

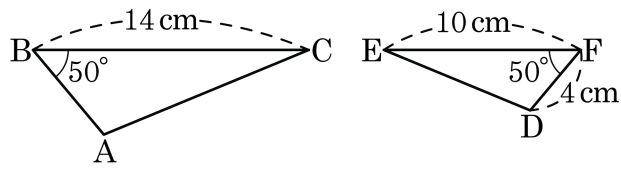
1. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 닮은 도형이란 서로 닮음인 관계에 있는 두 도형을 말한다.
- ② 서로 닮은 두 평면도형에서 대응하는 변의 길이의 비는 일정하다.
- ③ $\triangle ABC$ 와 $\triangle DEF$ 가 닮음일 때, $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ 와 같이 나타낸다.
- ④ 두 닮은 평면도형에서 대응하는 각의 크기는 다를 수도 있다.
- ⑤ 두 닮은 입체도형에서 대응하는 선분의 길이의 비는 일정하다.

해설

두 닮은 평면도형에서 대응하는 각의 크기는 항상 같다.

2. 다음과 같이 닮은 도형 $\triangle ABC$ 와 $\triangle DFE$ 에서 $\overline{AB}$ 의 길이를 구하여라.



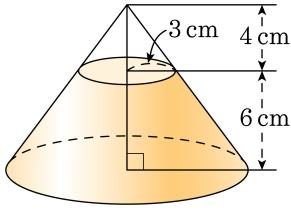
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 5.6 cm

해설

두 삼각형의 닮음비가
 $10 : 14 = 5 : 7$ 이므로
 $5 : 7 = 4 : \overline{AB}$
 $\therefore \overline{AB} = 5.6 \text{ cm}$

3. 다음 그림과 같이 원뿔을 밑면에 평행한 평면으로 자를 때 생기는 단면의 반지름의 길이가 3 cm 인 원일 때, 처음 원뿔의 밑면의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $\frac{15}{2}$ cm

해설

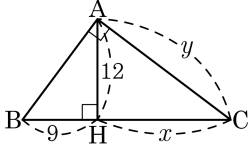
처음 원뿔과 밑면에 평행한 평면으로 잘라서 생긴 작은 원뿔의 닮음비는 원뿔에서 높이의 비와 같으므로
 $(4 + 6) : 4 = 10 : 4 = 5 : 2$

따라서 처음 원뿔의 밑면의 반지름의 길이를 r cm 라 하면

$$r : 3 = 5 : 2$$

$$\therefore r = \frac{15}{2}$$

4. 다음 직각삼각형에서 x, y 의 값을 차례대로 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 16$

▷ 정답 : $y = 20$

해설

$$\overline{AH}^2 = \overline{BH} \times \overline{CH}$$

$$144 = 9x$$

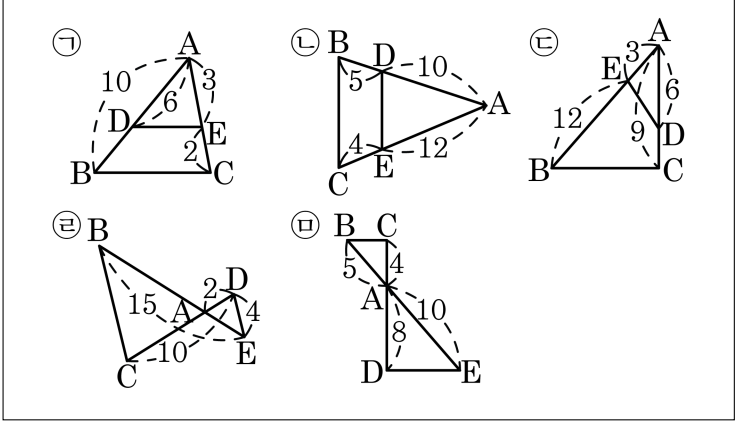
$$\therefore x = 16$$

$$\overline{AC}^2 = \overline{CH} \times \overline{CB}$$

$$y^2 = 16 \times 25 = 400$$

$$\therefore y > 0 \text{ 이므로 } y = 20$$

5. 다음 그림에서 $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 인 것을 모두 골라라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉢

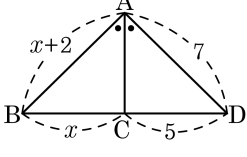
해설

$\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 이므로 꼭짓점 A 를 기준으로 대응하는 변의 길이가 같아야 한다.

㉠ : $6 : 10 = 3 : 5$ 가 성립하므로 $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 이다.

㉢ : $5 : 4 = 10 : 8$ 이 성립하므로 $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 이다.

6. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AC}$ 는 $\angle A$ 의 이등분선이다. x 의 값을 구하여라.



