

1. 다음 원  $x^2 + y^2 = 9$ 와 직선  $y = x + 5$ 의 교점의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 0 개

해설

원의 중심과 직선 사이의 거리를 구해보면,

$$\frac{|5|}{\sqrt{1^2 + (-1)^2}} = \frac{5\sqrt{2}}{2} > 3$$

반지름보다 크므로 원과 직선은 만나지 않는다.

2. 직선  $y = x + 4$ 가 원  $x^2 + y^2 = 9$ 에 의해서 잘린 현의 길이를 구하여라.

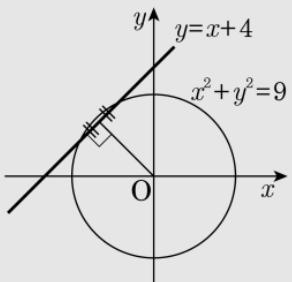
▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

원의 중심 원점에서 직선에 이르는 거리는 직선  $x - y + 4 = 0$

이므로  $\frac{|4|}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$



원의 중심에서 현에 내린 수선은 현을  
수직이등분하므로 피타고拉斯 정리에서 ,

현의 길이는  $2\sqrt{3^2 - (2\sqrt{2})^2} = 2$

3. 점 A(-2, 3)에서 원  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 4 = 0$ 에 그은 접선의 접점을 B라 할 때, AB의 길이를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 5

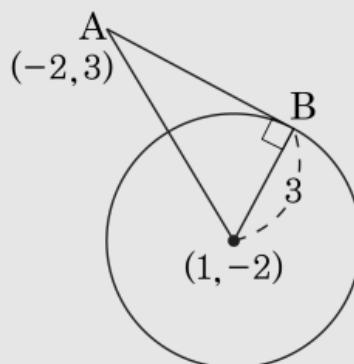
해설

$$x^2 + y^2 - 2x + 4y - 4 = 0$$

$$(x - 1)^2 + (y + 2)^2 = 3^2$$

원의 중심은 (1, -2), 반지름은 3이므로

$$\overline{AB} = \sqrt{(3^2 + (-5)^2) - 3^2} = 5$$



4. 원  $x^2 + y^2 = 20$  위의 점  $(4, -2)$ 에서의 접선의 방정식이  $y = ax + b$  일 때, 상수  $a, b$ 의 합  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -8

해설

원  $x^2 + y^2 = 20$  위의 점  $(4, -2)$ 에서의 접선의 방정식은

$$4x - 2y = 20 \quad \therefore y = 2x - 10$$

따라서,  $a = 2, b = -10 \quad \therefore a + b = 2 - 10 = -8$

5. 직선  $3x + 4y + a = 0$  이 원  $x^2 + y^2 - 2x + 2y = 2$ 에 접할 때, 양수  $a$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 11$

해설

원의 방정식을 표준형으로 나타내면

$$(x - 1)^2 + (y + 1)^2 = 2^2$$

직선이 원에 접하므로 원의 중심

$(1, -1)$ 에서 직선까지의 거리가

원의 반지름의 길이 2 와 같다.

$$\text{따라서, } \frac{|3 \cdot 1 + 4 \cdot (-1) + a|}{\sqrt{3^2 + 4^2}} = 2$$

$$|a - 1| = 10$$

$$a - 1 = \pm 10$$

$$a > 0 \text{ 이므로 } a = 11$$