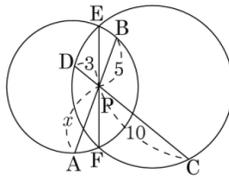


1. 다음 그림에서 \overline{EF} 가 두 원의 공통인 현이고, $BP = 5$, $CP = 10$, $DP = 3$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



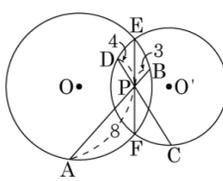
▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$\overline{AP} \times \overline{BP} = \overline{CP} \times \overline{DP}$ 이므로
 $5 \times x = 3 \times 10$ 이다.
 $\therefore x = 6$

2. 다음 그림에서 \overline{EF} 가 두 원의 공통인 현이고, $\overline{BP} = 3$, $\overline{DP} = 4$, $\overline{AP} = 8$ 일 때, \overline{CP} 의 길이를 구하여라.



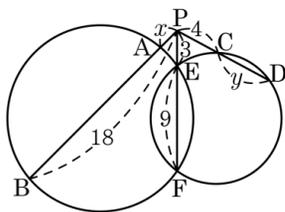
▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$\overline{AP} \times \overline{BP} = \overline{CP} \times \overline{DP}$ 이므로 $3 \times 8 = 4 \times \overline{CP}$ 이다.
 $\therefore \overline{CP} = 6$

3. 다음 그림에서 \overline{EF} 가 두 원의 공통인 현이고, $\overline{PB} = 18$, $\overline{PE} = 3$, $\overline{EF} = 9$, $\overline{PC} = 4$ 일 때, x, y 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 2$

▷ 정답: $y = 5$

해설

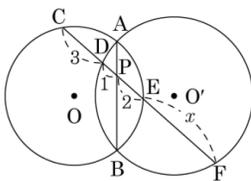
$$3 \times (3 + 9) = x \times 18$$

$$\therefore x = 2$$

$$3 \times (3 + 9) = 4 \times (4 + y)$$

$$\therefore y = 5$$

4. 다음 그림에서 $\overline{CD} = 3$, $\overline{DP} = 1$, $\overline{PE} = 2$ 일 때, \overline{EF} 의 길이는?

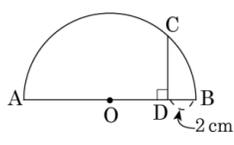


- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

\overline{AB} 가 두 원의 공통현이므로
 원 O 에서 $\overline{AP} \cdot \overline{BP} = \overline{CP} \cdot \overline{PE}$
 원 O' 에서 $\overline{AP} \cdot \overline{BP} = \overline{DP} \cdot \overline{PF}$
 $\therefore \overline{CP} \cdot \overline{PE} = \overline{DP} \cdot \overline{PF}$
 $(3 + 1) \times 2 = 1 \times (2 + x)$
 $\therefore x = 6$

5. 다음 그림에서 \overline{AB} 는 반지름의 길이가 6cm인 반원 O의 지름이고, $\overline{AB} \perp \overline{CD}$ 이다. $\overline{BD} = 2\text{cm}$ 일 때, \overline{CD} 의 길이를 구하여라.

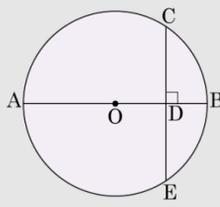


▶ 답: cm

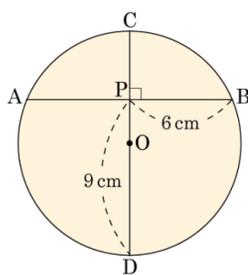
▷ 정답: $2\sqrt{5}$ cm

해설

$$\begin{aligned} \overline{CD} = \overline{ED} = x \text{ 라 하면} \\ x^2 = \overline{AD} \times \overline{BD} = 10 \times 2 = 20 \\ \therefore x = 2\sqrt{5} \text{ (cm)} (\because x > 0) \end{aligned}$$



6. 다음 그림에서 $\overline{PA} = \overline{PB} = 6\text{cm}$,
 $\overline{PD} = 9\text{cm}$, $\angle DPB = 90^\circ$ 일 때,
 \overline{PC} 의 길이는?



