

1. $\frac{1}{a(a+1)} + \frac{2}{(a+1)(a+3)} + \frac{3}{(a+3)(a+6)}$ 을 간단히 한 것은 ?

① $\frac{1}{a} + \frac{6}{a+6}$

② $\frac{1}{a} + \frac{1}{a+6}$

③ $\frac{1}{a} - \frac{1}{a+6}$

④ $\frac{1}{a} - \frac{6}{a+6}$

⑤ $\frac{2}{a} - \frac{1}{a+6}$

해설

(준식)

$$= \frac{1}{a} - \frac{1}{a+1} + \frac{1}{a+1} - \frac{1}{a+3} + \frac{1}{a+3} - \frac{1}{a+6}$$

$$= \frac{1}{a} - \frac{1}{a+6}$$

2. 분수식 $\frac{x}{x+1} + \frac{2x-1}{x-1} - \frac{3x^2+4x+2}{x^2+x}$ 를 간단히 하면?

$$\textcircled{1} -\frac{x-2}{x(x-1)}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{x+2}{x(x-1)}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{x+2}{x(x+1)}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{x-2}{x(x-1)}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{x-2}{x(x+1)}$$

해설

$$\frac{x}{x+1} = 1 - \frac{1}{x+1},$$

$$\frac{2x-1}{x-1} = 2 + \frac{1}{x-1},$$

$$\frac{3x^2+4x+2}{x^2+x} = 3 + \frac{x+2}{x^2+x} \text{ } \circ] \text{므로}$$

$$(\text{준식}) = \left(1 - \frac{1}{x+1}\right) + \left(2 + \frac{1}{x-1}\right) \\ - \left(3 + \frac{x+2}{x^2+x}\right)$$

$$= -\frac{1}{x+1} + \frac{1}{x-1} - \frac{x+2}{x(x+1)}$$

$$= \frac{-x(x-1) + x(x+1) - (x-1)(x+2)}{x(x+1)(x-1)}$$

$$= \frac{-x^2 + x + x^2 + x - x^2 - x + 2}{x(x+1)(x-1)}$$

$$= \frac{-x^2 + x + 2}{x(x-1)(x+1)}$$

$$= \frac{-(x^2 - x - 2)}{x(x-1)(x+1)}$$

$$= \frac{-(x-2)(x+1)}{x(x-1)(x+1)}$$

$$= -\frac{x-2}{x(x-1)}$$

3. $\frac{1}{2 \cdot 4} + \frac{1}{4 \cdot 6} + \frac{1}{6 \cdot 8} + \cdots + \frac{1}{18 \cdot 20}$ 을 계산한 값은?

- ① 0 ② $\frac{9}{20}$ ③ 40 ④ $\frac{40}{9}$ ⑤ $\frac{9}{40}$

해설

$$\begin{aligned}& \frac{1}{2} \left\{ \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{4} \right) + \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{6} \right) + \cdots + \left(\frac{1}{18} - \frac{1}{20} \right) \right\} \\&= \frac{1}{2} \left\{ \frac{1}{2} + \left(-\frac{1}{4} + \frac{1}{4} \right) + \left(-\frac{1}{6} + \frac{1}{6} \right) + \cdots - \frac{1}{20} \right\} \\&= \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{20} \right) = \frac{1}{2} \cdot \frac{9}{20} = \frac{9}{40}\end{aligned}$$

4. $1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{x}}} = 5$ 을 만족하는 x 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 5

해설

$$\begin{aligned}1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{x}}} &= 1 - \frac{x-1}{x-1-x} \\&= 1 + x - 1 = x\end{aligned}$$

$$\therefore x = 5$$

5. 다음 중 $\frac{\frac{x}{1+x} - \frac{1+x}{x}}{\frac{x}{1+x} + \frac{1-x}{x}}$ 를 간단히 나타낸 것은?