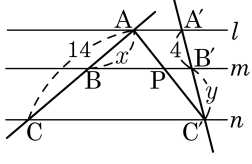
▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$$\begin{aligned} \overline{AB} : \overline{AD} &= \overline{BC} : \overline{CD} \\ x + 2 : 7 &= x : 5 \\ 7x &= 5x + 10 \\ \therefore x &= 5 \end{aligned}$$

7. 다음 그림에서 $\ell // m // n$, $\overline{AP} : \overline{PC'} = 3 : 4$ 일 때, x, y 의 길이는?



- ① $x = 5, y = 6$ ② $x = 6, y = \frac{16}{3}$ ③ $x = 5, y = \frac{14}{3}$
 ④ $x = 5, y = \frac{16}{3}$ ⑤ $x = 6, y = \frac{14}{3}$

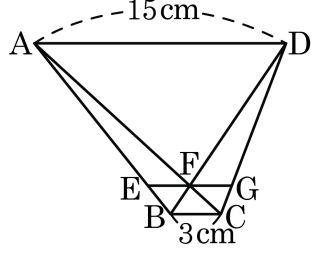
해설

$\overline{AP} : \overline{PC'} = 3 : 4$ 이므로

$14 : x = 7 : 3, x = 6$

$4 : y = 3 : 4, y = \frac{16}{3}$

8. 다음 그림과 같이 사다리꼴 ABCD 의 대각선의 교점 F 를 지나면서 $\overline{AD} // \overline{EG} // \overline{BC}$ 가 되도록 직선을 그어 그 사다리꼴과의 교점을 각각 E, G 라고 하자. $\overline{AD} = 15 \text{ cm}$, $\overline{BC} = 3 \text{ cm}$ 일 때, $\frac{\overline{EG}}{\overline{AD} + \overline{BC}}$ 를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{5}{18}$

해설

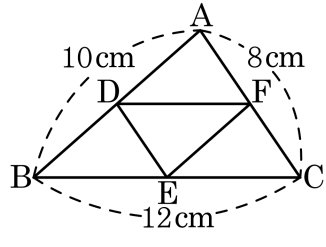
$$\overline{AF} : \overline{FC} = 15 : 3 \text{ 이므로 } \overline{EF} = \frac{5}{6} \times 3 = 2.5 \text{ cm}$$

$$\overline{DF} : \overline{FB} = 15 : 3 \text{ 이므로 } \overline{FG} = \frac{5}{6} \times 3 = 2.5 \text{ cm}$$

따라서 $\overline{EG} = 2.5 + 2.5 = 5 \text{ cm}$ 이다.

$$\therefore \frac{\overline{EG}}{\overline{AD} + \overline{BC}} = \frac{5}{15 + 3} = \frac{5}{18}$$

9. $\triangle ABC$ 에서 각 변의 중점을 각각 D, E, F 라 놓고 $\overline{AB} = 10\text{cm}$, $\overline{BC} = 12\text{cm}$, $\overline{AC} = 8\text{cm}$ 일 때, $\triangle DEF$ 의 둘레의 길이는?

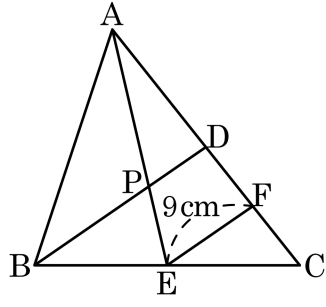


- ① 10 cm ② 12 cm ③ 13 cm ④ 15 cm ⑤ 18 cm

해설

$$\begin{aligned} & \text{D, E, F가 각 변의 중점이므로} \\ \overline{DE} &= \frac{1}{2}\overline{AC} = \frac{1}{2} \times 10 = 5(\text{cm}) \\ \overline{EF} &= \frac{1}{2}\overline{AB} = \frac{1}{2} \times 12 = 6(\text{cm}) \\ \overline{DF} &= \frac{1}{2}\overline{BC} = \frac{1}{2} \times 8 = 4(\text{cm}) \\ \therefore (\triangle ABC \text{의 둘레의 길이}) &= \overline{DE} + \overline{EF} + \overline{DF} \\ &= \frac{1}{2}\overline{AB} + \frac{1}{2}\overline{BC} + \frac{1}{2}\overline{AC} \\ &= \frac{1}{2}(\overline{AB} + \overline{BC} + \overline{AC}) \\ &= \frac{1}{2}(10 + 12 + 8) \\ &= 15(\text{cm}) \end{aligned}$$

10. 다음 그림에서 $\overline{BD} \parallel \overline{EF}$, $\overline{EF} = 9\text{ cm}$ 이고 점 P 가 $\triangle ABC$ 의 무게중심 일 때, $\overline{BP}$ 의 길이를 구하여라.