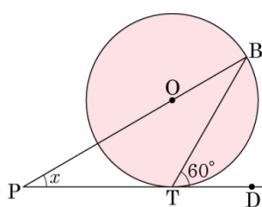
- ① 2 cm ② 4 cm ③ 6 cm ④ 8 cm ⑤ 10 cm

해설

$$\overline{PA} \cdot \overline{PB} = \overline{PC} \cdot \overline{PD} \text{ 이므로 } 6 \cdot 6 = \overline{PC} \cdot 9$$

$$\therefore \overline{PC} = 4\text{cm}$$

7. 다음 그림에서 $\angle TPB = (\quad)^\circ$ 의 크기를 구하여라. (단, $\angle BTD = 60^\circ$ 이고 점 T는 접점이다.)



▶ 답:

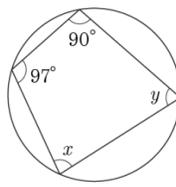
▷ 정답: 30

해설

두 점 O와 T를 이으면
 $\angle OTB = \angle OBT = 30^\circ$
 $\therefore \angle POT = 60^\circ$
 $\therefore x = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$

9. 다음 그림에서 $\angle x$, $\angle y$ 의 크기를 순서대로 구하면?

- ① 86° , 79° ② 87° , 80°
③ 88° , 84° ④ 89° , 90°
⑤ 90° , 83°



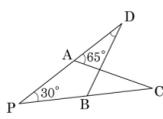
해설

원에 내접하는 사각형에서 대각의 합은 180° 이다.

$$\therefore x = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$

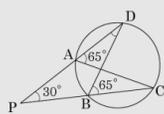
$$\therefore y = 180^\circ - 97^\circ = 83^\circ$$

10. 다음 그림에서 네 점 A, B, C, D가 한 원 위에 있을 때, $\angle D$ 의 크기는?



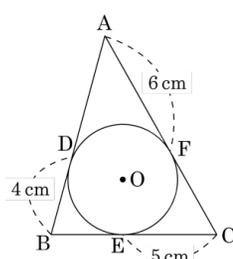
- ① 31° ② 32° ③ 33° ④ 34° ⑤ 35°

해설



$\angle DBC = \angle DAC = 65^\circ$ 이다.
 $\triangle PBD$ 에서 $\angle DBC = \angle P + \angle D$ 이다.
 $\therefore \angle D = 65^\circ - 30^\circ = 35^\circ$

11. 다음 그림과 같은 원 O 가 $\triangle ABC$ 의 각 변과 세 점 D, E, F 에서 접하고 있다. $\overline{DB} = 4\text{ cm}$, $\overline{CE} = 5\text{ cm}$, $\overline{AF} = 6\text{ cm}$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



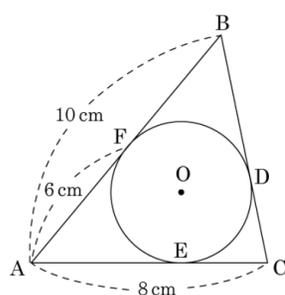
▶ 답: cm

▷ 정답: 30 cm

해설

$$\begin{aligned} \overline{AD} &= \overline{AF}, \overline{BD} = \overline{BE}, \overline{CE} = \overline{CF} \text{ 이므로} \\ \overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CA} &= 2(\overline{AF} + \overline{BD} + \overline{CE}) \\ &= 2(4 + 5 + 6) = 30(\text{cm}) \text{ 이다.} \end{aligned}$$

12. $\triangle ABC$ 와 만나는 내접원의 접점을 각각 점 D, E, F 라 하고, 나머지 변의 길이가 다음 그림과 같을 때, \overline{BC} 길이는?