- ① $-1 - 2x$ ② $1 - 2x$ ③ $1 + 2x$
④ $-1 + 2x$ ⑤ $2x$

해설

$$(\text{분자}) = \frac{x^2 - (1+x)^2}{x(x+1)} = \frac{-1 - 2x}{x(x+1)}$$

$$(\text{분모}) = \frac{x^2 + (1-x)(1+x)}{x(x+1)} = \frac{1}{x(x+1)}$$

$$\therefore \frac{\frac{-1 - 2x}{x(x+1)}}{\frac{1}{x(x+1)}} = \frac{-1 - 2x}{x(x+1)} \times x(x+1) = -1 - 2x$$

6. 등식 $\frac{225}{157} = a + \frac{1}{b + \frac{1}{c + \frac{1}{d + \frac{1}{e}}}}$ 을 만족시키는 자연수 a, b, c, d, e 의 합은?

- ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

해설

$$\begin{aligned}\frac{225}{157} &= 1 + \frac{68}{157} = 1 + \frac{1}{\frac{157}{68}} = 1 + \frac{1}{2 + \frac{21}{68}} \\&= 1 + \frac{1}{2 + \frac{1}{3 + \frac{5}{21}}} = 1 + \frac{1}{2 + \frac{1}{3 + \frac{1}{4 + \frac{1}{5}}}}\end{aligned}$$

$$\therefore a = 1, b = 2, c = 3, d = 4, e = 5$$

$$\therefore a + b + c + d + e = 15$$

7. $x^2 - x + 1 = 0$ 일 때, $x^3 + 2x^2 + 3x + \frac{3}{x} + \frac{2}{x^2} + \frac{1}{x^3}$ 의 값은?

- ① -3 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 3

해설

$x^2 - x + 1 = 0$ 에서 양변을 x 로 나누면

$$x - 1 + \frac{1}{x} = 0, x + \frac{1}{x} = 1$$

(주어진 식)

$$= \left(x^3 + \frac{1}{x^3} \right) + 2 \left(x^2 + \frac{1}{x^2} \right) + 3 \left(x + \frac{1}{x} \right)$$

$$= \left(x + \frac{1}{x} \right)^3 - 3 \left(x + \frac{1}{x} \right)$$

$$+ 2 \left\{ \left(x + \frac{1}{x} \right)^2 - 2 \right\} + 3 \left(x + \frac{1}{x} \right)$$

$$= \left(x + \frac{1}{x} \right)^3 + 2 \left(x + \frac{1}{x} \right)^2 - 4 = -1$$

8. $2x - y$ 의 $x + y$ 에 대한 비가 $\frac{2}{3}$ 일 때, x 의 y 에 대한 비는?

- ① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{4}{5}$ ③ 11 ④ $\frac{6}{5}$ ⑤ $\frac{5}{4}$

해설

$$\frac{2x - y}{x + y} = \frac{2}{3}, 3(2x - y) = 2(x + y), 4x = 5y$$

$$\therefore \frac{x}{y} = \frac{5}{4}$$

9. $x + y = \frac{y+z}{8} = \frac{z+x}{5}$ 일 때, $\frac{5x^2 - 4y^2 + z^2}{xy + 3yz - 2zx}$ 의 값은?

- ① 1 ② $\frac{25}{46}$ ③ 2 ④ $\frac{12}{23}$ ⑤ $\frac{13}{23}$

해설

$$x + y = \frac{y+z}{8} = \frac{z+x}{5} = k \text{라고 하면,}$$

$$\begin{cases} x + y = k \\ y + z = 8k \\ z + x = 5k \end{cases}$$

$$\text{세 식을 각 변끼리 모두 더하면, } x + y + z = 7k$$

$$\therefore x = -k, y = 2k, z = 6k$$

$$\frac{5x^2 - 4y^2 + z^2}{xy + 3yz - 2zx} = \frac{5k^2 - 16k^2 + 36k^2}{-2k^2 + 36k^2 + 12k^2} = \frac{25}{46}$$

10. 유리식 $\frac{b+3c}{2a} = \frac{3c+2a}{b} = \frac{2a+b}{3c} = k$ 일 때, k 의 값을 구하면? (단, $abc \neq 0$)

