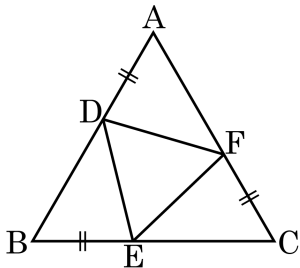


1. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이고 $\overline{AD} = \overline{BE} = \overline{CF}$ 일 때, $\triangle DEF$ 는 어떤 삼각형인지 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 정삼각형

해설

$$\overline{AD} = \overline{BE} = \overline{CF} \dots \textcircled{㉠}$$

$$\overline{AF} = \overline{DB} = \overline{EC} \dots \textcircled{㉡}$$

$$\angle DAF = \angle DBE = \angle ECF = 60^\circ \dots \textcircled{㉢}$$

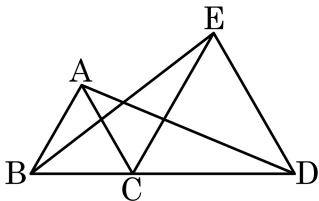
$\textcircled{㉠}$, $\textcircled{㉡}$, $\textcircled{㉢}$ 에서

$\triangle ADF \cong \triangle BED \cong \triangle CFE$ (SAS합동) 이므로

$$\overline{FD} = \overline{DE} = \overline{EF}$$

$\therefore \triangle DEF$ 는 정삼각형

2. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 와 $\triangle ECD$ 가 정삼각형일 때, 옳지 않은 것은?



- ① $\angle BCE = \angle ACD$
- ② $\overline{BC} = \overline{AC}$
- ③ $\overline{CE} = \overline{CD}$
- ④ $\triangle BCE \equiv \triangle ACD$ (SAS 합동)
- ⑤ $\triangle ABD \equiv \triangle BCE$ (ASA 합동)

해설

$$\overline{BC} = \overline{AC} (\because \text{정삼각형})$$

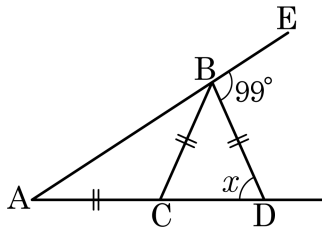
$$\angle BCE = \angle ACD$$

$$(\because \angle BCE = \angle ACD = 60^\circ + \angle ACE)$$

$$\overline{CE} = \overline{CD} (\because \text{정삼각형})$$

$$\therefore \triangle BCE \equiv \triangle ACD \text{ (SAS 합동)}$$

3. 그림과 같이 세 변 $\overline{CA}$, $\overline{CB}$, $\overline{BD}$ 의 길이가 같고, $\angle EBD$ 의 크기가 99° 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



① 60°

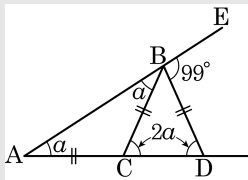
② 63°

③ 66°

④ 76°

⑤ 80°

해설



$3a = 99^\circ$, $a = 33^\circ$ 이므로 $x = 2a = 2 \times 33^\circ = 66^\circ$ 이다.

4. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD}$ 이고 $\angle DCE = 117^\circ$ 일 때, $\angle BAC$ 의 크기를 구하면?

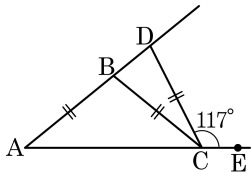
① 35°

② 37°

③ 39°

④ 41°

⑤ 43°



해설

$\angle BAC$ 의 크기를 a 라고 하면

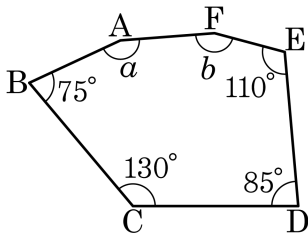
$$\angle BCA = a, \angle DBC = \angle BDC = 2a$$

$\triangle ACD$ 에서

$$\angle BAC + \angle ADC = a + 2a = 117^\circ, a = 39^\circ$$

$$\therefore \angle BAC = 39^\circ$$

5. 다음 그림의 $\angle a + \angle b$ 의 크기는?