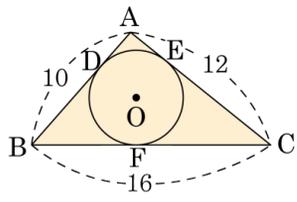


- ① 2 cm ② 3 cm ③ 4 cm ④ 5 cm ⑤ 6 cm

해설

$$\begin{aligned} \overline{BD} &= \overline{BF} = 10 - 6 = 4 \text{ (cm)} \\ \overline{CD} &= \overline{AC} - \overline{AE} = 8 - 6 = 2 \text{ (cm)} \\ \therefore \overline{BC} &= 4 + 2 = 6 \text{ (cm)} \end{aligned}$$

13. 다음 그림에서 원 O는 $\triangle ABC$ 의 내접원이고, 세 점 D, E, F는 각각 원 O의 접점일 때, \overline{BF} 의 길이는?

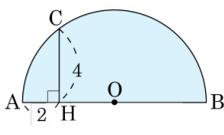


- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

해설

$$\begin{aligned} \overline{BF} &= \overline{BD} = x \text{ 라 하면} \\ \overline{AD} &= 10 - x, \overline{CF} = 16 - x \\ \overline{AC} &= \overline{AE} + \overline{EC} \\ 12 &= 16 - x + 10 - x \\ 2x &= 14 \\ \therefore x &= 7 \end{aligned}$$

15. 다음 그림에서 \overline{BH} 의 길이는?

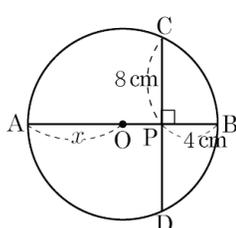


- ① 8 ② 7 ③ 6 ④ 5 ⑤ 4

해설

\overline{CH} 의 연장선과 원 O가 만나는 점을 D라 하면
 $\overline{AH} \cdot \overline{BH} = \overline{CH} \cdot \overline{DH}$ 이므로 $2 \times \overline{BH} = 4 \times 4$ ($\because \overline{CH} = \overline{DH}$)
 $\therefore \overline{BH} = 8$

16. 다음 그림에서 \overline{AB} 는 원 O 의 지름이고, $\overline{AB} \perp \overline{CD}$ 이다. $\overline{PB} = 4\text{cm}$, $\overline{PC} = 8\text{cm}$ 일 때, \overline{OA} 의 길이를 구하면?

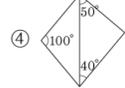
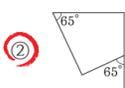
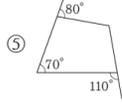
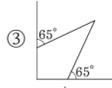
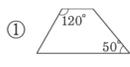


- ① 1cm ② 6cm ③ 8cm ④ 10cm ⑤ 12cm

해설

$$\begin{aligned} \overline{PA} \cdot \overline{PB} &= \overline{PC} \cdot \overline{PD} \text{ 이므로} \\ 4(2x - 4) &= 8 \times 8 \\ \therefore x &= 10 \end{aligned}$$

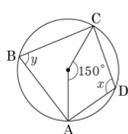
17. 다음 중 원에 내접하는 사각형은?



해설

$$115^\circ + 65^\circ = 180^\circ$$

18. 그림과 같이 원 O에 사각형 ABCD가 내접하고 있다고 할 때 $\frac{3(\angle x + \angle y)}{2}$ 의 값은 얼마인가?



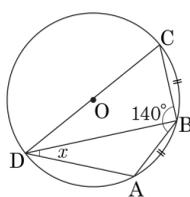
- ① 220° ② 250° ③ 270° ④ 290° ⑤ 320°

해설

□ABCD가 원에 내접하므로 $\angle x + \angle y = 180^\circ$ 이다.

$$\therefore \frac{3(\angle x + \angle y)}{2} = 270^\circ$$

19. 원 O 에서 $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 이고 $\angle ABC = 140^\circ$ 일 때, $\angle ADB = (\quad)^\circ$ 이다. (\quad)에 알맞은 수를 구하여라.



