

1. $(2a - b)(-3c - 3d) = -6ac + \boxed{} + 3bc + 3bd$ 에서 $\boxed{}$ 안에
알맞은 식은?

▶ 답:

▶ 정답: $-6ad$

해설

$$(2a - b)(-3c - 3d) = -6ac - 6ad + 3bc + 3bd$$

2. 다음 두 식 $3x^2 - 8x + 5$, $6x^2 - 7x - 5$ 의 공통인 인수로 알맞은 것을 고르면?

- ① $3x - 5$ ② $x - 1$ ③ $2x + 1$
④ $x + 4$ ⑤ $3x + 5$

해설

$$3x^2 - 8x + 5 = (3x - 5)(x - 1)$$

$$6x^2 - 7x - 5 = (3x - 5)(2x + 1)$$

공통인 인수 : $3x - 5$

3. 다음 중 인수분해를 바르게 한 것은?

① $ma + mb - m = m(a + b)$

② $64a^2 + 32ab + 4b^2 = (8a + 2b)^2$

③ $-4a^2 + 9b^2 = (2a + 3b)(2a - 3b)$

④ $x^2 - 5x - 6 = (x - 2)(x - 3)$

⑤ $2x^2 - 5xy + 3y^2 = (x - 3y)(2x - y)$

해설

① $ma + mb - m = m(a + b - 1)$

③ $-4a^2 + 9b^2 = -(2a + 3b)(2a - 3b)$

④ $x^2 - 5x - 6 = (x - 6)(x + 1)$

⑤ $2x^2 - 5xy + 3y^2 = (2x - 3y)(x - y)$

4. $a^2 - \boxed{\quad}a + \frac{1}{16}$ 이 완전제곱식이 되도록 $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 수를 써넣어라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: $\frac{1}{2}$

▶ 정답: $-\frac{1}{2}$

해설

$$a^2 - 2 \times \left(\pm \frac{1}{4}a \right) + \left(\pm \frac{1}{4} \right)^2 = \left(a \pm \frac{1}{4} \right)^2$$

5. $-2 < a < 2$ 일 때, $\sqrt{a^2 + 4a + 4} - \sqrt{a^2 - 4a + 4}$ 를 간단히 하면?

① a

② $2a$

③ 4

④ $a + 3$

⑤ $2a + 3$

해설

$$(\text{주어진 식}) = \sqrt{(a+2)^2} - \sqrt{(a-2)^2}$$

$-2 < a < 2$ 일 때, $a+2 > 0, a-2 < 0$ 이므로

$$\begin{aligned}\sqrt{(a+2)^2} - \sqrt{(a-2)^2} &= a+2 - \{-(a-2)\} \\ &= a+2 + (a-2) = 2a\end{aligned}$$

6. 다음 중 $27ax^2 - 12ay^2$ 을 바르게 인수분해 한 것은?

- ① $(3ax - 3y)^2$
- ③ $3a(3^2ax - 4ay)^2$
- ⑤ $3(9ax^2 - 4ay^2)$

- ② $3^2(3ax - 4ay)^2$
- ④ $3a(3x + 2y)(3x - 2y)$

해설

$$\begin{aligned}27ax^2 - 12ay^2 &= 3a(9x^2 - 4y^2) \\&= 3a(3x + 2y)(3x - 2y)\end{aligned}$$

7. 일차항의 계수가 1인 두 일차식의 곱이 $(x + 6)(x - 3) - 6x$ 일 때, 이 두 일차식의 합을 구하면?

① $2x$

② $2x + 3$

③ $2x - 3$

④ $2x^2$

⑤ $2x(x - 3)$

해설

$$\begin{aligned}(x + 6)(x - 3) - 6x &= x^2 + 3x - 18 - 6x \\&= x^2 - 3x - 18 \\&= (x + 3)(x - 6)\end{aligned}$$

두 일차식의 합은 $(x + 3) + (x - 6) = 2x - 3$ 이다.

8. 다항식 $x^2 + Ax - 10$ 이 두 일차식의 곱으로 인수분해 될 때, A 의 값이 될 수 없는 수는?

① -3

② -9

③ 3

④ 5

⑤ 9

해설

두 수의 곱이 -10이 되는 경우는

$-1 \times 10, 1 \times (-10), 2 \times (-5), -2 \times 5$ 이므로

$$A = \pm 9, \pm 3$$

9. 다음 중 $(x + 2)$ 를 인수로 갖지 않는 것은?

