

1. 원점 O 와 점 $A(3, 6)$ 을 이은 선분 OA 를 $2 : 1$ 로 내분하는 점을 P , 선분 OP 를 $2 : 1$ 로 외분하는 점을 Q 라고 할 때, 두 점 P, Q 사이의 거리를 구하면?



답:

2. $\triangle ABC$ 의 변 BC, CA, AB의 중점이 각각 $P(-1, a)$, $Q(3, 3)$, $R(1, 6)$ 이고, 이 삼각형의 무게중심의 좌표가 $\left(b, \frac{10}{3}\right)$ 일 때, ab 의 값은?

- ① 1 ② $2\sqrt{5}$ ③ 3 ④ 4 ⑤ $4\sqrt{5}$

3. 기울기가 2 이고 점 (2, 1) 을 지나는 직선이 x 축, y 축과 만나는 점을 각각 A, B 라 할 때, 선분 AB 의 길이는?

① $\frac{2\sqrt{5}}{5}$

② $\frac{3\sqrt{5}}{2}$

③ 5

④ $3\sqrt{5}$

⑤ 6

4. 두 이차함수 $y = -x^2 + 3$ 과 $y = x^2 - 4x + 3$ 의 그래프의 꼭지점을 각각 A, B 라 할 때, 직선 AB 의 x 절편은?

① $\frac{3}{2}$

② $\frac{4}{3}$

③ $\frac{2}{3}$

④ $\frac{1}{2}$

⑤ $\frac{1}{3}$

5. 두 직선 $3x - 2y + 1 = 0$, $3x - 2y - 4 = 0$ 사이의 거리를 구하면?

① $\frac{\sqrt{13}}{13}$

② $\frac{3\sqrt{13}}{13}$

③ $\frac{5\sqrt{13}}{13}$

④ $\frac{6\sqrt{13}}{5}$

⑤ $\frac{7\sqrt{13}}{5}$

6. 두 원 $x^2 + y^2 = 1$, $(x - a)^2 + (y - b)^2 = 4$ 에 대하여 두 원이 외접할 때 $a^2 + b^2$ 의 값을 구하여라.



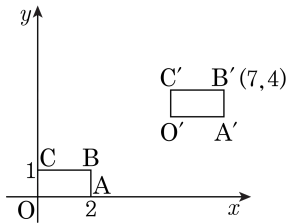
답: _____

7. 원 $x^2 + y^2 = 1$ 밖의 점 $P(3, 4)$ 에서 이 원에 두 개의 접선을 그을 때 그 접점을 Q, R 이라고 하자. 직선 QR 의 방정식을 $ax + by = 1$ 라 할 때 $a + b$ 를 구하여라.



답:

8. 좌표평면에서 원점 O 와 두 점 $A(2, 0)$, $C(0, 1)$ 에 대하여 $\overline{OA}$, $\overline{OC}$ 를 두 변으로 하는 직사각형 $OABC$ 를 평행 이동하여 $O \rightarrow O'$, $A \rightarrow A'$, $B \rightarrow B'$, $C \rightarrow C'$ 으로 옮겨지도록 하였다. 점 B' 의 좌표가 $(7, 4)$ 일 때, 직선 $A'C'$ 의 방정식은?



- ① $x + 2y - 10 = 0$ ② $x + 2y - 13 = 0$
- ③ $x + 2y - 16 = 0$ ④ $2x + 3y - 17 = 0$
- ⑤ $2x + 3y - 19 = 0$

9. 직선 $y = \frac{1}{2}x$ 위의 점 $P(a, b)$ 를 x 축, y 축에 대하여 각각 대칭이동한 점을 P_1, P_2 라 하자. $\triangle PP_1P_2$ 의 넓이가 4 일 때, 두 양수 a, b 에 대하여 $a + b$ 의 값을 구하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

10. 점 $(1, 3)$ 을 점 $(-1, 2)$ 에 대하여 대칭이동한 점의 좌표를 구하면?

① $(3, -1)$

② $(-3, 1)$

③ $(1, -3)$

④ $(-1, 3)$

⑤ $(-1, -3)$

11. 집합 $A = \{(x, y) | ax - by = 12\}$ 에 대하여 $(6, 2) \in A$, $(-3, -2) \in A$ 일 때, $a + b$ 의 값은?

① 12

② 16

③ 20

④ 26

⑤ 30

12. 세 집합 $A = \{x \mid x \text{는 } 10 \text{ 이하의 자연수}\}$,
 $B = \{x \mid x \text{는 } 10 \text{ 이하의 } 5 \text{의 배수}\}$,
 $C = \{x \mid x \text{는 } 10 \text{의 약수}\}$ 사이의 포함 관계는?