① 260°

② 280°

③ 300°

④ 320°

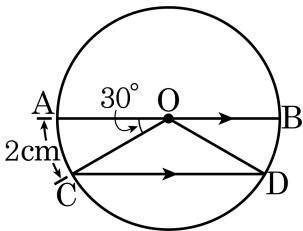
⑤ 340°

해설

육각형의 내각의 합은 720° 이므로 $75^\circ + 130^\circ + 85^\circ + 110^\circ + \angle a + \angle b = 720^\circ$ 이다.

따라서 $\angle a + \angle b = 320^\circ$ 이다.

6. 다음 그림에서 $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이고 $\angle AOC = 30^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 2\text{cm}$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 의 길이는?



- ① 4cm ② 6cm ③ 8cm ④ 10cm ⑤ 12cm

해설

$\triangle COD$ 는 이등변삼각형이고, $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로
 $\angle AOC = 30^\circ = \angle OCD$ 이다.

$\angle COD = 180^\circ - 30^\circ - 30^\circ = 120^\circ$ 이므로

$30^\circ : 120^\circ = 2 : 5.0\text{pt}\widehat{CD}$, $5.0\text{pt}\widehat{CD} = 8$ 이다.

7. 다음 다면체 중에서 모서리의 개수와의 연결이 옳지 않은 것은?

① 삼각뿔대 - 9개

② 오각기둥 - 15개

③ 육각뿔 - 12개

④ 팔각뿔 - 16개

⑤ 육각뿔대 - 16개

해설

③ 육각뿔대의 모서리의 수는 $6 \times 3 = 18$ (개) 이다.

8. 다음 조건을 만족한다고 할 때, $a + b - c$ 의 값을 구하여라.

(가) 구각뿔대의 모서리의 개수를 a 개라 한다.

(나) 육각기둥의 모서리의 개수를 b 개라 한다.

(다) 사각기둥의 모서리의 개수를 c 개라 한다.

▶ 답 :

▷ 정답 : 33

해설

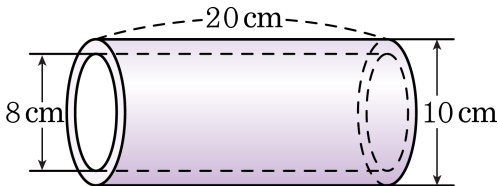
구각뿔대의 모서리의 개수는 $3 \times 9 = 27(\text{개}) = a$,

육각기둥의 모서리의 개수는 $3 \times 6 = 18(\text{개}) = b$,

사각기둥의 모서리의 개수는 $3 \times 4 = 12(\text{개}) = c$ 이다.

따라서 $a + b - c = 27 + 18 - 12 = 33$ 이다.

9. 다음 그림과 같은 파이프를 생산하려고 한다. 파이프의 겉넓이를 구하여라.(단, 파이프 속의 넓이는 구하지 않는다.)



▶ 답: cm²

▷ 정답: $218\pi \text{ cm}^2$

해설

(밑넓이)

= (반지름이 5 cm인 원넓이)

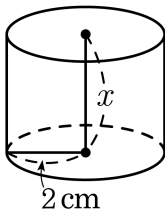
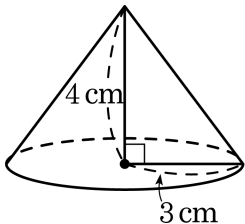
- (반지름이 4 cm인 원넓이) 이므로,

$(\pi \times 5^2) - (\pi \times 4^2) = 9\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

(옆넓이) = $(2\pi \times 5) \times 20 = 200\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

따라서 (겉넓이) = $2 \times 9\pi + 200\pi = 218\pi(\text{cm}^2)$

10. 다음 그림의 원뿔과 원기둥의 부피가 서로 같을 때, 원기둥의 높이는?



① 2cm

② 3cm

③ 4cm

④ 2π cm

⑤ 3π cm

해설

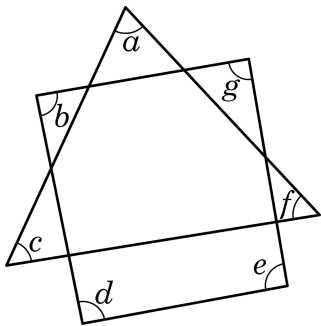
$$(\text{원뿔의 부피}) = \frac{1}{3} \times \pi \times 3^2 \times 4 = 12\pi(\text{cm}^3)$$

$$(\text{원기둥의 부피}) = \pi \times 2^2 \times x = 4\pi x(\text{cm}^2)$$

$$4\pi x = 12\pi$$

$$\therefore x = 3(\text{cm})$$

11. 다음 도형에서 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▶ 정답 : 540°

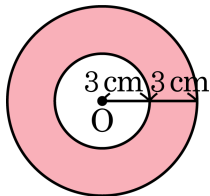
해설

$$\angle a + \angle c + \angle f = 180^\circ ,$$

$$\angle b + \angle d + \angle e + \angle g = 360^\circ$$

$$\therefore \angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g = 540^\circ$$

12. 다음 그림에서 색칠한 부분의 둘레의 길이는?