- ① 2 또는 -1 ② 0 또는 -1 ③ -1 또는 -1
④ 2 또는 3 ⑤ -2 또는 -1

해설

$$\frac{b+3c}{2a} = \frac{3c+2a}{b} = \frac{2a+b}{3c} = k$$

$$\frac{b+3c}{2a} = k, \frac{3c+2a}{b} = k, \frac{2a+b}{3c} = k$$

각각 정리하면

$$b+3c = 2ak \cdots ①$$

$$3c+2a = bk \cdots ②$$

$$2a+b = 3ck \cdots ③$$

$$① + ② + ③ : 2(b+3c+2a) = k(2a+b+3c)$$

$$\Rightarrow k = 2 \text{ 또는 } 2a+b+3c = 0$$

$$2a+b+3c = 0 \text{인 경우},$$

①에 대입해 보면 $-2a = 2ak, k = -1$

$$\therefore k = 2, -1$$

11. $a : b = c : d$ 일 때 다음 등식 중 성립하지 않는 것은?(단, 분모는 모두 0이 아니다.)

$$\textcircled{1} \quad \frac{a+b}{a-b} = \frac{c+d}{c-d}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{a+c}{a-c} = \frac{b+d}{b-d}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{c}{d} = \frac{a-c}{b-d}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{a+d}{a-d} = \frac{b+c}{b-c}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{c}{d} = \frac{a+c}{b+d}$$

해설

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \text{에서}$$

$$\frac{a-b}{b} = \frac{c-d}{d} \dots \textcircled{7}$$

$$\frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d} \dots \textcircled{8}$$

$\textcircled{8} \div \textcircled{7}$ 하면

$$\frac{a+b}{a-b} = \frac{c+d}{c-d}$$

$$\frac{a}{c} = \frac{b}{d} \text{에서}$$

$$\frac{a-c}{c} = \frac{b-d}{d} \dots \textcircled{9}$$

$$\frac{a+c}{c} = \frac{b+d}{d} \dots \textcircled{10}$$

$\textcircled{10} \div \textcircled{9}$ 하면

$$\frac{a+c}{a-c} = \frac{b+d}{b-d}$$

$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ 에서 가비의 리를 이용하면

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{a+c}{b+d} = \frac{a-c}{b-d}$$

$$\therefore \frac{c}{d} = \frac{a+c}{b+d} = \frac{a-c}{b-d}$$

12. 세 개의 숫자가 있다. 이들 중 서로 다른 두 수씩 더하면 각각 a , b , c 되고, 이 세수의 곱은 1이라 한다. 이때, 이들 세 수 중 서로 다른 두 수씩 곱한 수들의 역수의 합은?

① $a + b + c$

② abc

③ $ab + bc + ca$

④ $\frac{a + b + c}{2}$

⑤ $\frac{a + b + c}{3}$

해설

세 수를 각 p , q , r 이라고 하면

$$\begin{cases} p + q = a \\ q + r = b \\ r + p = c \end{cases}$$

$$pqr = 1, p + q + r = \frac{a + b + c}{2}$$

$$\frac{1}{pq} + \frac{1}{qr} + \frac{1}{rp} = \frac{p + q + r}{pqr} = \frac{a + b + c}{2}$$

13. x km 인 길을 왕복하는데 갈 때는 a km/h, 올 때는 b km/h 의 속력으로 걸었다. 이때, 평균속력은?

① $\frac{x}{a+b}$

② $\frac{a+b}{x}$

③ $x(a+b)$

④ $\frac{2ab}{a+b}$

⑤ $\frac{2(a+b)}{ab}$

해설

$$\frac{\frac{2x}{a} + \frac{2x}{b}}{2} = \frac{2x}{\frac{ab}{a+b}} = \frac{2ab}{a+b}$$

14. p, q, M 은 양수이고, $q < 100$ 이다. 처음 M 을 $p\%$ 증가시킨 후, 다시 $q\%$ 감소시키더라도 M 보다 크게 될 조건은?