① $A \subset B \subset C$

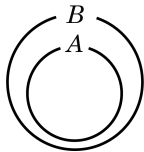
② $A \subset C \subset B$

③ $B \subset A \subset C$

④ $B \subset C \subset A$

⑤ $C \subset B \subset A$

13. 두 집합 A, B 사이의 포함관계가 다음 그림과 같을 때,
다음 중 항상 옳은 것은?



① $A \cap B = \emptyset$

② $A \cup B = A$

③ $A - B = \emptyset$

④ $B \subset A$

⑤ $B - A = B$

14. 집합 S 의 원소의 개수를 $n(S)$, 부분집합의 개수를 $|S|$ 라 하자. 집합 A, B 에 대하여, $|A|+|B| = |A \cup B|$, $n(A) = 10$ 일 때, $n(A \cap B)$ 의 값은?

① 8

② 9

③ 10

④ 11

⑤ 12

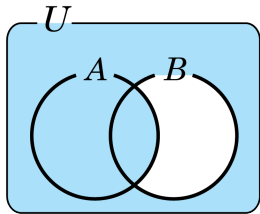
15. 집합 $A = \{x \mid x \text{는 } 12 \text{의 약수}\}$ 일 때, 적어도 하나의 원소가 홀수인 집합 A 의 부분집합의 개수를 구하여라.



답:

개

16. $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $A = \{2, 5\}, B = \{1, 3, 5\}$ 일 때, 다음 벤 다이어그램에서 색칠된 부분을 나타내는 집합은?



① $\{2, 4\}$

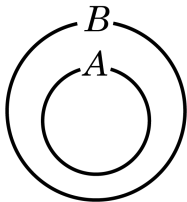
② $\{4, 5\}$

③ $\{2, 4, 5\}$

④ $\{1, 2, 3, 4\}$

⑤ $\{1, 2, 4, 5\}$

17. 다음 벤 다이어그램과 같은 포함 관계일 때, 옳지 않은 것은?



① $A \cap B = A$

② $A - B = \emptyset$

③ $A \cup B = B$

④ $A \subset B$

⑤ $(A \cup B) - B = A$

18. 모든 실수 x, y 에 대하여 $(x+y)^2 \leq k(x^2 + y^2 - xy)$ 가 성립하기 위한 실수 k 의 최솟값은?

① $\frac{5}{2}$

② 4

③ $2\sqrt{2}$

④ $3\sqrt{2}$

⑤ $5\sqrt{2}$

19. x 가 양의 실수 일 때, $x^2 + 1 + \frac{1}{x^2}$ 의 최솟값과 그 때의 x 값을 차례대로 구하여라.

 답: _____

 답: _____

20. 함수 $f(x) = ax^3 - bx + 10$ (a, b 는 상수) 에 대하여 $f(-7) = 5$ 일 때,
 $f(7)$ 의 값을 구하면?

① 0

② 5

③ 10

④ 15

⑤ 20

21. 함수 $f(x) = 2x - 1$, $g(x) = \sqrt{x - 1}$ 에 대하여 $(f \circ (f \circ g)^{-1}f)(2)$ 의 값을 구하여라.



답: _____

22. $\frac{2}{x(x+2)} + \frac{2}{(x+2)(x+4)} + \frac{2}{(x+4)(x+6)}$ 을 간단히 하면?

① $\frac{1}{x}$

② $\frac{2}{x}$

③ $\frac{6}{x(x+6)}$

④ $\frac{2}{x(x+2)}$

⑤ $\frac{2}{x+2}$

23. $3 + \sqrt{8}$ 의 소수 부분을 x 라 할 때, $\sqrt{x^2 + 4x}$ 의 값을 구하라.



답: _____

24. $x = \sqrt{2} + 1, y = \sqrt{2} - 1$ 일 때,

$$\frac{\sqrt{x} - \sqrt{y}}{\sqrt{x} + \sqrt{y}} + \frac{\sqrt{x} + \sqrt{y}}{\sqrt{x} - \sqrt{y}} \text{의 값은?}$$

① 1

② $\sqrt{2}$

③ 2

④ $2\sqrt{2}$

⑤ $\sqrt{3}$

25. $x = \sqrt{17 - 12\sqrt{2}}$ 일 때, 다항식 $x^5 - 4x^4 - 7x^3 - 21x^2 - x + 2$ 의 값은?

① $4 - 2\sqrt{2}$

② $4 + 2\sqrt{2}$

③ $3 - 2\sqrt{2}$

④ $3 + 2\sqrt{2}$

⑤ $2 - 2\sqrt{2}$