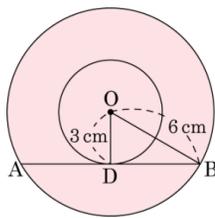
▶ 답 :

▷ 정답 : 20

해설

$\angle ADC = 40^\circ$
 $\angle ADB = \angle BDC (\because 5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5.0\text{pt}\widehat{BC})$
 $\therefore \angle ADB = 20^\circ$

20. 다음 그림에서 \overline{AB} 의 길이는? (단, \overline{AB} 는 작은 원의 접선이다.)



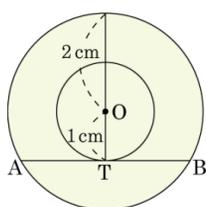
- ① $3\sqrt{3}$ cm ② $4\sqrt{3}$ cm ③ $6\sqrt{5}$ cm
 ④ $3\sqrt{5}$ cm ⑤ $6\sqrt{3}$ cm

해설

$$\overline{BD} = \sqrt{6^2 - 3^2} = 3\sqrt{3}(\text{cm})$$

$$\therefore \overline{AB} = 2\overline{BD} = 3\sqrt{3} \times 2 = 6\sqrt{3}(\text{cm})$$

21. 다음 그림과 같이 원 O를 중심으로 하고 반지름의 길이가 각각 2cm, 1cm인 두 원이 있다. 작은 원에 접하는 \overline{AB} 의 길이는?

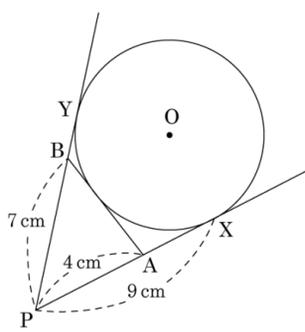


- ① 2 cm ② $2\sqrt{2}$ cm ③ $2\sqrt{3}$ cm
 ④ 4 cm ⑤ $4\sqrt{3}$ cm

해설

$$\begin{aligned} \overline{OA} &= 2\text{ cm}, \overline{OT} = 1\text{ cm} \\ \overline{AT} &= \sqrt{2^2 - 1^2} = \sqrt{3}\text{ (cm)} \\ \therefore \overline{AB} &= 2\overline{AT} = 2\sqrt{3}\text{ (cm)} \end{aligned}$$

22. 다음은 \overrightarrow{PX} , \overrightarrow{PY} 는 각각 점 X, Y 에서 접하는 원 O 의 접선이다. 원 O 의 접점 C 에서 \overrightarrow{PX} , \overrightarrow{PY} 에 그은 선분 AB 의 길이는?

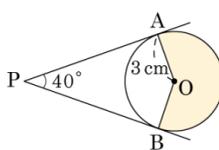


- ① 5 cm ② 6 cm ③ 6.5 cm
 ④ 7 cm ⑤ 8 cm

해설

$$\begin{aligned} \overline{AX} &= 9 - 4 = 5 \text{ (cm)} \\ \overline{BY} &= 9 - 7 = 2 \text{ (cm)} \\ \therefore \overline{AB} &= \overline{AX} + \overline{BY} = 5 + 2 = 7 \text{ (cm)} \end{aligned}$$

23. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 는 반지름의 길이가 3cm인 원 O의 접선이다. 이 때, 색칠한 부분의 넓이는?



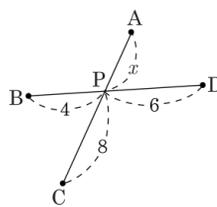
- ① $4\pi\text{cm}^2$ ② $5.5\pi\text{cm}^2$ ③ $6\pi\text{cm}^2$
 ④ $8.5\pi\text{cm}^2$ ⑤ $12\pi\text{cm}^2$

해설

□OAPB에서 $\angle AOB$ 는 140° 이다.
 따라서 색칠한 부분의 $\angle AOB = 220^\circ$ 이다.
 색칠한 부분의 넓이는
 $\pi \times 3^2 \times \frac{220^\circ}{360^\circ} = \frac{11}{2}\pi = 5.5\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

25. 다음 그림에서 네 점 A, B, C, D가 한 원 위에 있을 때, \overline{PA} 의 길이는?