① $p > q$

② $p > \frac{q}{100 - q}$

③ $p > \frac{q}{1 - q}$

④ $p > \frac{100q}{100 + q}$

⑤ $p > \frac{100q}{100 - q}$

해설

$$M \left(1 + \frac{p}{100}\right) \left(1 - \frac{q}{100}\right) > M$$

$$\left(1 + \frac{p}{100}\right) \left(1 - \frac{q}{100}\right) > 1$$

$$1 + \frac{p}{100} > \frac{1}{1 - \frac{q}{100}} = \frac{100}{100 - q},$$

$$\frac{p}{100} > \frac{q}{100 - q}$$

$$\therefore p > \frac{100q}{100 - q}$$

15. 어떤 오렌지 주스 제조 공장에서 오렌지 주스 원액 $w\%$ 가 포함되어 있는 100kL 의 혼합 주스가 있다. 지금 여기에 오렌지 주스 원액 $y\%$ 가 포함되어 있는 x kL 의 혼합 주스를 섞어 원액 $z\%$ 가 들어 있는 혼합 주스를 만들려고 한다. 이때, x 의 값을 나타내는 식을 고르면?

① $\frac{100(100z - w)}{y}$

② $\frac{100(100z - w)}{y + 100z}$

③ $\frac{10000z}{y + 100w}$

④ $\frac{100(z - w)}{y - z}$

⑤ $\frac{(z - w)}{100(y - z)}$

해설

원액의 전체의 양은 $w + \frac{xy}{100}$ kL

또, 혼합 주스 전체의 양은 $100 + x$ kL

$$\therefore \frac{z}{100} = \frac{w + \frac{xy}{100}}{100 + x} \Leftrightarrow x = \frac{100(z - w)}{y - z}$$

16. K고등학교 1학년 남학생과 여학생 수가 같다고 한다. 1학년 학생 중에서 휴대폰을 갖고 있는 학생과 휴대폰을 갖고 있지 않은 학생의 비율이 1학년 전체로는 9 : 1이고, 남학생 중에서는 6 : 1이라고 한다면 여학생 중에서의 비율은?

- ① 13 : 1 ② 17 : 2 ③ 22 : 3 ④ 31 : 1 ⑤ 33 : 2

해설

전체학생수를 $10a$ 라 하면

(휴대폰 있는 학생수) = $9a$, (휴대폰 없는 학생수) = a

남학생수 : $5a$, 여학생수 $5a$

남학생 중 휴대폰 있는 학생수 : $5a \times \frac{6}{7}$

여학생 중 휴대폰 있는 학생수: $9a - \frac{30a}{7} = \frac{33}{7}a$

여학생 중 휴대폰 없는 학생 수: $5a - \frac{33}{7}a = \frac{2}{7}a$

$$\therefore \frac{33}{7}a : \frac{2}{7}a = 33 : 2$$

17. 분수함수 $y = \frac{x+b}{ax+1}$ 의 그래프의 점근선 중 하나가 $x = -1$ 이고 점 $(1, 2)$ 를 지난다고 한다. 이 분수함수의 정의역이 $\{x \mid -3 \leq x < -1$ 또는 $-1 < x \leq 1\}$ 일 때, 치역을 구하면? (단, a, b 는 상수)

① $\{y \mid y < 0$ 또는 $y > 2\}$

② $\{y \mid y \leq 0$ 또는 $y \geq 2\}$

③ $\{y \mid 0 \leq y \leq 2\}$

④ $\{y \mid y < 1$ 또는 $1 < y \leq 2\}$

⑤ $\{y \mid y < 1$ 또는 $y \geq 2\}$

해설

분수함수 $y = \frac{x+b}{ax+1}$ 의 그래프의

점근선 중 하나가 $x = -1$ 이므로

$$x = -\frac{1}{a} = -1$$

$$\therefore a = 1$$

따라서, 주어진 분수함수는 $y = \frac{x+b}{x+1}$

이고

이 함수의 그래프가 점 $(1, 2)$ 를 지난
므로

$$2 = \frac{1+b}{1+1} \quad \therefore b = 3$$

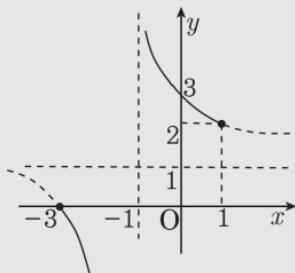
$$\therefore y = \frac{x+3}{x+1}$$

따라서 $-3 \leq x < -1$ 또는 $-1 < x \leq 1$ 에서

$y = \frac{x+3}{x+1} = \frac{2}{x+1} + 1$ 의 그래프는

다음 그림과 같으므로 구하는 치역은

$\{y \mid y \leq 0$ 또는 $y \geq 2\}$



18. 평행이동 $f : (x, y) \rightarrow (x + m, y + n)$ 에 의하여 분수함수 $y = \frac{x+1}{x}$ 의 그래프가 분수함수 $y = \frac{-x+3}{x-2}$ 의 그래프로 옮겨질 때, $m - n$ 的 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

