

1. 다음 사각형 ABCD에서 \overline{AB} 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 13

해설



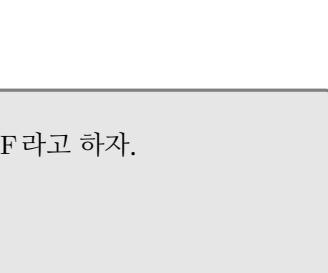
점 A에서 \overline{BC} 에 수선의 발을 내려 그 점을 H라 하면, $\triangle ABH$

에서

$$\overline{AB}^2 = \overline{BH}^2 + \overline{AH}^2 = 12^2 + 5^2 = 144 + 25 = 169 = 13^2$$

$$\therefore \overline{AB} = 13$$

2. 다음 그림과 같은 등변사다리꼴 ABCD에서 \overline{BC} 의 중점을 M, \overline{AM} 과 \overline{BD} 의 교점을 E라고 할 때, $\overline{AE} = \overline{EM}$ 이 성립한다. $\triangle AEB$ 의 넓이를 구하여라.

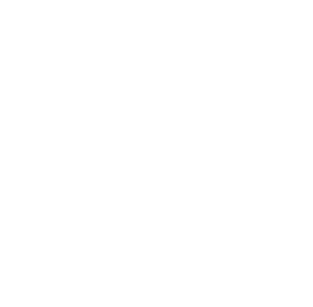


▶ 답: $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답: 6 cm^2

해설

점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 F라고 하자.



$$\overline{BF} = 3 \text{ cm} \text{ 이므로 } \overline{AF} = 4 \text{ cm}$$

$$\text{따라서 } \triangle ABM \text{의 넓이는 } \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12(\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

이 때, $\triangle AEB$ 의 넓이는 $\triangle ABM$ 의 넓이의 $\frac{1}{2}$ 배이므로 $\triangle AEB$ 의 넓이는 6cm^2 이다. ($\because \overline{AE} = \overline{EM}$)

3. 다음 그림에서 $\square JKGC$ 와 넓이가 같은 도형은?

- ① $\square DEBA$ ② $\square BFKJ$
③ $\square ACHI$ ④ $\triangle ABC$
⑤ $\triangle ABJ$



해설

$\square JKGC$ 의 넓이는 \overline{AC} 를 포함하는 정사각형의 넓이와 같다.

4. 다음 그림과 같이 세로의 길이가 5 인 직사각형의 넓이가 60 일 때, 직사각형의 대각선 \overline{BD} 의 길이를 구하시오.



▶ 답:

▷ 정답: 13

해설

직사각형의 넓이는

$$5 \times \overline{AD} = 60 \text{ 이므로}$$

$$\overline{AD} = 12$$

$\overline{BD} = x$ 라 하면

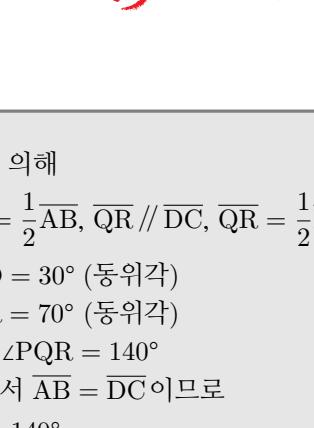
피타고라스 정리에 따라

$$5^2 + 12^2 = x^2$$

x 는 변의 길이이므로 양수이다.

따라서 $x = 13$ 이다.

5. 다음 그림과 같은 등변사다리꼴 ABCD에서 \overline{AD} , \overline{BD} , \overline{BC} 의 중점을 각각 P, Q, R이라 하고, $\angle ABD = 30^\circ$, $\angle BDC = 70^\circ$ 일 때, $\angle QPR$ 의 크기는?



- ① 10° ② 15° ③ 20° ④ 25° ⑤ 30°

해설

중점연결정리에 의해

$$\overline{PQ} \parallel \overline{AB}, \overline{PQ} = \frac{1}{2}\overline{AB}, \overline{QR} \parallel \overline{DC}, \overline{QR} = \frac{1}{2}\overline{DC}$$

$$\angle ABD = \angle PQD = 30^\circ \text{ (동위각)}$$

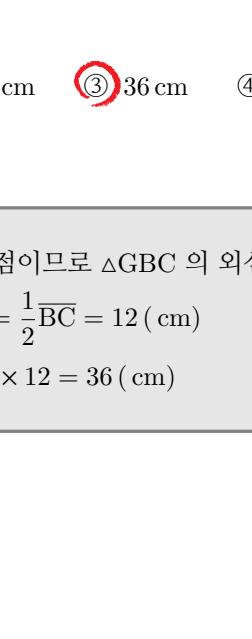
$$\angle BDC = \angle BQR = 70^\circ \text{ (동위각)}$$

$$\angle RQD = 110^\circ, \angle PQR = 140^\circ$$

등변사다리꼴에서 $\overline{AB} = \overline{DC}$ 이므로

$$\angle QPR = \frac{180^\circ - 140^\circ}{2} = 20^\circ \text{ 이다.}$$

6. 다음 그림에서 점 G는 $\triangle ABC$ 의 무게중심이다. $\overline{BC} = 24\text{cm}$ 일 때, \overline{AD} 의 길이를 바르게 구한 것은?