① $15\pi\text{cm}$

② $16\pi\text{cm}$

③ $17\pi\text{cm}$

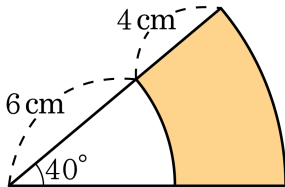
④ $18\pi\text{cm}$

⑤ $19\pi\text{cm}$

해설

$$2\pi \times 6 + 2\pi \times 3 = 12\pi + 6\pi = 18\pi(\text{cm})$$

13. 다음 그림에서 어두운 부분의 둘레의 길이는?



① $\left(\frac{13}{3}\pi + 8\right) \text{ cm}$

② $\left(\frac{31}{9}\pi + 8\right) \text{ cm}$

③ $(4\pi + 8) \text{ cm}$

④ $\left(\frac{32}{9}\pi + 8\right) \text{ cm}$

⑤ $\left(\frac{14}{3}\pi + 8\right) \text{ cm}$

해설

큰 부채꼴의 호의 길이 : $\pi \times 10 \times 2 \times \frac{40^\circ}{360^\circ} = \frac{20}{9}\pi (\text{cm})$

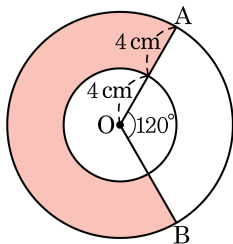
작은 부채꼴의 호의 길이 : $\pi \times 6 \times 2 \times \frac{40^\circ}{360^\circ} = \frac{4}{3}\pi (\text{cm})$

반지름의 차 : 4cm

$$\text{둘레} = 4 + 4 + \frac{20}{9}\pi + \frac{4}{3}\pi = \frac{32}{9}\pi + 8$$

$$= 8 + \frac{32}{9}\pi (\text{cm})$$

14. 다음 그림의 두 동심원 O에서 색칠한 부분의 넓이는?



① $16\pi \text{ cm}^2$

② $32\pi \text{ cm}^2$

③ $48\pi \text{ cm}^2$

④ $64\pi \text{ cm}^2$

⑤ $80\pi \text{ cm}^2$

해설

큰 원의 부채꼴의 넓이에서 작은 원의 부채꼴의 넓이를 뺀다.

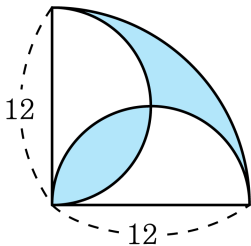
$$\left(\pi \times 8^2 \times \frac{240^\circ}{360^\circ} \right) - \left(\pi \times 4^2 \times \frac{240^\circ}{360^\circ} \right)$$

$$= \frac{128}{3}\pi - \frac{32}{3}\pi$$

$$= \frac{96}{3}\pi$$

$$= 32\pi(\text{cm}^2)$$

15. 다음 그림에서 색칠한 부분의 둘레의 길이는?



① 18π

② 6π

③ 12π

④ 36π

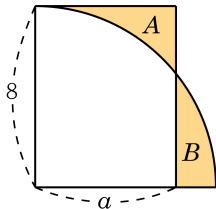
⑤ 24π

해설

지름이 12 인 원의 둘레의 길이와 반지름이 12 이고 중심각이 90° 인 부채꼴의 호의 길이의 합이다.

$$\therefore 12\pi + 24\pi \times \frac{1}{4} = 18\pi$$

16. 다음 그림은 직사각형과 부채꼴이 겹쳐진 도형이다. 어두운 부분 A, B 의 넓이가 같을 때, a 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 2π

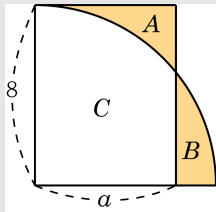
해설

$A + C = B + C$ 이므로
(직사각형의 넓이) = (부채꼴의 넓이)

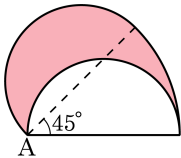
$$8a = \pi \times 8^2 \times \frac{1}{4}$$

$$8a = 16\pi$$

$$\therefore a = 2\pi$$



17. 다음 그림과 같이 지름이 6cm 인 반원을 점 A를 중심으로 45° 회전시켰을 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하면?