① $3x^2 + 5x - 2$

② $6x^2 + 9x - 6$

③ $6x^2 + x - 12$

④ $2x^2 - x - 10$

⑤ $2x^2 + 3x - 2$

해설

① $3x^2 + 5x - 2 = (3x - 1)(x + 2)$

② $6x^2 + 9x - 6 = 3(2x - 1)(x + 2)$

③ $6x^2 + x - 12 = (2x + 3)(3x - 4)$

④ $2x^2 - x - 10 = (2x - 5)(x + 2)$

⑤ $2x^2 + 3x - 2 = (2x - 1)(x + 2)$

10. $6x^2 - x - A = (x+1)(Bx+C)$ 일 때, A , B , C 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $A = 7$

▷ 정답 : $B = 6$

▷ 정답 : $C = -7$

해설

$$\begin{aligned}(x+1)(Bx+C) &= Bx^2 + Cx + Bx + C \\ &= 6x^2 - x - A\end{aligned}$$

$$B = 6, C + B = -1, C = -7$$

$$A = 7$$

11. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고르면?

보기

- ㉠ $(b - 2a)^2 = (2a - b)^2$
- ㉡ $a^2 - b^2 = (a + b)(-a + b)$
- ㉢ $(a + b)^2 - 4ab = (a - b)^2$
- ㉣ $4ab - 1 = (2a + 1)(2b - 1)$

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉢, ㉣

④ ㉡, ㉢, ㉣

⑤ ㉠, ㉢, ㉣

해설

㉡: $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

㉣: $4ab - 2a + 2b - 1 = (2a + 1)(2b - 1)$

12. 다음 중 나머지 넷과 같은 공통인 인수를 갖지 않는 것은?

① $x^2 + 2x - 15$

② $x^2 + 3x$

③ $2x^2 - 5x - 3$

④ $x^2 - 9$

⑤ $x^2 - 4x + 3$

해설

① $x^2 + 2x - 15 = (x - 3)(x + 5)$

② $x^2 + 3x = x(x + 3)$

③ $2x^2 - 5x - 3 = (2x + 1)(x - 3)$

④ $x^2 - 9 = (x + 3)(x - 3)$

⑤ $x^2 - 4x + 3 = (x - 1)(x - 3)$

공통인 인수 $(x - 3)$ 을 갖지 않는 것은 ② 이다.

13. $x(y - a) - y + a$ 를 바르게 인수분해한 것은?

- ① $(x + 1)(y + a)$
- ② $(x + 1)(y - a)$
- ③ $(x - 1)(y + a)$
- ④ $(x - 1)(y - a)$
- ⑤ $(1 - x)(a + y)$

해설

$$\begin{aligned}x(y - a) - y + a &= x(y - a) - (y - a) \\&= (x - 1)(y - a)\end{aligned}$$

14. $x^3 + x^2 - 9x - 9$ 를 인수분해 하였더니
 $(x + a)(x + b)(x + c)$ 가 되었다. 이때 $a + b + c$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}x(x^2 - 9) + (x^2 - 9) &= (x^2 - 9)(x + 1) \\&= (x + 3)(x - 3)(x + 1)\end{aligned}$$

따라서 $a = 3, b = -3, c = 1$ 이므로

$a + b + c = 1$ 이다.

15. $(x + 2)^2 - (x - 1)(x + 2)$ 를 전개하여 간단히 나타내면?

- ① $2x^2 + 4x + 6$
- ② $2x^2 - 4x$
- ③ $x^2 - 7x + 2$
- ④ $3x + 6$
- ⑤ $3x - 6$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (x + 2) \{x + 2 - (x - 1)\} \\&= (x + 2) \times 3 = 3x + 6\end{aligned}$$

16. $(x+y)(x+y+2) - 3$ 을 인수분해 하면?

- ① $(x+y+1)(x+y-3)$
- ② $(x+y-1)(x+y-3)$
- ③ $(x+y-1)(x+y+3)$
- ④ $(x+y+1)(x+y+3)$
- ⑤ $(x+y-1)(x+y-2)$

해설

$x+y = A$ 라고 놓으면,

$$\begin{aligned}A(A+2) - 3 &= A^2 + 2A - 3 \\&= (A-1)(A+3) \\&= (x+y-1)(x+y+3)\end{aligned}$$

17. $x^2 - (y^2 - 6y + 9)$ 를 인수분해하면?

