• 이차부등식
$$ax^2 + bx + c > 0$$
 의 해가 $\frac{1}{14} < x < \frac{1}{10}$ 일 때, 이차부등식 $4cx^2 - 2bx + a < 0$ 의 해는?

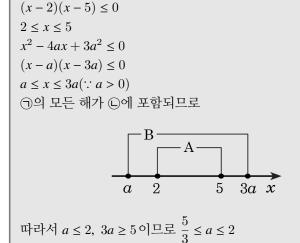
①
$$x < -7$$
 또는 $x > -5$ ② $-7 < x < -5$ ③ $-7 < x < 5$ ④ $5 < x < 7$

∴ x < -7 또는 x > -5

양의 실수 a에 대하여 $-x^2+7x-10 \ge 0$ 의 모든 해가 $x^2-4ax+3a^2 \le 0$ 을 만족할 때, a의 값의 범위는?

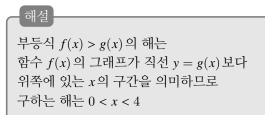
①
$$\frac{1}{3} \le a \le 2$$
 ② $\frac{2}{3} \le a \le 2$ ③ $\frac{5}{3} \le a \le 2$ ④ ② $2 \le a \le 5$

 $-x^2 + 7x - 10 \ge 0$ $x^2 - 7x + 10 < 0$



3. 이차함수 y = f(x) 의 그래프와 직선 y = g(x) 가 다음 그림과 같을 때, 부등 식 f(x) > g(x) 의 해를 구하면?

① -2 < x < 4 ② -2 < x < 3③ 0 < x < 4 ④ 2 < x < 3⑤ 3 < x < 4



4. 실수 x에 대하여 [x]는 x를 넘지않는 최대 정수를 나타낸다고 한다. 부등식 $2[x]^2 - [x] - 6 < 0$ 를 만족하는 x의 범위를 바르게 구한 것은?

①
$$-1 \le x < 2$$
② $x < 1$

(5)
$$x < -1$$
, $x > 2$

(3) x > 1

(2) x < -1

$$2[x]^2 - [x] - 6 < 0$$
에서 좌변을 인수분해하면
$$(2[x] + 3)([x] - 2) < 0, -\frac{3}{2} < [x] < 2$$

이 때
$$[x]$$
는 정수이므로 $[x] = -1, 0, 1$
 $[x] = -1, 0, 1$ 이면 $-1 \le x < 2$

$$\therefore -1 \le x < 2$$

5. 이차부등식 $(x+1)^2 \le k(x^2-x+1)$ 이 모든 실수 x에 대하여 항상 성립할 때, 실수 k의 최솟값을 구하여라.

해설
$$(x+1)^2 \le k(x^2 - x + 1)$$

$$(k-1)x^2 - (k+2)x + k - 1 \ge 0$$

모든 *x* 에 대해 성립하려면, *k* – 1 > 0. 판별식이 0보다 작거나 같다

$$= (-k+4)k \le 0$$

$$\therefore k(k-4) \ge 0, \quad k \le 0 \ \text{\mathref{E}} \ \ k \ge 4$$

 $D = (k+2)^2 - 4(k-1)(k-1) \le 0 \text{ odd}$ $\{(k+2) - 2(k-1)\}\{(k+2) + 2(k-1)\}$

∴ k ≥ 4(:: k > 1)∴ 최 솟 값 : 4

6. 모든 실수 x에 대하여 $x^2 + px + p$ 가 -3보다 항상 크기 위한 정수 p의 최댓값을 구하면?

▷ 정답: 5

해설
$$x^2 + px + p > -3$$

 $x^2 + px + (p+3) > 0$

(p-6)(p+2) < 0

-2· 최대정수: 5

 $D = p^2 - 4(p+3) = p^2 - 4p - 12 < 0$

7. 임의의 실수 x에 대하여 $x^2 + 2ax + 2a + 3 \ge 0$ 이 성립하기 위한 상수 a의 최솟값을 구하여라.