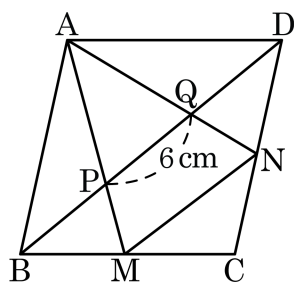
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 12cm

해설

$$\begin{aligned}\overline{CE} : \overline{CB} &= \overline{EF} : \overline{BD} \\ 1 : 2 &= 9 : \overline{BD}, \overline{BD} = 18(\text{ cm}) \\ \overline{AP} : \overline{PE} &= \overline{PD} : \overline{EF} \\ 2 : 3 &= \overline{PD} : 9, \overline{PD} = 6(\text{ cm}) \\ \overline{BP} &= \overline{BD} - \overline{PD} = 18 - 6 = 12(\text{ cm})\end{aligned}$$

11. 평행사변형 ABCD 에서 점 M, N 은 각각 $\overline{BC}$, $\overline{DC}$ 의 중점이고 $\overline{PQ} = 6\text{cm}$ 일 때, $\overline{NM}$ 의 길이를 구하면?



- ① 7cm ② 8cm ③ 9cm ④ 10cm ⑤ 12cm

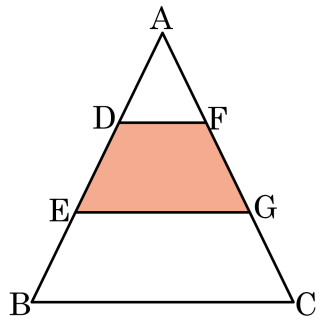
해설

점 P, Q 는 각각 $\triangle ABC$, $\triangle ACD$ 의 무게중심이므로 $\overline{BP} = \overline{PQ} = \overline{QD}$

$\therefore \overline{BD} = 18\text{cm}$

따라서 $\overline{MN} = \frac{1}{2}\overline{BD} = 9\text{cm}$ 이다.

12. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 점 D, E 는 각각 $\overline{AB}$ 의 삼등분점이고, 점 F, G 는 각각 $\overline{AC}$ 의 삼등분점이다. $\square EBCG = 45\text{cm}^2$ 일 때, 사다리꼴 DEGF 의 넓이는?



- ① 25cm^2 ② 27cm^2 ③ 30cm^2
 ④ 33cm^2 ⑤ 36cm^2

해설

세 삼각형의 닮음비가 $1 : 2 : 3$ 이므로 넓이의 비는 $\triangle ADF : \triangle AEG : \triangle ABC = 1 : 4 : 9$ 이다. 따라서 $\square DEGF : \square EBCG = (4-1) : (9-4)$, $\square DEGF : 45 = 3 : 5$ 이므로 $\square DEGF = 27(\text{cm}^2)$ 이다.

13. 제과점에서 판매하는 케이크의 가격이 다음 표와 같을 때, x 의 값은?
(단, 케이크의 두께는 같고 내용물도 같으며 가격은 넓이에 비례한다.)

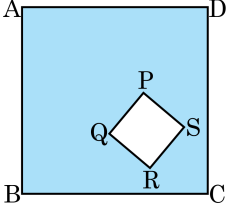
	지름의 길이	가격
Small	20 cm	12,000원
Large	30 cm	x

- ① 18,000 원
- ② 24,000 원
- ③ 27,000 원
- ④ 30,000 원
- ⑤ 33,000 원

해설

지름의 길이의 비가 2 : 3 이므로 넓이의 비는 4 : 9 이다. 가격은 넓이에 비례하므로 가격의 비도 4 : 9 이다. 따라서 x 의 값은 27,000 원이다.

14. 다음 그림과 같이 정사각형 ABCD 내부에 정사각형 PQRS가 있다. 두 정사각형의 한 변의 길이의 비가 7 : 2 이고, 색칠한 부분의 넓이가 135cm^2 일 때, □PQRS의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 12 cm^2

해설

넓음비가 7 : 2 이므로 넓이의 비는 49 : 4

□PQRS의 넓이를 x 라 하면

$$(49 - 4) : 4 = 135 : x$$

$$45x = 540$$

$$\therefore x = 12(\text{cm}^2)$$

15. A 피자집에서 판매하는 피자의 가격이 표와 같을 때, x 의 값은 얼마인가? (단, 피자의 두께는 같고 내용물도 같으며 가격은 넓이에 비례한다.)

	반지름의 길이	가격
Small	30cm	x
Large	40cm	16,000원

- ① 4000 원 ② 6000 원 ③ 8000 원
- ④ 9000 원 ⑤ 12000 원

해설

Small 피자와 Large 피자의 넓음비는 $30 : 40 = 3 : 4$ 이다.
따라서 넓이의 비는 $9 : 16$ 이므로 Large 피자의 가격이 16,000 원이라면 Small 피자의 가격은 9,000 원이다.