- ① $9\pi \text{ cm}^2$ ② $6\pi \text{ cm}^2$ ③ $\frac{9}{2}\pi \text{ cm}^2$
 ④ $3\pi \text{ cm}^2$ ⑤ $\frac{5}{2}\pi \text{ cm}^2$

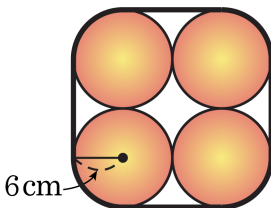
해설

색칠한 부분의 넓이는

$$\{(\text{반원의 넓이}) + (\text{부채꼴의 넓이})\} - (\text{반원의 넓이}) = (\text{부채꼴의 넓이})$$

$$S = \pi \times 6^2 \times \frac{45^\circ}{360^\circ} = \frac{9}{2}\pi (\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

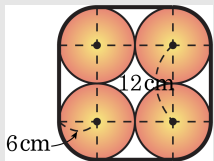
18. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 6cm 인 네 개의 원기둥을 묶을 때, 필요한 끈의 최소 길이는?



- ① $(36 + 12\pi)$ cm ② $(48 + 36\pi)$ cm ③ $(24 + 36\pi)$ cm
 ④ $(48 + 24\pi)$ cm ⑤ $(48 + 12\pi)$ cm

해설

다음 그림과 같이 선을 그으면,

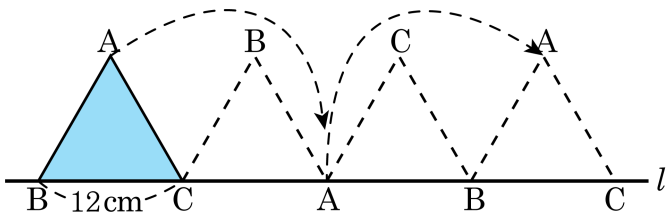


곡선의 길이는 반지름이 6cm 인 원의 둘레이므로, $2\pi \times 6 = 12\pi$ (cm)

직선의 길이는 $12 \times 4 = 48$ (cm)

따라서, 필요한 끈의 길이는 $(12\pi + 48)$ cm

19. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 12cm 인 정삼각형 ABC 를 직선 l 위에서 미끄러지지 않게 한바퀴 굴릴 때, 꼭짓점 A 가 움직인 거리는?



① $4\pi\text{cm}$

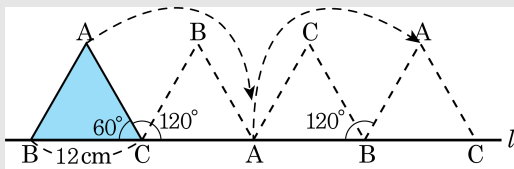
② $8\pi\text{cm}$

③ $12\pi\text{cm}$

④ $16\pi\text{cm}$

⑤ $20\pi\text{cm}$

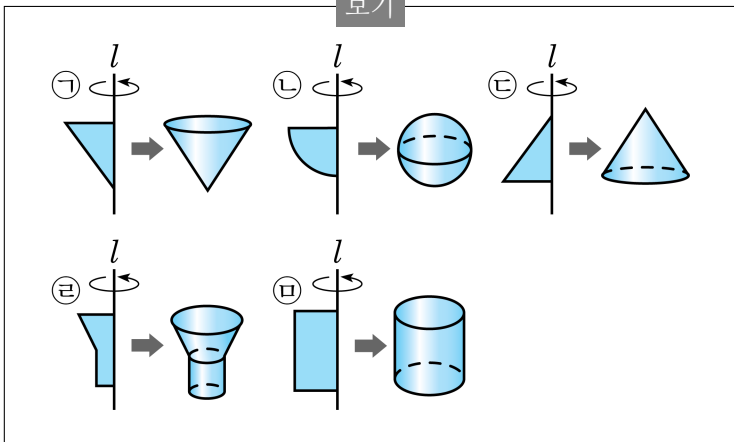
해설



$$(2\pi \times 12 \times \frac{120^\circ}{360^\circ}) \times 2 = 16\pi(\text{cm})$$

20. 다음 평면도형을 직선 l 을 회전축으로 하여 한 바퀴 회전시킬 때, 생기는 회전체의 모양이 잘못된 것을 골라라.