- ① $(x - y - 5)(x - y + 2)$ ② $(x - y + 5)(x - y + 2)$
③ $(x + y - 3)(x - y - 3)$ ④ $(x + y + 3)(x - y + 3)$
⑤ $(x + y - 3)(x - y + 3)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - (y^2 - 6y + 9) \\= x^2 - (y - 3)^2 \\= (x + y - 3)(x - y + 3)\end{aligned}$$

18. $x(x+2)(x+4)(x+6)+16$ 을 인수분해하는 과정이다. ()안에 들어갈
식이 옳은 것은?

$$\begin{aligned} & x(x+2)(x+4)(x+6) + 16 \\ &= x(\textcircled{1}) \times (x+2)(\textcircled{2}) + 16 \\ &= (x^2 + 6x)(\textcircled{3}) + 16 \\ & (\textcircled{4}) = A \text{ 라 하면} \\ & A^2 + 8A + 16 = (A+4)^2 = (\textcircled{5})^2 \end{aligned}$$

① $x+5$ ② $x+3$ ③ $x^2 + 4x + 8$

④ $x^2 + 6x$ ⑤ $x^2 + 6x + 1$

해설

- ① $x+6$
- ② $x+4$
- ③ $x^2 + 6x + 8$
- ⑤ $x^2 + 6x + 4$

19. $6xy - 8x - 9y + 12 = (ax + b)(cy + d)$ 에서 $a + b + c + d$ 의 값을 구하면?

① 1

② 2

③ 0

④ -1

⑤ -2

해설

$$\begin{aligned}6xy - 8x - 9y + 12 &= 2x(3y - 4) - 3(3y - 4) \\&= (2x - 3)(3y - 4)\end{aligned}$$

$$\therefore a + b + c + d = -2$$

20. $x^2 + y^2 - 4 - 2xy$ 의 인수가 될 수 있는 것은?

- ① $x - y - 2$ ② $x - y - 4$ ③ $x + y - 2$
④ $x - y + 4$ ⑤ $x + y + 2$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + y^2 - 4 - 2xy &= (x - y)^2 - 2^2 \\&= (x - y + 2)(x - y - 2)\end{aligned}$$

21. $x^2 - 2xy + y^2 - 9$ 를 인수분해하여 x, y 의 계수와 상수항의 총합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xy + y^2 - 9 &= (x - y)^2 - 3^2 \\&= (x - y - 3)(x - y + 3)\end{aligned}$$

$$\therefore 1 - 1 - 3 + 1 - 1 + 3 = 0$$

22. 두 이차식 $xy + x + y + 1$, $x^2 - xy + x - y$ 에 공통으로 들어 있는 인수를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $x + 1$

해설

$$\begin{aligned}xy + x + y + 1 &= x(y + 1) + y + 1 \\&= (x + 1)(y + 1)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}x^2 - xy + x - y &= x(x - y) + x - y \\&= (x + 1)(x - y)\end{aligned}$$

23. $2x^4 - 2$, $x^3 - x^2 - 4x + 4$ 의 공통인 인수를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $x - 1$

해설

$$\begin{aligned}2x^4 - 2 &= 2(x^4 - 1) \\&= 2(x^2 - 1)(x^2 + 1) \\&= 2(x - 1)(x + 1)(x^2 + 1)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}x^3 - x^2 - 4x + 4 &= x^2(x - 1) - 4(x - 1) \\&= (x - 1)(x^2 - 4) \\&= (x - 1)(x - 2)(x + 2)\end{aligned}$$

24. x 에 대한 이차식 $(3x+2+a)(3x+2a-4)$ 가 완전제곱식이 되는 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = 6$

해설

$$2 + a = 2a - 4$$

$$-a = -6$$

$$\therefore a = 6$$

25. $y < x < 0$ 일 때, $\sqrt{x^2 - 2xy + y^2} + \sqrt{x^2 + 2xy + y^2}$ 을 간단히 하면?

