

1. 다항식  $x^5 \left( x + \frac{1}{x} \right) \left( 1 + \frac{2}{x} + \frac{3}{x^2} \right)$  의 차수는?

- ① 2차    ② 3차    ③ 6차    ④ 7차    ⑤ 8차

해설

$$x^5 \left( x + \frac{1}{x} \right) \left( 1 + \frac{2}{x} + \frac{3}{x^2} \right)$$

$$= x^2(x^2 + 1)(x^2 + 2x + 3)$$

∴ 6차 다항식

2.  $x^2y(-xy)^3$  을 간단히 하면?

- ①  $-x^4y^5$     ②  $xy^5$     ③  $-x^5y^4$     ④  $-xy^5$     ⑤  $x^2y^5$

해설

$$x^2y(-xy)^3 = x^2y(-x^3y^3) = -x^5y^4$$

3. 다항식  $x^2y(x^3 + y^2)$ 을 전개하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x^5y + x^2y^3$

해설

$$\begin{aligned}x^2y(x^3 + y^2) &= (x^2y)x^3 + (x^2y)y^2 \\&= x^3(x^2y) + (x^2y)y^2 \\&= (x^3x^2)y + x^2(yy^2) \\&= x^5y + x^2y^3\end{aligned}$$

4.  $x + \frac{1}{x} = 1$  일 때,  $x^5 + \frac{1}{x^5}$ 의 값은?

- ① 1      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 7

해설

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 = 1 - 2 = -1$$

$$x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right) = 1 - 3 = -2$$

$$\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right)\left(x^3 + \frac{1}{x^3}\right) = x^5 + \frac{1}{x^5} + x + \frac{1}{x}$$

$$(-1) \times (-2) = x^5 + \frac{1}{x^5} + 1$$

$$\therefore x^5 + \frac{1}{x^5} = 1$$

해설

$$x + \frac{1}{x} = 1 \text{의 양변에 } x \text{를 곱하면}$$

$$x^2 - x + 1 = 0, (x+1)(x^2 - x + 1) = 0,$$

$$x^3 + 1 = 0, x^3 = -1, \frac{1}{x^3} = -1$$

$$x^5 + \frac{1}{x^5} = -x^2 - \frac{1}{x^2} = -\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right)$$

$$= -(-1) = 1$$

5.  $x + y = 2$ ,  $x^3 + y^3 = 14$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ①  $xy = -1$       ②  $x^2 + y^2 = 6$       ③  $x^4 + y^4 = 34$   
④  $x^5 + y^5 = 86$       ⑤  $x^6 + y^6 = 198$

해설

①  $x^3 + y^3 = (x + y)^3 - 3xy(x + y)$  에서  
 $14 = 2^3 - 3xy \times 2$   
 $\therefore xy = -1$

②  $x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy$  에서  
 $x^2 + y^2 = 2^2 - 2(-1) = 6$

③  $x^4 + y^4 = (x^2 + y^2)^2 - 2x^2y^2$  에서  
 $x^4 + y^4 = 6^2 - 2(-1)^2 = 34$

④  $x^5 + y^5 = (x^2 + y^2)(x^3 + y^3) - x^2y^2(x + y)$  에서  
 $x^5 + y^5 = 6 \times 14 - (-1)^2 \times 2 = 82 \neq 86$

⑤  $x^6 + y^6 = (x^3 + y^3)^2 - 2x^3y^3$  에서  
 $x^6 + y^6 = 14^2 - 2(-1)^3 = 198$

6.  $a(a+1) = 1$  일 때,  $\frac{a^4 - a^2}{a^6 - 1}$ 의 값은?

- ① 1      ②  $\frac{1}{2}$       ③  $\frac{1}{3}$       ④  $\frac{1}{4}$       ⑤  $\frac{1}{5}$

해설

$$\begin{aligned} a(a+1) &= 1 \text{에서} \\ a^2 &= -a + 1 \\ a^4 &= (-a+1)^2 = a^2 - 2a + 1 \\ &= (-a+1) - 2a + 1 = -3a + 2 \\ a^6 &= a^4 \times a^2 = (-3a+2)(-a+1) \\ &= 3a^2 - 5a + 2 = 3(-a+1) - 5a + 2 \\ &= -8a + 5 \\ \therefore \frac{a^4 - a^2}{a^6 - 1} &= \frac{-3a + 2 - (-a + 1)}{-8a + 5 - 1} \\ &= \frac{-2a + 1}{-8a + 4} = \frac{-2a + 1}{4(-2a + 1)} \\ &= \frac{1}{4} \end{aligned}$$