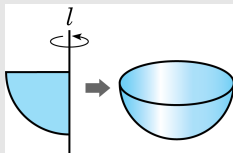
보기



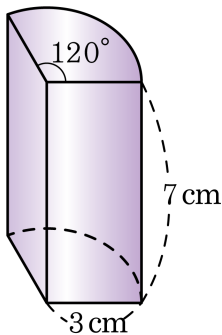
▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

해설



21. 다음 그림과 같이 밑면이 부채꼴인 기둥의 부피는?



① $12\pi \text{ cm}^3$

② $21\pi \text{ cm}^3$

③ $24\pi \text{ cm}^3$

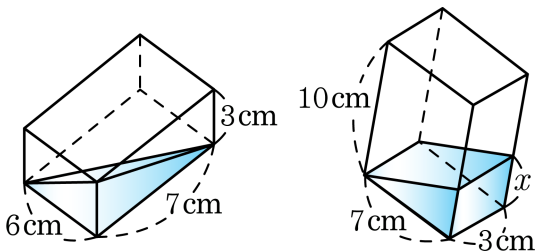
④ $36\pi \text{ cm}^3$

⑤ $72\pi \text{ cm}^3$

해설

$$\begin{aligned}(\text{부피}) &= (\text{밑넓이}) \times (\text{높이}) \\&= \left(3 \times 3 \times \pi \times \frac{120}{360} \right) \times 7 \\&= 21\pi (\text{cm}^3)\end{aligned}$$

22. 다음 그림과 같이 두 직육면체 모양의 그릇에 있는 물의 양이 같을 때, x 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

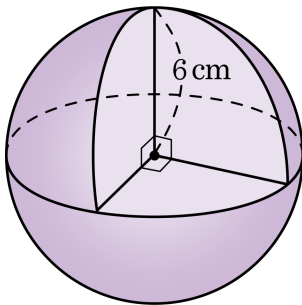
▷ 정답: 2cm

해설

$$\frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times 6 \times 7 \right) \times 3 = \frac{1}{2} \times 7 \times x \times 3$$

$$\therefore x = 2(\text{cm})$$

23. 다음 그림은 반지름이 6cm 인 구의 $\frac{1}{8}$ 을 잘라낸 것이다. 이 입체도형의 겉넓이는?



① $100\pi\text{cm}^2$

② $127\pi\text{cm}^2$

③ $153\pi\text{cm}^2$

④ $168\pi\text{cm}^2$

⑤ $185\pi\text{cm}^2$

해설

$$\begin{aligned} S &= 4\pi \times 6^2 \times \frac{7}{8} + 3 \times 6^2\pi \times \frac{1}{4} \\ &= 126\pi + 27\pi = 153\pi(\text{cm}^2) \end{aligned}$$

24. 지름이 12cm 인 쇄공을 녹여서 지름이 6cm 인 쇄공으로 만든다면 몇 개를 만들 수 있겠는가?

① 4개

② 8개

③ 12개

④ 16개

⑤ 20개

해설

$$\frac{4}{3}\pi \times 6^3 = \frac{4}{3}\pi \times 3^3 \times x$$

$$\therefore x = 8(\text{개})$$

25. 겉넓이가 $64\pi\text{cm}^2$ 인 구의 부피는?

① $36\pi\text{cm}^3$

② $\frac{256}{3}\pi\text{cm}^3$

③ $\frac{32}{3}\pi\text{cm}^3$

④ $72\pi\text{cm}^3$

⑤ $\frac{64}{3}\pi\text{cm}^3$

해설

$$4\pi r^2 = 64\pi$$

$$r = 4(\text{cm})$$

따라서 구의 부피는 $\frac{4}{3}\pi \times 4^3 = \frac{256}{3}\pi(\text{cm}^3)$ 이다.