∴ -1 ≤ a ≤ 3a의 최속값은 -1

$$x^2 + 2ax + 2a + 3 \ge 0$$
이 항상 성립할 조건은 $D/4 = a^2 - 2a - 3 = (a+1)(a-3) \le 0$

모든 실수 x에 대하여 이차부등식x² + 2kx - k + 6 > 0이 항상 성립하도록 k의 범위를 구하면 m < k < n이다. 이 때, m² + n²의 값을 구하여라.

$$x^2 + 2kx - k + 6 > 0$$
이 항상 성립하려면
판별식 $D < 0$ 이다.

$$\frac{D}{4} = k^2 - (-k+6) < 0$$

$$k^2 + k - 6 < 0, (k+3)(k-2) < 0$$

$$\therefore m = -3, \ n = 2$$

-3 < k < 2

$$m^2 + n^2 = (-3)^2 + 2^2 = 13$$

9. 모든 실수 x 에 대하여 다항식 $(m+1)x^2-2(m-1)x+3$ 의 값이 항상 2보다 크도록 하는 상수 m 의 범위가 a < m < b 일 때, a+b 의 값을 구하여라.

$$(m+1)x^2 - 2(m-1)x + 3 > 2$$

$$(m+1)x^2 - 2(m-1)x + 1 > 0 \circ] 므로$$

$$m \neq -1, m > -1 \circ] 코, D < 0 \circ] 다.$$

$$\frac{D}{4} = m^2 - 3m < 0 \qquad \therefore 0 < m < 3$$

 $\therefore a = 0, \ b = 3$

$$\therefore a + b = 3$$

10. 이차부등식 $ax^2 - bx + c < 0$ 의 해가 x < -1또는 x > 3일 때, 이차부 등식 $ax^2 + cx + b > 0$ 의 해는?

①
$$-2 < x < 1$$
 ② $-1 < x < 0$ ③ $1 < x < 2$ ④ $1 < x < 3$ ⑤ $2 < x < 5$

1 < x < 2

x < -1 또는 x > 3인 해를 갖는 이차항계수가 1인 이차부등식은 (x+1)(x-3) > 0이므로. $ax^2 - bx + x < 0$ 의 a가 음수이고. 이 부등식은 a(x+1)(x-3) < 0과 같다. 따라서 b=2a, c=-3a이고 주어진 부등식 $ax^2 - 3ax + 2a = a(x^2 - 3x + 2)$ = a(x-2)(x-1) > 0이 된다. a < 0이므로 만족하는 해는 (x - 1)(x - 2) < 0에서 **11.** x 에 대한 이차부등식 $x^2 + ax + b > 0$ 의 해가 x < 1 또는 x > 4 일 때 상수 a + b 의 값을 구하여라.

$$x^2 + ax + b > 0$$
 의 해가 $x < 1$ 또는 $x > 4$ 이려면 $(x-1)(x-4) > 0$ 에서 $x^2 - 5x + 4 > 0$ 이므로 $a = -5, b = 4$ 따라서 $a + b = -1$

12. 이차방정식
$$f(x) = 0$$
의 두 근을 α , β 라 할 때, $\alpha + \beta = 4$ 이다. 방정식 $f(4x - 2) = 0$ 의 두 근의 합은?

$$f(4x-2) = 0 \Leftrightarrow 4x-2 = \alpha 또는 4x-2 = \beta$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{\alpha+2}{4} 또는 x = \frac{\beta+2}{4}$$

$$\stackrel{\rightleftharpoons}{=} f(4x-2) = 0 의 두 그은 \frac{\alpha+2}{4}, \frac{\beta+2}{4}$$
이다.
$$\therefore \frac{\alpha+2}{4} + \frac{\beta+2}{4} = \frac{\alpha+\beta+4}{4} = \frac{8}{4} = 2$$

 $f(x) = 0 \Leftrightarrow x = \alpha$ 또는 $x = \beta$ 가 성립하면

3.
$$x$$
의 이차방정식 $mx^2 + 2(1 - 2m)x + m = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 가질 m 의 범위를 구하면?