분수함수 $y = \frac{x+1}{x} = \frac{1}{x} + 1$ 의 그래프를

x 축의 방향으로 m 만큼, y 축의 방향으로 n 만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y = \frac{1}{x-m} + 1 + n \quad \text{식이}$$

$$y = \frac{-x+3}{x-2} = \frac{-(x-2)+1}{x-2} = \frac{1}{x-2} - 1 \quad \text{과 같으므로}$$

$$m = 2, 1 + n = -1 \quad \text{에서 } n = -2$$

$$\therefore m - n = 4$$

19. 유리함수 $y = \frac{bx+c}{x+a}$ 의 그래프가 점 $(0, 2)$ 를 지나고 두 직선 $x = -1$, $y = 3$ 을 점근선으로 가질 때 $a + b + c$ 의 값은?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

$x = -1, y = 3$ 이 점근선 이므로

$$y = \frac{bx+c}{x+a} = \frac{k}{x+1} + 3$$

점 $(0, 2)$ 를 지나므로 $k = -1$

$$\therefore y = \frac{-1}{x+1} + 3 = \frac{-1 + 3x + 3}{x+1} = \frac{3x+2}{x+1}$$

이 함수가 $y = \frac{bx+c}{x+a}$ 와 일치해야 하므로

$$a = 1, b = 3, c = 2$$

$$\therefore a + b + c = 6$$

20. 점근선이 $x = -2$, $y = 3$ 이고, 점 $(0, 5)$ 를 지나는 유리함수 $f(x)$ 의 $-6 \leq x \leq -4$ 에서의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, Mm 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$y = \frac{k}{x+2} + 3, (k \neq 0)$$

$$5 = \frac{k}{0+2} + 3 \quad \therefore k = 4$$

$$f(x) = \frac{4}{x+2} + 3$$

$$x = -6 \text{ 일 때}, M = \frac{4}{-6+2} + 3 = 2$$

$$x = -4 \text{ 일 때}, m = \frac{4}{-4+2} + 3 = 1$$

$$\therefore Mm = 2 \times 1 = 2$$

21. 유리함수 $y = \frac{bx+c}{x-a}$ 의 그래프가 점 $(2, 7)$ 을 지나고 이 함수의 역함수 $y = \frac{x+c}{x-3}$ 일 때, a, b, c 의 곱 abc 를 구하면?

- ① -27 ② -9 ③ -3 ④ 3 ⑤ 9

해설

점 $(2, 7)$ 을 지나면 역함수는 $(7, 2)$ 를 지난다.

$$2 = \frac{7+c}{7-3} \text{에서 } c = 1$$

이제 원래 함수를 구해보면 $y = \frac{x+1}{x-3}$ 에서

$$\Rightarrow x = \frac{y+1}{y-3}$$

$$\Rightarrow y = \frac{3x+1}{x-1} \dots\dots \text{역함수}$$

$$\therefore a = 1, b = 3, c = 1$$

$$\therefore abc = 3$$

22. 다항함수 $f(x) = \frac{x-a}{(a-b)(a-c)} + \frac{x-b}{(b-c)(b-a)}$
 $+ \frac{x-c}{(c-a)(c-b)}$ 일 때, $f(2013)$ 의 값은?