16. 두 정육면체 A, B 는 서로 닮은 도형이고, 각각을 포장하는데 색종이가 54 장, 216 장 필요했다. A 의 한 모서리의 길이가 6 cm 일 때, B 의 한 모서리의 길이를 구하여라.

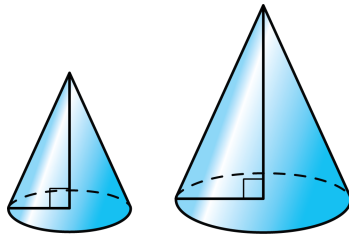
▶ 답: cm

▶ 정답 : 12 cm

해설

걸넓이의 비가 $54 : 216 = 1 : 4 = 1^2 : 2^2$ 이므로 모서리의 비는 $1 : 2$ 이다. 따라서 B 의 한 모서리의 길이는 $6 \times 2 = 12(\text{cm})$ 이다.

17. 다음 두 원뿔은 닮은 도형이고, 옆넓이가 각각 54cm^2 , 96cm^2 일 때, 두 도형의 닮음비는?



- ① 1 : 7 ② 9 : 16 ③ 2 : 3 ④ 3 : 4 ⑤ 4 : 3

해설

옆넓이의 비가 $54 : 96 = 9 : 16 = 3^2 : 4^2$ 이므로 닮음비는 3 : 4 이다.

18. A, B 의 겹넓이의 비가 $9 : 16$ 이고 B, C 의 겹넓이의 비가 $4 : 9$ 인 세 정육면체 A, B, C 에 대하여 A, B, C 의 부피의 비는?

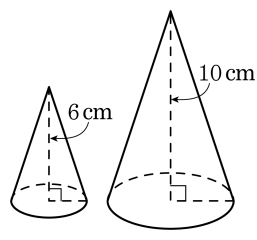
- ① $27 : 53 : 200$ ② $27 : 54 : 210$ ③ $27 : 56 : 212$
④ $27 : 64 : 213$ ⑤ $27 : 64 : 216$

해설

세 정육면체 A, B, C 의 겹넓이의 비는 $9 : 16 : 36 = 3^2 : 4^2 : 6^2$ 이므로 닮음비는 $3 : 4 : 6$ 이다.
따라서 부피의 비는 $3^3 : 4^3 : 6^3 = 27 : 64 : 216$ 이다.

19. 다음 그림에서 두 원뿔은 서로 닮은 도형이다. 작은 원뿔의 부피가 $8\pi\text{cm}^3$ 일 때, 큰 원뿔의 밑넓이는?

- ① $\frac{100}{9}\pi\text{cm}^2$ ② $\frac{105}{9}\pi\text{cm}^2$
 ③ $\frac{110}{9}\pi\text{cm}^2$ ④ $\frac{115}{9}\pi\text{cm}^2$
 ⑤ $\frac{120}{9}\pi\text{cm}^2$



해설

작은 원뿔의 밑면의 반지름의 길이를 $r\text{ cm}$ 라 하면

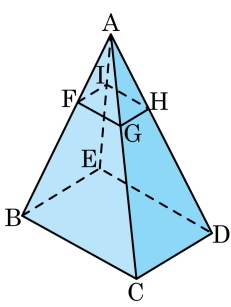
$$\frac{1}{3} \times \pi r^2 \times 6 = 8\pi, \quad r^2 = 4$$

$r > 0$ 이므로 $r = 2$

닮음비는 $6 : 10 = 3 : 5$ 이므로 큰 원뿔의 밑면의 반지름의 길이는 $\frac{10}{3}\text{cm}$ 이다.

따라서 밑넓이는 $\pi \times \left(\frac{10}{3}\right)^2 = \frac{100}{9}\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

20. 다음 그림과 같은 사각뿔을 밑면과 평행하게 잘랐더니 사각뿔 A - BCDE 와 A - FGHI 의 겹넓이의 비가 27 : 3 이 되었다. 사각뿔 A - FGHI 의 부피는 사각뿔대 FGHI - BCDE 의 부피의 몇 배인가?



- ① $\frac{1}{25}$ 배 ② $\frac{1}{26}$ 배 ③ $\frac{1}{27}$ 배
 ④ $\frac{1}{28}$ 배 ⑤ $\frac{1}{29}$ 배

해설

사각뿔 A - FGHI 와 A - BCDE 의 닮음비가 1 : 3 이므로, (부피의 비) = 1 : 27 이고, 사각뿔 A - FGHI 와 사각뿔대 FGHI - BCDE 의 부피의 비가 1 : 26 이므로 사각뿔 A - FGHI 는 사각뿔대 FGHI - BCDE 의 $\frac{1}{26}$ 배이다.