①
$$0 < m < \frac{1}{3}$$
 ② $m < \frac{1}{3}$, $m > 1$ ② $m < \frac{1}{3}$, $m > 1$ ④ $m < 0$, $m > 1$

$$\Im \frac{1}{3} < m < 1$$

이차방정식이므로
$$m \neq 0$$
 ··· ①
$$\frac{D}{4} = (1-2m)^2 - m^2 > 0 \, \text{에서}$$

$$(m-1)(3m-1) > 0, \ m < \frac{1}{3}, \ m > 1 \ \cdots \oplus$$
 ①, \oplus 에서 $m < 0, \ 0 < m < \frac{1}{3}, \ m > 1$

14. 양의 실수 a에 대하여 부등식 -3 < x + 1 < 6의 모든 해가 부등식 |x - 2| < a를 만족할 때, a값의 범위는?

 $\bigcirc 3 \ 0 < a < 3$

② 0 < a < 3

⑤ $a \ge 6$

(1) 0 < a < 3

(4) $a \ge 3$

15. $1 \le x \le 2$ 인 모든 실수 x에 대하여 부등식 $ax < 4 + x - x^2$ 이 항상 성립할 때, 실수 a의 값의 범위를 구하면?

①
$$a < 1$$
 ② $a < 2$ ③ $a < 3$ ④ $a < 4$ ⑤ $a < 5$

부등식
$$ax < 4 + x - x^2$$
 에서 $x^2 + (a-1)x - 4 < 0$
 $1 \le x \le 2$ 에서
이 부등식이 항상 성립해야 하므로
방정식 $x^2 + (a-1)x - 4 = 0$ 의 한 근이1 보다 작고, 다른 한
근은 2 보다 커야 한다.
 $f(x) = x^2 + (a-1)x - 4$ 로 놓으면
 $f(1) = 1 + (a-1) - 4 < 0$ 에서 $a < 4 \cdots$ ①

f(2) = 4 + 2(a - 1) - 4 < 0

해설

이차부등식
$$x^2 - kx + k + 3 \ge 0$$
가 절대부등식이 되기 위한 실수 k 값의 범위를 구하면?

① $1 - \sqrt{5} < k < 1 + \sqrt{5}$
② $1 - \sqrt{5} \le k \le 1 + \sqrt{5}$
③ $-2 < k < 1 - \sqrt{5}$ 또는 $1 + \sqrt{5} < k < 6$
④ $-2 \le k < 1 - \sqrt{5}$ 또는 $1 + \sqrt{5} < k \le 6$
⑤ $-2 < k \le 1 - \sqrt{5}$ 또는 $1 + \sqrt{5} \le k \le 6$

16. 이차방정식 $2x^2 + 2kx + k + 2 = 0$ 은 서로 다른 두 실근을 갖고.

 $-2 < k < 1 - \sqrt{5}$ 또는 $1 + \sqrt{5} < k < 6$

i)서로 다른 두 실근을 가지려면.

①,②의 공통범위는

해설

17. 좌표평면 위에서 모든 실수 x 에 대하여 직선 y = 2(kx + 1) 이 곡선 $y = -(x - 2)^2 + 1$ 보다 항상 위쪽에 있도록 실수 k 의 값을 정할 때, 다음 중 k 의 값의 범위에 속하지 <u>않는</u> 것은?

해섴

(3) 3

(4) 0



부등식
$$2(kx+1) > -(x-2)^2 + 1 \cdots$$
 ① 이 항상 성립하도록 k 의 값을 정하면 된다. ①식을 정리하면 $x^2 + 2(k-2)x + 5 > 0$ ①식이 항상 성립하기 위하여 $\frac{D}{4} = (k-2)^2 - 5 < 0$

이 때, 0, 1, 2, 3 은 k 의 값의 범위에 속하나

 $\Rightarrow k^2 - 4k - 1 < 0$ $\therefore 2 - \sqrt{5} < k < 2 + \sqrt{5}$

-1 은 속하지 않는다.