- ① 34 cm ② 35 cm ③ 36 cm ④ 37 cm ⑤ 38 cm

해설

점 D는 \overline{BC} 의 중점이므로 $\triangle GBC$ 의 외심이다.

$$\overline{BD} = \overline{CD} = \overline{GD} = \frac{1}{2}\overline{BC} = 12(\text{cm})$$

$$\therefore \overline{AD} = 3\overline{GD} = 3 \times 12 = 36(\text{cm})$$

7. 500 원짜리 동전 2개와 100 원짜리 동전 3개가 있다. 두 가지 동전을 각각 한 개 이상 사용하여 지불할 수 있는 금액의 모든 경우의 수는?

- ① 2 가지 ② 3 가지 ③ 4 가지
④ 5 가지 ⑤ 6 가지

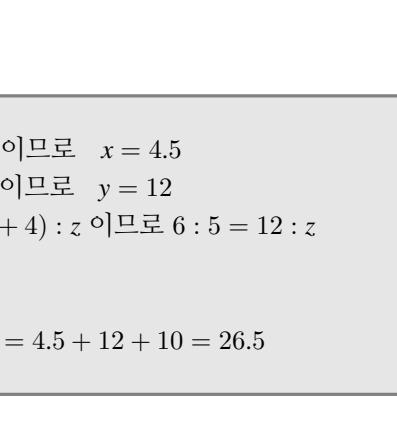
해설

500 원짜리 동전과 1000 원짜리 동전을 1 개 이상씩 사용하여 지불할 수 있는 방법을 표로 나타내면



이므로 구하는 경우의 수는 6 가지이다.

8. 다음 그림에서 $l \parallel m \parallel n \parallel p$ 일 때, $x + y + z$ 의 값은?

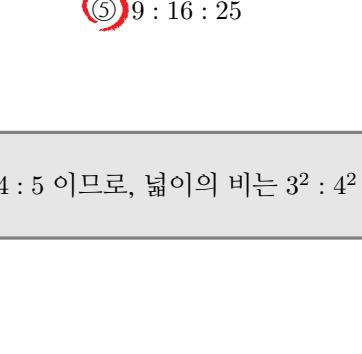


- ① 25 ② 25.5 ③ 26 ④ 26.5 ⑤ 27

해설

$$\begin{aligned}x : 3 &= 6 : 4 \text{ 이므로 } x = 4.5 \\y : 8 &= 6 : 4 \text{ 이므로 } y = 12 \\3 : 2.5 &= (8+4) : z \text{ 이므로 } 6 : 5 = 12 : z \\6z &= 60 \\z &= 10 \\∴ x + y + z &= 4.5 + 12 + 10 = 26.5\end{aligned}$$

9. 다음 그림의 직각삼각형 ABC 의 꼭짓점 A 에서 빗변 BC 에 내린 수선의 발을 D 라고 할 때, $\triangle ABD$, $\triangle CAD$, $\triangle CBA$ 의 넓이의 비는?

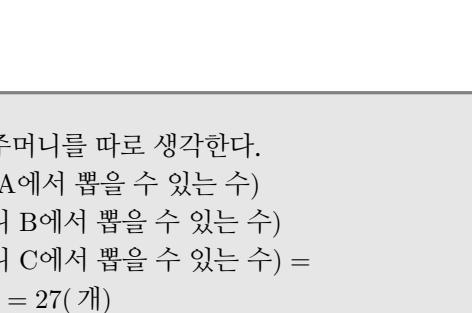


- ① 1 : 2 : 3 ② 2 : 4 : 9 ③ 3 : 5 : 7
④ 5 : 8 : 12 ⑤ 9 : 16 : 25

해설

넓이비가 3 : 4 : 5 이므로, 넓이의 비는 $3^2 : 4^2 : 5^2 = 9 : 16 : 25$

10. 주머니 A에 있는 숫자 카드를 백의 자리수로, 주머니 B에 있는 숫자 카드를십의 자리 수로, 주머니 C에 있는 숫자 카드를 일의 자리 수로하여 세 자리 수를 만드는 경우의 수를 구하여라.



▶ 답: 개

▷ 정답: 27개

해설

각각의 주머니를 따로 생각한다.
(주머니 A에서 뽑을 수 있는 수)
× (주머니 B에서 뽑을 수 있는 수)
× (주머니 C에서 뽑을 수 있는 수) =
 $3 \times 3 \times 3 = 27$ (개)