는 팔각형에서 세 개의 꼭짓점을 이을 때 만들어지는 삼각형을 다음과 같이 구하고자 한다.

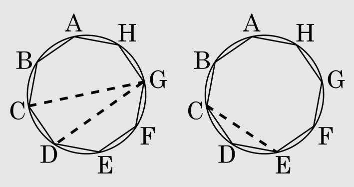


팔각형과 한 변을 공유하는 삼각형의 개수는 a 개, 팔각형과 두 변을 공유하는 삼각형의 개수는 b 개, 따라서 팔각형과 한 변도 공유하지 않는 삼각형의 개수는 c 개이다. 위의 과정에서 $a+b-c$ 의 값은?

① 24 ② 26 ③ 28 ④ 30 ⑤ 32

해설

한 변을 공유하는 경우는 한 변마다 꼭짓점이
4 개씩 있으므로,
$4 \times 8 = 32$(개) $\Rightarrow \quad a = 32$
두 변을 공유하는 경우는 꼭짓점 한 개에 한 개씩
모두 8 (개) $\Rightarrow \quad b = 8$
따라서 변을 공유하지 않는 삼각형은
${}_8C_3 - 32 - 8 = 16 \quad \Rightarrow \quad c = 16$



$\therefore \ a + b - c = 32 + 8 - 16 = 24$

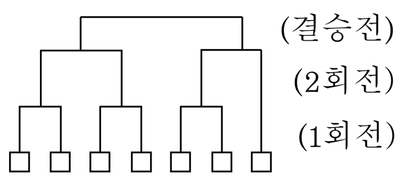
39. 8 명이 타고 있는 승강기가 2 층으로부터 11 층까지 10 개 층에서 설 수 있다고 한다. 이때, 각각 4 명, 2 명, 2 명씩 3 개 층에서 모두 내리게 되는 방법의 수는?

① 75600　② 84400　③ 92400
④ 12450　⑤ 151200

해설

8 명을 4 명, 2 명, 2 명씩 나누는 방법의 수는
${}_8C_4 \times {}_4C_2 \times {}_2C_2 \times \frac{1}{2!}$ 이고,
이와 같이 3 개층에 내리게 되는 방법의 수는
${}_{10}P_3$ 이다.
$\therefore\ {}_8C_4 \times {}_4C_2 \times {}_2C_2 \times \frac{1}{2!} \times {}_{10}P_3 = 151200$

40. A, B 를 포함한 7 명의 선수가 다음 그림과 같은 대진표에 의하여 토너먼트 방식으로 시합을 하여 우승자를 가리려고 한다. A, B 두 선수가 각각 1 회전에서 시합을 이기거나 1 회전을 부전승하여 2 회전에 올라왔을 때, A, B 두 선수가 만나도록 대진표를 짜는 방법의 수는?



① 60 ② 75 ③ 90 ④ 105 ⑤ 120

해설

7 명을 4 명, 3 명의 두 개의 조로 나눌 때,
A, B 두 선수는 같은 조에 편성되어야 한다.
(i) A, B 가 4 명의 조에 편성되는
경우 5 명을 2 명, 3 명의 두 조로 나누는
방법의 수는 ${}_5C_2 \times {}_3C_3 = 10$ (가지)
A, B 가 1 차전에서 만나지 않도록 대진표를
짜는 방법의 수는 $2 \times {}_3C_2 \times {}_1C_1 = 6$ (가지)
$\therefore 10 \times 6 = 60$ (가지)
(ii) A, B 가 3 명의 조에 편성되는 경우
5 명을 4 명, 1 명의 두 조로 나누는 방법의
수는 ${}_5C_4 \times {}_1C_1 = 5$ (가지)
A, B 가 1 차전에서 만나지 않도록 대진표를
짜는 방법의 수는 ${}_4C_2 \times {}_2C_2 \times \frac{1}{2!} \times 2 = 6$ (가지)
$\therefore 5 \times 6 = 30$ (가지)
(i), (ii) 에 의하여 구하는 방법의 수는
$60 + 30 = 90$ (가지)