- ① 0
- ② $2x - 2y$
- ③ $2x$
- ④ $2y$
- ⑤ $-2y$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{(x-y)^2} + \sqrt{(x+y)^2} &= |x-y| + |x+y| \\&= x-y - (x+y) = -2y\end{aligned}$$

26. $a = 1 - \sqrt{3}$ 일 때,

$$\frac{4}{\sqrt{a^2 - 4 + \frac{4}{a^2}} + \sqrt{a^2 + 4 + \frac{4}{a^2}}} \text{ 를 구하여라.}$$

▶ 답:

▷ 정답: $-1 + \sqrt{3}$

해설

$$\left(a - \frac{2}{a}\right) > 0 \circ] \text{과 } \left(a + \frac{2}{a}\right) < 0 \circ] \text{므로}$$

$$\sqrt{a^2 - 4 + \frac{4}{a^2}} = \sqrt{\left(a - \frac{2}{a}\right)^2} = a - \frac{2}{a}$$

$$\sqrt{a^2 + 4 + \frac{4}{a^2}} = \sqrt{\left(a + \frac{2}{a}\right)^2} = -a - \frac{2}{a}$$

$$\sqrt{a^2 - 4 + \frac{4}{a^2}} + \sqrt{a^2 + 4 + \frac{4}{a^2}} = -\frac{4}{a}$$

$$\therefore \frac{4}{\sqrt{a^2 - 4 + \frac{4}{a^2}} + \sqrt{a^2 + 4 + \frac{4}{a^2}}}$$

$$= \frac{4}{-\frac{4}{a}} = -a = -1 + \sqrt{3} \text{ 이다.}$$

27. $a = \frac{1}{\sqrt{2} + 1}$, $b = \frac{1}{\sqrt{2} - 1}$ 일 때, $a^2 - b^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $-4\sqrt{2}$

해설

$$a = \frac{1}{\sqrt{2} + 1} = \sqrt{2} - 1, \quad b = \frac{1}{\sqrt{2} - 1} = \sqrt{2} + 1$$

$$\begin{aligned}a^2 - b^2 &= (a + b)(a - b) \\&= (\sqrt{2} - 1 + \sqrt{2} + 1)(\sqrt{2} - 1 - \sqrt{2} - 1) \\&= 2\sqrt{2}(-2) = -4\sqrt{2}\end{aligned}$$

28. $6x^2 - xy + Ay^2 = (3x - By)(Cx + 3y)$ 일 때, $A - BC$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $A - BC = -25$

해설

$$\begin{aligned}(3x - By)(Cx + 3y) \\= 3Cx^2 + (9 - BC)xy - 3By^2\end{aligned}$$

$$= 6x^2 - xy + Ay^2$$

$$3C = 6, C = 2$$

$$9 - BC = -1, B = 5$$

$$A = -15$$

$$\therefore A - BC = -25$$

29. $(3x - \sqrt{2})(\sqrt{2}x + a)$ 의 x 의 계수가 1 일 때, 상수항의 값은?

- ① $-\sqrt{2}$ ② $\sqrt{2}$ ③ 1 ④ -1 ⑤ 2

해설

$$(준식) = 3\sqrt{2}x^2 + (3a - 2)x - \sqrt{2}a$$

x 의 계수가 1 이므로

$$3a - 2 = 1 \quad \therefore a = 1$$

따라서 상수항은 $-\sqrt{2}$ 이다.

30. $(4x - y) \left(x - \frac{1}{2}y \right)$ 를 전개하였을 때, xy 의 계수와 y^2 의 계수의 곱을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $-\frac{3}{2}$

해설

$$(준식) = 4x^2 - 2xy - xy + \frac{1}{2}y^2 = 4x^2 - 3xy + \frac{1}{2}y^2$$

xy 의 계수 : -3

y^2 의 계수 : $\frac{1}{2}$

$$\therefore -3 \times \frac{1}{2} = -\frac{3}{2}$$

31. $(x - 4)^2 + (2x + 3)(2x - 3) = ax^2 + bx + c$ 일 때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= x^2 - 8x + 16 + 4x^2 - 9 \\&= 5x^2 - 8x + 7\end{aligned}$$

$$a = 5, b = -8, c = 7$$

$$\therefore a + b + c = 5 - 8 + 7 = 4$$

32. 이차식 $8x^2 + (4k - 6)x - 15$ 를 인수분해하면 $(2x + 3)(4x - 5)$ 이라고 한다. 이때, k 의 값으로 알맞은 것을 고르면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$(2x + 3)(4x - 5) = 8x^2 + 2x - 15 ,$$

$$4k - 6 = 2$$

$$\therefore k = 2$$

33. $x^2 - 2xy - 15y^2$ 과 $x^2 - 9y^2$ 의 공통인 인수를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $x + 3y$

해설

$$x^2 - 2xy - 15y^2 = (x - 5y)(x + 3y)$$

$$x^2 - 9y^2 = (x + 3y)(x - 3y)$$

34. 다음 중 나머지 넷과 같은 공통인 인수를 갖지 않는 것은?