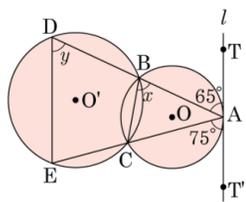
- ① 2 ② 3
③ 4 ④ 5



해설

$$4 \times 6 = x \times 8, \therefore x = 3,$$

26. 다음 그림에서 직선 l 은 점 A 를 접점으로 하는 원 O 의 접선이다. BC 가 두 원 O, O' 의 공통현이고 $\angle TAB = 65^\circ$, $\angle T'AC = 75^\circ$ 일 때, $\angle x - \angle y$ 의 크기는?

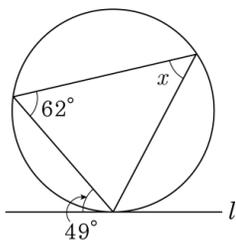


- ① 0° ② 5° ③ 10° ④ 15° ⑤ 20°

해설

$\overleftrightarrow{TT'}$ 은 원 O 의 접선이므로
 $\angle x = \angle CAT' = 75^\circ$
 $\angle ACB = \angle BAT = 65^\circ$
 또, $\square BDEC$ 는 원 O 에 내접하므로
 $\angle y = \angle ACB = 65^\circ$
 $\therefore \angle x - \angle y = 75^\circ - 65^\circ = 10^\circ$

27. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?

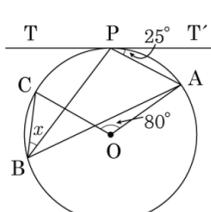


- ① 49° ② 51° ③ 55° ④ 59° ⑤ 62°

해설

원의 접선과 그 접점을 지나는 현이 이루는 각의 크기는 그 각의 내부에 있는 호에 대한 원주각의 크기와 같으므로 $\angle x = 49^\circ$

28. 다음 그림에서 직선 TT' 이 원 O 의 접선이고 점 P 가 접점일 때, $\angle CBP$ 의 크기는 °이다. 안에 알맞은 수를?



▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

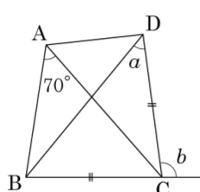
$$\angle ABP = 25^\circ$$

$$\angle ABC = \frac{1}{2}\angle AOC = \frac{1}{2} \times 80^\circ = 40^\circ$$

$$x^\circ + 25^\circ = 40^\circ$$

$$\therefore \angle x = 15^\circ$$

30. 다음 사각형 ABCD 가 원에 내접할 때,
 $\angle a + \angle b$ 의 크기는?



- ① 210° ② 220° ③ 230° ④ 240° ⑤ 250°

해설

한 원에서 한 호에 대한 원주각의 크기는 같으므로

$$\angle a = 70^\circ$$

$\triangle BCD$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle CBD = \angle CAD = 70^\circ$$

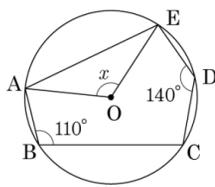
$$\angle BAD = \angle b$$

$$\therefore \angle b = 140^\circ$$

$$\therefore \angle a + \angle b = 210^\circ$$

31. 다음 그림과 같이 오각형 ABCDE 가 원 O 에 내접하고 $\angle B = 110^\circ$, $\angle D = 140^\circ$ 일 때, $\angle AOE$ 의 크기는?

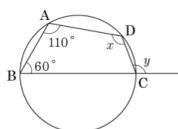
- ① 100° ② 110° ③ 120°
 ④ 130° ⑤ 140°



해설

보조선 \overline{BE} 를 그으면 $\square BCDE$ 는 내접하므로 대각의 합 $\angle CDE + \angle EBC = 180^\circ$
 $\therefore \angle EBC = 40^\circ$
 $\angle ABE = 110^\circ - 40^\circ = 70^\circ$
 $\angle AOE$ 는 $\angle ABE$ 의 중심각이므로
 $\therefore x^\circ = 2\angle ABE = 2 \times 70^\circ = 140^\circ$

32. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 원에 내접하는 사각형이다. $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하면?