임의의 실수 x 에 대하여

18. 연립부등식
$$\begin{cases} x^3 - 2x^2 + x - 2 \ge 0 \\ x^2 - x - 6 < 0 \end{cases}$$
 의 해는?

①
$$-2 \le x < 3$$

②
$$-2 < x < 3$$

$$3 2 \le x < 3$$

$$4 2 < x \le 3$$

$$x^2 - 2x + x - 2 \ge 0$$
에서

$$x^{2}(x-2) + (x-2) \ge 0$$

 $\therefore (x-2)(x^{2}+1) \ge 0$

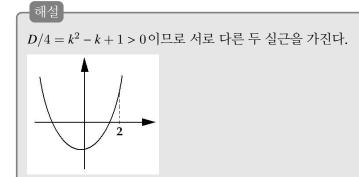
$$x^2 + 1 > 0$$
이므로 $x - 2 \ge 0$

$$\therefore x \geq 2 \cdots (7)$$

$$x^2 - x - 6 < 0$$
 에서 $(x - 3)(x + 2) < 0$

$$2 \le x < 3$$
이다.

- **19.** x > 2인 모든 실수 x에 대하여 $x^2 2kx + k 1 > 0$ 을 성립하게 하는 실수 k의 최댓값은?



하고 $f(2) \ge 0$ 의 두 조건을 모두 만족해야 한다. 대칭축 조건에서 k < 2 ······① $f(2) = 3 - 3k \ge 0$ 에서 $k \le 1$ ······①

문제의 조건을 만족하기 위해서는 대칭축이 2보다 왼쪽에 있어야

①, ⓒ에서 *k* ≤ 1 *k* 의 최댓값은 1 이다. **20.** 부등식 5-x>2|x+1|의 해와 $ax^2+bx+7>0$ 의 해가 같도록 상수 a, b의 값을 정할 때, a+b의 값은 ?

 $\bigcirc -5$

3 5

(4)

⑤ 0

- 해설

$$5 - x > 2|x + 1|$$
 을 풀면 (i) $x \ge -1$ 일 때

$$5 - x > 2x + 2, x < 1$$
 :: $-1 \le x < 1$

$$ax^2 + bx + 7 > 0 \Leftrightarrow -7 < x < 1$$
 이므로 $a < 0$ 이고 $ax^2 + bx + 7 = a(x+7)(x-1)$

$$a = -1, b = -6$$
 : $a + b = -7$

21. 이차부등식
$$x^2 + ax + b < 0$$
 을 풀 때, 근우는 b 를 잘못보고 풀어서 $1 < x < 3$ 이라는 해를 얻었고, 기원이는 a 를 잘못보고 풀어서 $-2 < x < 4$ 이라는 해를 얻었다. 이 부등식의 옳은 해는?

①
$$-1 < x < 2$$

②
$$-2 < x < 3$$

③
$$2-2\sqrt{5} < x < 2+2\sqrt{5}$$
 ④ $1-\sqrt{3} < x < 1+\sqrt{3}$

$$\boxed{\$} 2 - 2\sqrt{3} < x < 2 + 2\sqrt{3}$$

1 < x < 3 ⇔
$$(x-1)(x-3)$$
 < 0 ⇔ $x^2 - 4x + 3$ < 0
∴ $a = -4$

$$-2 < x < 4 \Leftrightarrow (x+2)(x-4) < 0$$

 $\Leftrightarrow x^2 - 2x - 8 < 0$

$$\therefore b = -8$$

$$x^2 - 4x - 8 < 0$$

$$\therefore 2 - 2\sqrt{3} < x < 2 + 2\sqrt{3}$$