- ① $x^2 + x - 6$ ② $x^2 - 4$ ③ $2x^2 + 7x + 6$
④ $2x^2 + 3x - 2$ ⑤ $3x^2 + 7x + 2$

해설

- ① $(x + 3)(x - 2)$
② $(x - 2)(x + 2)$
③ $(2x + 3)(x + 2)$
④ $(2x - 1)(x + 2)$
⑤ $(3x + 1)(x + 2)$

공통인 인수는 $x + 2$ 이므로 구하는 답은 ①이다.

35. 두 이차식 $x^2 + ax - 4 = 0$, $4x^2 + ax - b = 0$ 의 공통인 인수가 $x - 1$ 일 때,
상수 a , b 의 합 $a + b$ 의 값을 구하면?

① 2

② 4

③ 6

④ 8

⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}x^2 + ax - 4 &= (x - 1)(x + p) \\&= x^2 + (p - 1)x - p\end{aligned}$$

$$p = 4$$

$$p - 1 = a \quad \therefore a = 3$$

$$\begin{aligned}4x^2 + 3x - b &= (x - 1)(4x + q) \\&= 4x^2 + (q - 4)x - q\end{aligned}$$

$$-4 + q = 3, \quad q = 7$$

$$-q = -b$$

$$\therefore b = 7$$

$$\therefore a + b = 10$$

36. 다음 두 식 $x^3 + 4x^2 + 4x$, $x^3 + 2x^2$ 의 공통인 인수를 구하면?

- ① $x(x+2)$ ② $x^2(x+2)$ ③ $x(x^2+2)$
④ $x(x+4)$ ⑤ $x^2(x+4)$

해설

$$x^3 + 4x^2 + 4x = x(x^2 + 4x + 4) = x(x+2)^2$$

$$x^3 + 2x^2 = x^2(x+2)$$

∴ 공통인 인수는 $x(x+2)$

37. $75x^2 - 12y^2 = a(bx+cy)(bx-cy)$ 일 때, 자연수 a, b, c 의 합 $a+b+c$ 의 값을 구하면?

① 10

② 15

③ 20

④ 26

⑤ 28

해설

$$75x^2 - 12y^2 = 3(25x^2 - 4y^2) = 3(5x + 2y)(5x - 2y)$$

$$\therefore a = 3, b = 5, c = 2$$

$$\therefore a + b + c = 10$$

38. $(a+b)(a+b+3)+2$ 를 인수분해했을 때, 옳은 것은?

① $(a-b+1)(a-b+2)$

② $(a+b+1)(a+b+2)$

③ $(a-b+1)(a+b+2)$

④ $(a-b-1)(a-b-2)$

⑤ $(a+b-1)(a+b-2)$

해설

$a+b = A$ 로 치환하면

$$(\text{준식}) = A(A+3)+2$$

$$= A^2 + 3A + 2$$

$$= (A+1)(A+2)$$

$$= (a+b+1)(a+b+2)$$

39. $xy - x + y - 1 = (x - a)(y + b)$ 가 성립할 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.(단, $b < 0$)

▶ 답:

▷ 정답: $a + b = -2$

해설

$y - 1 = X$ 로 치환하면

$$\begin{aligned} xy - x + y - 1 &= xX + X = X(x + 1) \\ &= (x + 1)(y - 1) \end{aligned}$$

$$\therefore a + b = -2$$

40. $(a - b - 2c)(a - b + 5c) - 30c^2$ 을 인수분해하면?

- ① $(a - b + 3c)(a - b - 7c)$
- ② $(a - b + 4c)(a - b + 5c)$
- ③ $(a - b - 5c)(a - b + 8c)$
- ④ $(a - b + 5c)(a - b - 8c)$
- ⑤ $(a - b - 2c)(a - b + 4c)$

해설

$a - b = t$ 로 놓으면,

$$\begin{aligned}(a - b - 2c)(a - b + 5c) - 30c^2 \\&= (t - 2c)(t + 5c) - 30c^2 \\&= t^2 + 3ct - 40c^2 \\&= (t - 5c)(t + 8c) \\&= (a - b - 5c)(a - b + 8c)\end{aligned}$$