- ① 200° ② 210° ③ 220° ④ 230° ⑤ 240°

해설

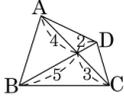
$$\angle x = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

$$\angle y = 110^\circ$$

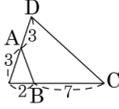
$$\therefore \angle x + \angle y = 120^\circ + 110^\circ = 230^\circ$$

33. 다음 $\square ABCD$ 중에서 원에 내접하는 것을 모두 고르면?

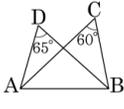
①



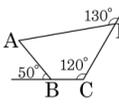
②



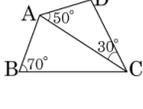
③



④



⑤

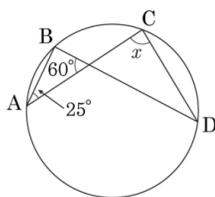


해설

② $3 \times 2 = 2 \times 3$

④ $50^\circ = 180^\circ - 130^\circ$

34. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?

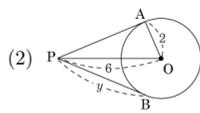
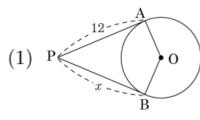


- ① 50° ② 70° ③ 90° ④ 95° ⑤ 100°

해설

5.0pt \widehat{AD} 의 원주각으로 $\angle x = \angle ABD$
삼각형의 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로 $\angle x + 25^\circ + 60^\circ = 180^\circ \therefore x = 95^\circ$ 이다.

35. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 가 원 O의 접선일 때, x, y 의 길이를 순서대로 옳은 것은?



- ① (1) $x = 11$, (2) $y = 7$ ② (1) $x = 11$, (2) $y = 8$
 ③ (1) $x = 12$, (2) $y = 8$ ④ (1) $x = 12$, (2) $y = 4\sqrt{2}$
 ⑤ (1) $x = 12$, (2) $y = \sqrt{61}$

해설

$$\begin{aligned}
 (1) \quad & x = 12 \\
 (2) \quad & \overline{PA}^2 + \overline{OA}^2 = \overline{PO}^2 \\
 & y^2 + 2^2 = 6^2 \\
 & y^2 = 36 - 4 = 32 \\
 & y = 4\sqrt{2} (\because y > 0)
 \end{aligned}$$

36. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 합동인 두 원에서 중심각과 호의 길이는 정비례한다.
- ② 합동인 두 원에서 중심각과 현의 길이는 정비례한다
- ③ 원의 중심에서 현에 내린 수선은 그 현을 이등분한다.
- ④ 한 원에서 중심에서 같은 거리에 있는 두 현의 길이는 같다.
- ⑤ 현의 수직이등분선은 원의 중심을 지난다.

해설

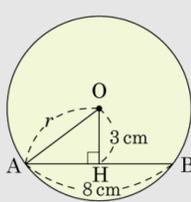
중심각과 현의 길이는 정비례하지 않는다.

37. 원의 중심에서 3cm 떨어져 있는 현의 길이가 8cm 일 때, 이 원의 넓이는?