- ① $a+b+c$ ② $a^2+b^2+c^2$ ③ $a^3+b^3+c^3$
 ④ $ab+bc+ca$ ⑤ 0

해설

주어진 식을 통분하면
(분자)

$$\begin{aligned} &= \{(x-a)(b-c) + (x-b)(c-a) + (x-c)(a-b)\} \\ &= (b-c+c-a+a-b)x \\ &+ (-ab+ac-bc+ab-ca+cb) = 0 \\ \therefore f(x) &= 0 \quad \therefore f(2013) = 0 \end{aligned}$$

해설

주어진 식의 분모는 0이 아니므로
 a, b, c 는 서로 다른 수이고

$$\begin{aligned} f(a) &= \frac{a-b}{(b-c)(b-a)} + \frac{a-c}{(c-a)(c-b)} \\ &= \frac{-1}{b-c} + \frac{1}{b-c} = 0 \\ f(b) &= \frac{b-a}{(a-b)(a-c)} + \frac{b-c}{(c-a)(c-b)} \\ &= \frac{-1}{a-c} + \frac{1}{a-c} = 0 \end{aligned}$$

그런데 $f(x)$ 는 일차이하의 함수이고
 $f(a) = f(b) = 0$ 이므로
 모든 실수 x 에 대하여 $f(x) = 0$ 이다.
 $\therefore f(2013) = 0$

23. 함수 $y = \frac{2x+5}{x+1}$ 의 그래프가 직선 $y = ax + b$ 에 대하여 대칭일 때,
 $a - b$ 의 값은? (단, $a < 0$)

- ① -4 ② -3 ③ -2 ④ -1 ⑤ 0

해설

$$y = \frac{2x+5}{x+1} = \frac{2(x+1)+3}{x+1} = \frac{3}{x+1} + 2$$

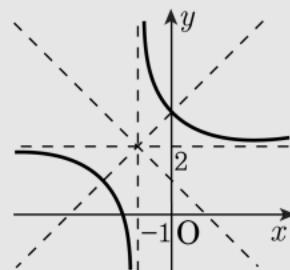
이므로

주어진 함수의 그래프는 점(-1, 2)를 지나고

기울기가 ± 1 인 직선에 대하여 대칭이다.
 이 때, 구하는 직선의 기울기가 음수이므로
 직선의 방정식은 $y - 2 = -(x + 1)$

$$\therefore y = -x + 1$$

따라서 $a = -1$, $b = 1$ 이므로 $a - b = -2$



24. 분수함수 $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$ 의 그래프와 $g(x) = \frac{1}{f(x)}$ 의 그래프에 대한

<보기>의 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

- I. $f(0) = g(0) = -1$
- II. $y = f(x)$ 의 그래프와 $y = g(x)$ 의 그래프는 서로 y 축에 대하여 대칭이다.
- III. $y = f(x-1)$ 의 그래프와 $y = g(x+1)$ 의 그래프의 점근선은 같다.

① I

② I, II

③ I, III

④ II, III

⑤ I, II, III

해설

$$\text{I. } f(0) = -1, g(0) = \frac{1}{f(0)} = -1$$

$$\therefore f(0) = g(0) = -1 \text{ -<참>}$$

II. $y = f(x)$ 의 그래프를 y 축에 대하여 대칭이동한 것은 $y = f(-x)$ 이므로

$$y = f(-x) = \frac{-x-1}{-x+1}$$

$$= \frac{x+1}{x-1}$$

$$= \frac{1}{f(x)}$$

$$= g(x) \text{ -<참>}$$

$$\text{III. } y = f(x-1) = \frac{x-2}{x} = 1 - \frac{2}{x}$$

따라서, 점근선은 $x = 0, y = 1$

$$y = g(x+1) = \frac{x+2}{x} = 1 + \frac{2}{x}$$

따라서 점근선은 $x = 0, y = 1$ -<참>

따라서 옳은 것은 (I), (II), (III) 이다.

25. $x^2 \neq 1$ 이고 $f(x) = \frac{x+1}{x-1}$ 이라 할 때 $f(-x)$ 는?

① $\frac{1}{f(x)}$

② $-f(x)$

③ $\frac{1}{f(-x)}$

④ $-f(-x)$

⑤ $f(x)$

해설

$$f(x) = \frac{x+1}{x-1} \text{에서}$$

$$f(-x) = \frac{-x+1}{-x-1} = \frac{x-1}{x+1} = \frac{1}{\left(\frac{x+1}{x-1}\right)} = \frac{1}{f(x)}$$