41. $(a+2b)^2 - 25c^2 = (a+\boxed{}b+\boxed{}c)(a+\boxed{}b-\boxed{}c)$ 에서 $\boxed{}$ 안에 알맞은 수를 차례대로 써넣으라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

▷ 정답 : 5

▷ 정답 : 2

▷ 정답 : 5

해설

$$\begin{aligned}(a+2b)^2 - 25c^2 &= (a+2b)^2 - (5c)^2 \\ &= (a+2b+5c)(a+2b-5c)\end{aligned}$$

42. 다항식 $(x+1)(x+3)(x+5)(x+7) - p$ 가 완전제곱식이 되도록 하는 상수 p 를 구하면?

- ① -16 ② -4 ③ 2 ④ 8 ⑤ 12

해설

$$x^2 + 8x = A \text{ 라 하면}$$

$$\begin{aligned}(x^2 + 8x + 7)(x^2 + 8x + 15) - p \\&= (A + 7)(A + 15) - p \\&= A^2 + 22A + 105 - p = (A + 11)^2 \\∴ 105 - p &= 121\end{aligned}$$

$$∴ p = -16$$

43. 다음 식이 완전제곱식일 때, 상수 a 의 값으로 알맞은 것을 구하여라.

$$(x+1)(x+3)(x+5)(x+7) + a$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 16$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (x+1)(x+7)(x+3)(x+5) + a \\&= (x^2 + 8x + 7)(x^2 + 8x + 15) + a\end{aligned}$$

$x^2 + 8x = A$ 로 치환하면

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (A+7)(A+15) + a \\&= A^2 + 22A + 105 + a \\&= (A+11)^2 = (x^2 + 8x + 11)^2\end{aligned}$$

$$11^2 = 105 + a$$

$$\therefore a = 16$$

44. 평행사변형의 넓이가 $x^2 + 4x - y^2 - 4y$ 이고, 밑변의 길이가 $x - y$ 일 때, 이 평행사변형의 높이를 구하면?

- ① $x + y - 4$
- ② $x - 2y + 4$
- ③ $x + 2y + 2$
- ④ $x + y + 4$
- ⑤ $x + 4y + 2$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - y^2 + 4(x - y) &= (x + y)(x - y) + 4(x - y) \\&= (x + y + 4)(x - y)\end{aligned}$$

45. $x^2 - y^2 + 6x - 2y + 8$ 을 인수분해하면 $(ax + by + c)(x + y + 4)$ 일 때,
 $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $a + b + c = 2$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - y^2 + 6x - 2y + 8 \\&= x^2 + 6x - (y^2 + 2y - 8) \\&= x^2 + 6x - (y + 4)(y - 2) \\&= \{x - (y - 2)\}\{x + (y + 4)\} \\&= (x - y + 2)(x + y + 4) \\∴ a &= 1, b = -1, c = 2 \\∴ a + b + c &= 2\end{aligned}$$

46. $x^2 - 4xy + 3y^2 - 6x + 2y - 16$ 을 인수분해 하였더니 $(x+ay+b)(x+cy+d)$ 가 되었다. 이 때, $a + b + c + d$ 의 값은?

① -10

② -9

③ -8

④ -3

⑤ 2

해설

x 에 대하여 정리하면,

$$x^2 - (4y + 6)x + 3y^2 + 2y - 16$$

$$= x^2 - (4y + 6)x + (3y + 8)(y - 2)$$

$$= (x - 3y - 8)(x - y + 2)$$

$$\therefore a = -3, b = -8, c = -1, d = 2$$

$$\therefore -3 - 8 - 1 + 2 = -10$$

47. $x^2 - 2y^2 + xy - 2x - y + 1$ 을 인수분해하면?

① $(x + 2y - 3)(x - y - 1)$

② $(x + 2y - 1)(x - y - 1)$

③ $(x + 2y - 1)(x - y - 2)$

④ $(x - 2y + 1)(x + y + 1)$

⑤ $(x + 2y + 1)(x - y + 1)$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 + (y - 2)x - 2y^2 - y + 1 \\ &= x^2 + (y - 2)x - (2y^2 + y - 1) \\ &= x^2 + (y - 2)x - (2y - 1)(y + 1) \\ &= \{x + (2y - 1)\} \{x - (y + 1)\} \\ &= (x + 2y - 1)(x - y - 1) \end{aligned}$$