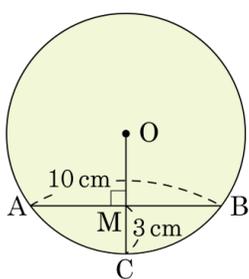
- ① $25\pi\text{ cm}^2$ ② $28\pi\text{ cm}^2$ ③ $32\pi\text{ cm}^2$
④ $36\pi\text{ cm}^2$ ⑤ $38\pi\text{ cm}^2$

해설

그림에서 $\overline{AH} = 4(\text{cm})$ 이므로 $r = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5(\text{cm})$
따라서, 원 O 의 넓이는 $\pi \times 5^2 = 25\pi(\text{cm}^2)$



38. 다음 그림에서 $\overline{AB} \perp \overline{OM}$, $\overline{AB} = 10\text{cm}$, $\overline{MC} = 3\text{cm}$ 일 때, 원 O의 지름의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: $\frac{34}{3}$ cm

해설

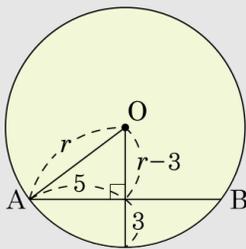
반지름의 길이를 $r\text{cm}$ 라 하면

$$r^2 = (r-3)^2 + 5^2$$

$$r^2 = r^2 - 6r + 9 + 25$$

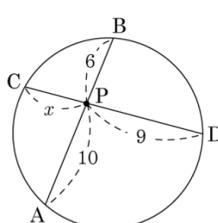
$$6r = 34, r = \frac{34}{6} = \frac{17}{3}(\text{cm})$$

$$\therefore (\text{지름}) = \frac{34}{3}(\text{cm})$$



39. 다음 그림에서 x 의 값을 구하면?

- ① $\frac{20}{3}$ ② 7 ③ $\frac{22}{3}$
④ $\frac{23}{3}$ ⑤ 8

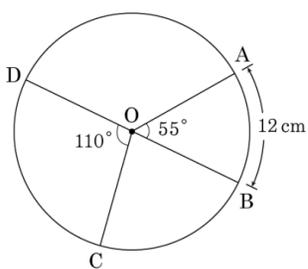


해설

$$6 \times 10 = x \times 9$$

$$\therefore x = \frac{20}{3}$$

41. 다음 그림과 같이 $\angle AOB = 55^\circ$, $\angle COD = 110^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 12\text{cm}$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 의 길이는?



- ① 22 cm ② 23 cm ③ 24 cm ④ 25 cm ⑤ 26 cm

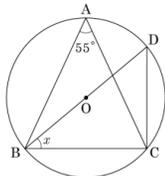
해설

$$55^\circ : 110^\circ = 12 : 5.0\text{pt}\widehat{CD}$$

$$1 : 2 = 12 : 5.0\text{pt}\widehat{CD}$$

$$\therefore 5.0\text{pt}\widehat{CD} = 24 \text{ (cm)}$$

43. 다음 그림에서 \overline{BD} 는 원 O 의 지름이고 $\angle BAC = 55^\circ$ 일 때, x 의 값은?

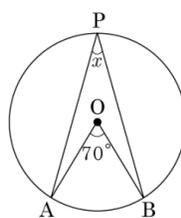


- ① 30° ② 35° ③ 40° ④ 45° ⑤ 50°

해설

$\angle BAC = \angle BDC = 55^\circ$, $\angle BCD = 90^\circ$ 이므로
 $\angle x = 90^\circ - 55^\circ = 35^\circ$ 이다.

44. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라. (단, O는 원의 중심이고 단위는 생략한다.)



▶ 답:

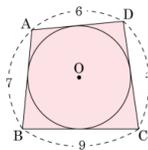
▷ 정답: 35

해설

원주각 = $\frac{1}{2}$ × (중심각)

$$\angle x = \frac{1}{2} \angle AOB = \frac{1}{2} \times 70^\circ = 35^\circ$$

45. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 가 원 O 에 외접할 때, x 의 값을 구하여라.



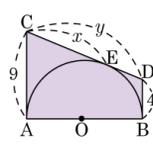
▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$6 + 9 = 7 + x \quad \therefore x = 8$$

46. 다음 그림에서 \overline{AC} , \overline{CD} , \overline{DB} 는 반원 O의 접선일 때, $x+y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 22

해설

$$x = \overline{CA} = 9, \overline{DE} = \overline{DB} = 4, y = x + \overline{DE} = 9 + 4 = 13$$

$$\therefore x + y = 9 + 13 = 22$$